### BERLINER GEOGRAPHISCHE ABHANDLUNGEN

Herausgegeben von Peter-Jürgen Ergenzinger, Dieter Jäkel, Hans-Joachim Pachur und Wilhelm Wöhlke

Schriftleitung: Dieter Jäkel

Heft 50

Peter Stüve

Die Schneeschmelze eines nordskandinavischen Einzugsgebietes ermittelt über die räumlich-zeitliche Variation des Strahlungs- und Energiehaushalts

123 Seiten, 42 Abbildungen, 13 Tabellen, 21 Karten

1988

Im Selbstverlag des Institutes für Physische Geographie der Freien Universität Berlin ISBN 3 - 88009 - 050 - 1

#### Peter Stüve

Die Schneeschmelze eines nordskandinavischen Einzugsgebietes ermittelt über die räumlich-zeitliche Variation des Strahlungs- und Energiehaushalts

Berliner Geogr. Abh., Heft 50: 1 – 123, Berlin 1988.

# BERLINER GEOGRAPHISCHE ABHANDLUNGEN

Herausgegeben von Peter-Jürgen Ergenzinger, Dieter Jäkel, Hans-Joachim Pachur und Wilhelm Wöhlke

Schriftleitung: Dieter Jäkel

Heft 50

Peter Stüve

# Die Schneeschmelze eines nordskandinavischen Einzugsgebietes ermittelt über die räumlich-zeitliche Variation des Strahlungs- und Energiehaushalts

123 Seiten, 42 Abbildungen, 13 Tabellen, 21 Karten

1988

Im Selbstverlag des Institutes für Physische Geographie der Freien Universität Berlin ISBN 3 - 88009 - 050 - 1

## Vorwort

Vorliegende Untersuchung stellt einen Beitrag zur Forschung in der Schneehydrologie dar. Dem wachsenden Bedürfnis der Wasserwirtschaft, Informationen über Schneedeckenauf- und -abbau und die Möglichkeiten der Modellbildung zu erhalten, wurde folgende Untersuchung am Beispiel eines nordskandinavischen Einzugsgebietes, des 53,9 km<sup>2</sup> großen Isdalen, durchgeführt. Ausgehend vom derzeitigen Stand der Forschung, in der Schneeschmelzmodelle als "Stations- oder Punktmodelle" existieren, werden in dieser Arbeit raumbezogene differenzierte Gebietsmodelle vorgestellt.

Die Anregung, mich innerhalb der Geowissenschaften mit Fragestellungen zu räumlichen und zeitlichen Aussagen am Beispiel der Schneehydrologie zu beschäftigen, erhielt ich durch meinen Lehrer, Herrn Prof. Dr. P. Ergenzinger. Ihm verdanke ich das Gelingen dieser Arbeit durch zahlreiche Anregungen, einer hervorragenden Betreuung sowie tatkräftiger Unterstützung der Feldarbeit.

Die Wahl des Themas entstand aus meiner Diplomarbeit. Hier zeigte sich, daß die Rolle des Schnees ein entscheidender Faktor für den Wasserhaushalt im skandinavischen Raum darstellt. In diesem Zusammenhang entstanden Kontakte zu Fachpersonen in Norwegen und Schweden, die im Rahmen der Wasserwirtschaft gleiche Ziele in der Schneehydrologie verfolgen. Hier gilt mein Dank den Mitarbeitern vom Norges Vassdrags- og Energiverk (NVE) in Oslo, Herrn T. Andersen, A. Tollan und und D. Lundquist aus der hydrologischen und Dr. G. Ostrem aus der glaziologischen Abteilung. Anregungen erhielt ich außerdem bei Aufenthalten an der Technischen Hochschule Trondheim von Dr. J. Tveit vom Institut für Wasserbau, sowie von Mitarbeitern des Amtes für Wasser- und Energiewirtschaft (NVE Innset-verkene) in Narvik. Die Durchführung meiner Feldarbeiten von März 1981 bis September 1981 wurde durch ein Stipendium des DAAD finanziell unterstützt.

Außerdem danke ich sehr der ortsansässigen Familie Stromseng, die mich während meiner Feldarbeiten freundschaftlich betreute. Besonders danke ich Stein Stromseng, der mit großem Einsatz bei vielen Feldarbeiten mitwirkte. Ebenso sei meinem Freund P. Zwingert für die Arbeit im Gelände während der Aufbauphase im September 1980 gedankt.

Besonderes Interesse hatte ich auch an der Umsetzung des erhobenen Datenmaterials in kartographische Darstellungsmodelle. Herrn Dr. J. Bollmann vom Geographischen Institut der Freien Universität Berlin danke ich für viele Anregungen in Verbindung mit der Arbeit an seinem kartographischen Softwareprogramm THEMAK.

Großzügige Unterstützung erhielt ich auch an meiner Arbeitsstelle durch den Leiter des Geographischen Instituts der TH Darmstadt, Herrn Prof. Dr. O. Seuffert, der es mir zeitlich ermöglichte, die Arbeit fertigzustellen.

Schließlich danke ich vor allem meiner lieben Frau Angelika Wehnes-Stüve, bei der ich stets Unterstützung und Anteilnahme für die Arbeit erhielt.

Für die Druckvorbereitung der Arbeit danke ich Frau Dr. K. Zillbach und Frau A. Opitz.

Darmstadt im Februar 1987

PETER STÜVE

# Inhaltsverzeichnis

	Se	eite
1.	<ul> <li>Einleitung</li> <li>Problemstellung und Ziel der Untersuchung</li> <li>Entwicklung der Schneehydrologie, Stand der Forschung</li> <li>Die Rolle des Schnees in skandinavischen Einzugsgebieten.</li> <li>Das Einzugsgebiet Isdalen und dessen Voraussetzung zur Berechnung des Energiehaushaltes .</li> <li>1.4.1 Meßgrößen und instrumentelle Ausstattung</li> </ul>	9 9 12 13 14 14
2.	Verfahren zur Extrapolation der Punktbeobachtungen auf die Einzugsgebietsfläche 2.1 Das digitale Geländemodell zur Erfassung topographischer Parameter	15 15
3.	Schneedeckenaufnahmen         3.1       Methode der Schneedeckenaufnahme im Isdalen         3.2       Struktur der Schneedecke         3.2.1       Wasseräquivalent der Schneedecke         3.2.2       Berechnung der räumlichen Verteilung der Schneedecke         3.3       Graphische Datenausgabe: Umsetzung raumbezogener Daten in kartographische Darstellungs-	16 17 19 21 21 22
4.	Berechnung der Komponenten zum Strahlungshaushalt (Strahlungsmodell)	25 25 27 28 29 30 30 30 30
5.	Analyse der Punktschmelze an der Lysimeterstation.         5.1 Einsatz des Schneelysimeters.         5.2 Energiehaushalt.         5.2.1 Kurzwellige Strahlungsbilanz.         5.2.2 Langwellige Strahlungsbilanz.         5.2.3 Berechnung des latenten und fühlbaren Wärmestroms.         5.2.4 Wärmezufuhr durch Regen und Bodenwärmestrom         5.2.5 Wasserabgabe aus der Schneedecke	36 36 37 38 38 39 40 40
	5.3       Parameteroptimierung         5.3.1       Fehleranalyse von Datenfehlern         5.3.2       Wahl der Zielfunktionen         5.3.3       Durchführung der Optimierung	41 42 42 43
	<ul> <li>5.4 Modellansätze zur Schneedeckenablation.</li> <li>5.4.1 Temperatur-Index-Verfahren.</li> <li>5.4.2 Temperatur-Wind-Index Verfahren.</li> <li>5.4.3 Energiebilanzverfahren.</li> <li>5.5 Vergleich der Modellansätze mit Berechnung von Tageswerten.</li> <li>5.6 Vergleich der Modellansätze mit Berechnung von 2-stündlichen Werten.</li> <li>5.7 Anwendung der am Schneelysimeter kalibrierten Schmelzmodelle auf weitere Beobachtungspunkte im Einzugsgebiet.</li> </ul>	44 44 44 46 46 46 47 49
6.	Verfahren zur räumlich differenzierten Schneedeckenschmelze	52 52 53 53

Seite

	6.4 6.5	Energiebilanz mit Gelände- und Strahlungsmodell	53 58
7.	Über	tragung auf benachbarte wasserwirtschaftlich relevante Einzugsgebiete	60
8.	Quel	lenverzeichnis	61
9.	Anha	ang	65
	Kurz	fassung / Summary / Sammenfattning	120

# Verzeichnis der Abbildungen und Tabellen

Abb. 1:	Karte Einzugsgebiete Nordkalotte	10
Abb. 2:	Erfassung, Verarbeitung der Modelleingangsdaten und räumliche Übertragbarkeit	11
Abb. 3:	3 D - Geländemodell Isdalen	17
Abb. 4:	Symbole für Schneeprofile	18
Abb. 5:	Ábnahme der Schneehöhe mit zunehmender Hangneigung.	19
Abb. 6:	Schneedeckenentwicklung an Stationen Basis, Saeter, Talmitte, Flaan, Talende,	20
Abb. 7:	Beziehung Schneehöhe - Geländehöhe	21
Abb. 8:	Beziehung Wasseräquivalent - Geländehöhe	21
Abb. 9:	Gebietswasseräquivalent (berechn.) am 16.6.1981	22
Abb. 10:	Entwicklung des Gebietswasserägujvalents von März bis August 1981	22
Abb. 11:	WMAX und n während der Schmelzperiode 1981	23
Abb. 12:	Aussageebenen und Wahl der kartographischen Darstellungsmodelle	24
Abb. 13	Tagessummen berechneter notentieller und gemessener Globalstrahlung an den Stationen	
	Talmitte und Abisko	26
Abb. 14:	Anordnung des Schattenringes am Strahlungsmeßgerät	27
Abb. 15:	Globalstrahlung und diffuse Strahlung an wolkenlosen Tagen.	28
Abb. 16.	Globalstrahlung und diffuse Strahlung an Tagen mit 10/10 Bedeckungsgrad	28
Abb. 17:	Tageswerte von Globalstrahlung und diffuser Strahlung während der Schmelzperiode	29
Abb. 18:	Einfallswinkel der Strahlung auf beliebig geneigte und orientierte Flächen	30
Abb. 19:	Strahlungsunterschiede an Hängen in 70° und 50° n. Br. während der Schmelzperiode	31
Abb. 20:	Interpolation der Strahllinie im Grundgitter	32
Abb. 21:	Berechnung der zu interpolierenden Höhe	32
Abb. 22:	3 D-Modelle vom Einzugsgebiet am 15. Februar, 15. April, 21. Juni	33
Abb. 23:	Programm Horizontabschattung	34
Abb. 24:	Horizontlinien an 5 Stationen im Isdalen	35
Abb. 25:	Funktion Schneelvsimeter Isdalen	36
Abb. 26:	Häufigkeitsverteilung der Schmelzabflüsse an Lysimeterstation.	37
Abb. 27:	Summenkurven der gemessenen Wasserabgabe durch Schneelvsimeter und Schneedeckenpro-	0.
	filaufnahme	38
Abb. 28:	Verschiedene Näherungen zum Wasserrückhaltekoeffizienten	41
Abb. 29:	Fehleranalyse und Optimierung der Parameter	42
Abb. 30:	Empfindlichkeitsanalyse der Parameter CM und TO	43
Abb. 31:	Empfindlichkeitsanalyse der Parameter AH und AE	43
Abb. 32:	Gemessene, berechnete tägl. Schneeschmelze an Lysimeterstation (Day-Degree, TempWind	-
	Index	45

### Seite

Empfindlichkeitsanalyse der Parameter AE, AH	47
Gemessene, berechnete tägl. Schneeschmelze an Lysimeterstation (Energiebilanzverfahren I, II)	48
Summenlinien der Wasserabgabe am Schneelysimeter nach Bilanzgleichung II	50
Gemessene und berechnete Ablationswerte ausgewählter Schneeprofile	51
5-Tagessummen des Wasseräquivalents (TempIndex)	54
5-Tagessummen des Wasseräquivalents (TempWindIndex Verfahren)	55
5-Tagessummen des Wasseräquivalents nach Bilanzansatz II mit Abschattung	56
Differenz der Schneedeckenablation des Strahlungstages (24.5.), Bilanzansatz mit/ohne Ab-	
schattung	57
Differenz der Modellansätze BILANZ II–TWIN am 16. Juni 1981	59
Gebietswasseräquivalente Altevatn, Skjomen 1981	61
Auswahl der in der Schneehydrologie gebräuchlichsten Abflußmodelle	12
Ausgewählte Einzugsgebiete (represent. basins) der Schneehydrologieforschung	13
Vergleich der Gebietsgröße, Anzahl der Schneemeßstellen und der Rasterflächen von Einzugs-	
gebieten	15
Schneemeßpunkte Untersuchungsgebiet Isdalen.	18
Werte für Näherungsformel Gebietswasseräquivalent.	22
Tagessummen der diffusen Strahlung in % der Globalstrahlung	25
Mittelwerte von Trübung und Wasserdampf im Einzugsgebiet	26
Globahlstrahlung Talmitte, Abisko: ausgewählte Tage mit 0/10 und 10/10 Bewölkungsgrad .	26
Parameteroptimierung AH, AE	47
Gemessene und berechnete Schmelzraten an der Lysimeterstation	47
Korrelationskoeffizienten meteor. Variablen - Wärmeenergiestrom im Meßzeitraum 12.528.6.	
1981 am Schneelysimeter	49
Korrelationskoeffizienten Schmelzparameter - gemessener Abfluß im Meßzeitraum 12.528.6.	
1981 am Schneelysimeter	49
Räumlicher und zeitlicher Aspekt für die Wahl der Schneeschmelzmodelle	58
	Empfindlichkeitsanalyse der Parameter AE, AH         Gemessene, berechnetetägl. Schneeschmelze an Lysimeterstation (Energiebilanzverfahren I, II)         Summenlinien der Wasserabgabe am Schneelysimeter nach Bilanzgleichung II         Gemessene und berechnete Ablationswerte ausgewählter Schneeprofile         5-Tagessummen des Wasseräquivalents (Temp-Index).         5-Tagessummen des Wasseräquivalents (Temp-Wind-Index Verfahren)         5-Tagessummen des Wasseräquivalents (Temp-Wind-Index Verfahren)         Differenz der Schneedeckenablation des Strahlungstages (24.5.), Bilanzansatz mit/ohne Abschattung.         Differenz der Modellansätze BILANZ II-TWIN am 16. Juni 1981         Gebietswasseräquivalente Altevatn, Skjomen 1981.         Auswahl der in der Schneehydrologie gebräuchlichsten Abflußmodelle         Ausgewählte Einzugsgebiete (represent. basins) der Schneehydrologieforschung         Vergleich der Gebietsgröße, Anzahl der Schneemeßstellen und der Rasterflächen von Einzugsgebieten.         Schneemeßpunkte Untersuchungsgebiet Isdalen.         Werte für Näherungsformel Gebietswasseräquivalent.         Tagessummen der diffusen Strahlung in % der Globalstrahlung.         Mittelwerte von Trübung und Wasserdampf im Einzugsgebiet.         Globahlstrahlung Talmitte, Abisko: ausgewählte Tage mit 0/10 und 10/10 Bewölkungsgrad         Parameteroptimierung AH, AE.         Gemessene und berechnete Schmelzraten an der Lysimeterstation         Korrelationskoeffizienten Schmelzrat

# Verzeichnis der wichtigsten im Text verwendeten Symbole

Symbol	Einheit	Definition	Symbol	Einheit	Definition
AE	-	Koeffizient latenter Wärme-	DA	-	Aerosoltrübung
		transport	DH	W/m²	Diffuse Strahlung
AH	-	Koeffizient fühlbarer Wärme-	DS	W/m²	Direkte Sonnenstrahlung
		transport	DDEG	cm	Temperatur-Index
a	-	Albedo	Dh	-	Koeffizient fühlbare Wärme
a <sub>o</sub> , a <u>1</u>	-	Konstanten als Wärmeüber- gangszahl	De	-	Koeffizient latente Wärme
			Es	mb	Sättigungsdampfdruck Schnee,
С	10/10	Bedeckungsgrad			Eis
CA	mm/h	Windunabhängiger Parameter	el	mb	Aktueller Wasserdampfdruck
CB	mm/h	Windabhängiger Parameter			Luft
СМ	-	Gradtagfaktor			
ср	J/kg ℃	Spezifische Wärme Luft bei konstantem Druck	GS	W/m²	Globalstrahlung
cpw	J/kg ℃	Spezifische Wärme von Wasser	Ι	W/m²	Solarkonstante

Symbol	Einheit	Definition	Symbol	Einheit	Definition
HS	m	Mittlere Geländehöhe der	Td	°C	Taupunkttemperatur
		schneebedeckten Fläche	Tđ	°C	Positive Tagesmitteltemperatur
			Tel	°C	Äquivalenttemperatur Luft
К	-	Wolkenhöhe	Tes	°C	Äquivalenttemperatur Schnee
kw	-	Psychormeterkonstante	TL	°C	Lufttemperatur
			Tlk	°K	Lufttemperatur Grad Kelvin
М	cm	Schmelzrate	ТО	°C	Schwellentemperatur
			TR	°C	Temperatur von Regen
N (RN)	mm	Niederschlag	TS	°C	Schneetemperatur
Nber, Ngem	mm	Gemessener, berechneter Nie-	Tsk	°K	Schneetemperatur Grad Kelvin
		derschlag	TWIN	cm	Temperatur-Wind-Index
			t	d	Zahl der Tage ab Schmelzbe-
Р	mb	Luftdruck			ginn
PS	%	Prozentualer Dichtewert Schnee			
			u (WS)	m/s	Windgeschwindigkeit
Qe	w/m²	Latenter Wärmestrom			
Qg	W/m²	Bodenwärmestrom	Vm	mm	Wasserdampftransport
Qh	W/m²	Konvektiver Wärmestrom			
Qkw	W/m²	Kurzwelliges Strahlungssaldo	WAMAX	cm	Maximales Wasseräquivalent
Qle	W/m²	Langwellige Ausstrahlung	WAMIN	cm	Minimales Wasseräquivalent
Qli	W/m²	Langwellige Einstrahlung	WAQ	cm	Wasseräquivalent
Qlw	W/m²	Langwelliges Strahlungssaldo	Wab	cm	Wasserabgabe
Qm	W/m²	Energiebilanz	Wzu	cm	Wasserzufuhr
Qp	W/m²	Wärmestrom durch Regen			
Qsi	W/m²	Einfallende kurzwellige Strah-	a	Grad	Hangrichtung
		lung	Ъ	-	Bowen-Verhältnis
Qse	W/m²	Reflektierte kurzwellige Strah-	d	Grad	Deklination Sonne
		lung	eo	•	Emissionsfähigkeit Schnee
			m	-	Entfernung Erde - Sonne
RF	%	Relative Feuchte	f	Grad	Stundenwinkel Sonne
IS	kJ/kg	Schmelzwärme Eis (333,5	1	Grad	Geogr. Längengrad
		kJ/kg)	r	kg/m³	Dichte Luft
rw	J/kg C	Verdampfungswärme Wasser	rw	kg/m³	Dichte Wasser
		(2500 J/kg C)	rr	-	Wasserrückhaltekoeffizient
			S	W/m² d	Stephan-Boltzmann-Konstante
SLY	cm	Wasserabgabe Schneelsysimter	t	-	Impulsgradient
Sd	g/cm <sup>3</sup>	Schneedichte	u	Grad	Hangneigung
Sh	cm	Schneehöhe	j	Grad	Geogr. Breitengrad

## 1. Einleitung

In Gebirgsräumen und in den gemäßigten und polaren Breiten ist Schnee ein sehr bedeutender Faktor für Mensch und Umwelt. Erste Studien über die Schneedecke im nordskandinavischen Bereich findet sich bei HAMBERG (1907). Im alpinen Bereich entwickeln sich nach der ersten Materialsammlung über Schneedecken der nördlichen Kalkalpen von RATZEL (1886) mehr die Forschungen zur Lawinenkunde [vgl. PAULCKE (1938), HAEFELI (1939)]. Gefahren, die von Gletscherschwankungen verursacht wurden oder die Folgen von Schmelzhochwässern führten zu hydrologischen Arbeiten mit schneehydrologisch-glaziologischer Ausrichtung. Sie wurden erstmals beispielsweise in den Alpen von v. KLEBELSBERG (1913), LÜTSCHG (1929) oder in Skandinavien von MELIN (1936-43) durchgeführt.

Mit der Industrialisierung, dem Bevölkerungswachstum in industrialisierten Gebieten, mit der Schaffung neuer und der Intensivierung alter landwirtschaftlicher Nutzflächen griff der Mensch weiter durch Wasserverbrauch, Ableitung und Verunreinigung in den natürlichen Wasserhaushalt ein und veränderte diesen erheblich. Seit der Jahrhundertwende wird beispielsweise in großem Stil die potentielle und kinetische Energie des Wassers in mechanische und elektrische Energie umgewandelt. Dazu sind umfangreiche Regulierungsmaßnahmen wie die Anlage von talfüllenden Stauseen oder die Ab- bzw. Zuleitung von Wasserläufen mehrerer Einzugsgebiete notwendig.

Im skandinavischen Raum wie im Alpengebiet wird der Gewässerausbau zur "umweltfreundlichen" Wasserkraftnutzung zunehmend kritisch beurteilt. Schon jetzt sind einige Inlandflüsse Schwedens, wie z.B. der Luleälv mit einer Jahresenergieproduktion von 14 000 GWh, bis zu 70 % reguliert. Auch in einigen Landesteilen Norwegens hat der Ausbau der nutzbaren Wasserkraft über 70 % erreicht. Die nördlichen Landesteile sind davon noch verschont geblieben. Mit Ausnahme des dem Untersuchungsgebiet benachbarten Einzugsgebietes Altevatn sind in der Region Troms und Finnmark die Ausbauplanungen der Projekte Alta und Kvaenangen wegen ökologischer und ökonomischer Gründe zurückgestellt worden.

Aufgabe der Hydrologie ist es in diesem Zusammenhang, in Verbindung mit anderen Bereichen der Naturwissenschaften, Planung und Durchführung von Gewässerregulierung auf ökologische Verträglichkeit hin zu überprüfen. Bessere Kenntnisse der räumlichen Verteilung der Eingangsgröße Niederschlag, eine genaue topographische Aufnahme wasserwirtschaftlich zu nutzender Einzugsgebiete und eine treffende zeitliche Vorhersage der Ausgangsgröße Abfluß würden einen besseren Einblick in physikalische Zusammenhänge der Hydrosphäre geben und eine bessere Planung der Nutzung ermöglichen. Beispielweise gibt es entlang der Skanden im Bereich der Nordkalotte (Abb. 1) wasserwirtschatlich genutzte Einzugsgebiete, von denen einige große Anlagen im Verbund mit schwedischen Kraftwerksbetreibern stehen. Für die Teilprozesse Schneedeckenspeicher, Schneeschmelze finden hier aber mathematisch und physikalisch begründete Simulationsmodelle kaum Anwendung.

#### 1.1 Problemstellung und Ziel der Untersuchung

Die Schneehydrologie ist eine wichtige Grundlage für die Planung von wasserwirtschaftlichen Maßnahmen. Für Abflußvorhersagen ist neben der Erforschung physikalischer Zusammenhänge in der Schneedecke auch eine gute Kenntnis von Schneedeckenauf- und -abbau und deren flächenhaften Verteilung notwendig.

Am Beispiel des Einzugsgebietes Isdalen, in dem mehr als 65 % des Jahresniederschlags als Schnee fällt, werden verschiedene Modellansätze zur Schneedeckenablation berechnet. Dazu wird zunächst die Schneedecke an ausgewählten Stellen aufgenommen, um mit Hilfe von klimatologischen Meßwerten die Schneeschmelze an einzelnen Geländepunkten zu berechnen. Zur Erfassung der räumlichen Schneedeckenverteilung werden Schneeroutenaufnahmen durchgeführt, deren Auswahl hauptsächlich die Topographie des Untersuchungsgebietes (Höhenlage, Hangneigung, Exposition und Geländerauhigkeit) berücksichtigt. Ziel der vorliegenden Arbeit ist es, den gebietsspezifischen Einfluß der meteorologischen Variablen im Zusammenhang mit der räumlichen Verteilung der Schneedecke zu analysieren.

Im Gegensatz zu einfachen Modellen der Schneedeckenablation erfordern die deterministischen Modelle der Energiebilanzierung Kenntnisse über den räumlichen und zeitlichen Gang der Strahlung. Für die Einstrahlungsunterschiede sind Geländeorientierung und Geländeneigung sowie Hangabschattung von Bedeutung.

In Abb. 2 wird das Vorgehen im Rahmen dieser Untersuchung dargestellt. Parameter der Schneedecke und meteorologische Messungen ergeben Grunddaten für die Bilanzierungsansätze an den Meßpunkten, die die Basis für die Entwicklung der "Punktmodelle" sind. Auf eine Fehleranalyse bei der Datenaufnahme, der Entstehung von Modellfehlern und der Parameteroptimierung wird in Kap. 5 eingegangen. Auf der Grundlage von Topographie, Morphologie und Geologie wird in einem weiteren Schritt mit Hilfe einer räumlich differenzierten Energiehaushaltsberechnung für die Schneeschmelze des Einzugsgebietes ein "Einzugsgebietsmodell" berechnet. Ergebnisse sind anschließend kurz- oder längerfristige Prognosen des



Abb. 1: Karte Einzugsgebiete Nordkalotte.



Abb. 2: Erfassung, Verarbeitung der Modelleingangsdaten und räumliche Übertragbarkeit.

Abflusses oder thematische Karten mit Bestandsaufnahmen der gemessenen und berechneten Schneedeckenverteilung.

Ziel der Untersuchung ist die Formulierung eines räumlich differenzierten Schneeschmelzmodells. Das neue Modell soll in wasserwirtschaftlich genutzten Einzugsgebieten mit möglichst geringem Meßaufwand präzise Prognosen zur Schneeschmelze leisten.

#### 1.2 Stand der schneehydrologischen Forschung

In Mittel- und Zentraleuropa und anderen außereuropäischen Ländern der kühl-gemäßigten Breiten spielt die Schneedecke eine wichtige Rolle im Wasserhaushalt. Aus der Notwendigkeit heraus, Erkenntnisse über vergletscherte Einzugsgebiete, Abflußvorgänge der Schneedecke oder Erfahrungen in der Lawinenkunde zu sammeln, entstand die Schnee- und Gletscherkunde. Besonders gefördert wurde sie zunächst von der Schweiz (Eidgenössisches Institut für Schnee- und Lawinenforschung, SLF). Umfangreiches Material der schneehydrologischen Feldforschung lieferten außerdem nordamerikanische Arbeiten, vor allem vom U.S. Army Corps of Engineers (1956), dessen Ergebnisse in Technical Papers von UNESCO/IASH/WMO 1970 standardisiert wurden.

Im Rahmen der Internationalen Hydrologischen Dekade von 1965 bis 1974 wurden Abflußprozesse in zahlreichen repräsentativen Einzugsgebieten untersucht und verschiedene Niederschlags-Abflußmodelle, Schneeschmelz-Abflußmodelle oder Energiehaushaltsmodelle entwickelt. Viele Impulse und Weiterentwicklungen gingen von den nordamerikanischen Staaten, von der UdSSR sowie den hydrologischen Diensten der skandinavischen Länder und der Alpenländer aus.

Im Zeitraum von 1970 bis 1980 entstanden verschiedene Gesamtabflußmodelle für schneebedeckte oder vergletscherte Einzugsgebiete, die die Schneeakkumulation und - ablation vom einfachen Day-Degree-Ansatz (HBV: BERGSTRØM 1976) bis zum Energiebilanzansatz (SNOWMELT: SOLOMON et al. 1976) enthalten (Tab. 1). Unterschiedlich komplexe Modelle zum Schneedeckenaufund -abbau entstanden, je nach Güte und Vielzahl von Datenmaterial und nach Aussagekriterien, vom einfachen Tagesgradansatz bis zur vollständigen Energiebilanzgleichung (E.A. ANDERSON 1976). Bei allen diesen Ansätzen wurden die an einem Punkt gemessenen hydrometeorologischen Daten für das Einzugsgebiet als repräsentativ angesehen und entsprechend extrapoliert. Eine Zusammenstellung einiger wichtiger Untersuchungsgebiete zeigt Tab. 2.

In der vorliegenden Arbeit wurde die Schneedecke nicht durch Fernerkundungsmethoden bestimmt. Die Aufnahmetechniken, ob Luftaufnahmen oder Satellitendaten, Aufnahmen im sichtbaren, infraroten oder thermalen Bereich, sind für die Erfassung des Wasseräquivalents (Unterscheidung zwischen feuchtem Schnee und der Bodenoberfläche) in gebirgigen Einzugsgebieten noch nicht ausgereift (RANGO & MARTINEC 1979 und T. ANDERSON 1982). Außerdem ist es für die Objekterkennung von Fernerkundungsdaten notwendig, sich auf Referenzpunkte mit direkten Messungen am Boden (snow routing, snow pillows) zu stützen.

Flächenhafte Aufnahmen der Schneedecke unter Berücksichtigung des Geländes erfolgten mit Hilfe von LAND-SAT- und NOAA-Daten an den Einzugsgebieten Williams Fork, USA (A. THOMSEN 1980) und Taserssuaq, Grönland (SØGAARD 1982). Gleichzeitig wurde erstmals durch TVEIT (1980) die Schneedecke mit einem topographischen Geländeraster räumlich erfaßt. Ein räumlich-zeitlicher Einfluß der Strahlungskomponenten blieb dabei unberücksichtigt. Arbeiten zum Energiehaushalt schneebedeckter Einzugsgebiete unter Berücksichtigung eines räumlichen Strahlungsmodells liegen bisher nur im Alpenraum für den Vernagtfermer (ESCHER-VETER 1980) und für das nordschweizer Einzugsgebiet Rietholzbach (SCHÄDLER 1980) vor.

Tab. 1: Auswahl der in der Schneehydrologie gebräuchlichsten Abflußmodelle.

HBV	Schweden	BERGSTRØM 1976, konzentionelles Abflußmodell, Ablation durch Dav-Degree, berück-
		sichtigt Bodenfeuchte.
SNSF	Norwegen	LUNDQUIST 1977, ähnlich wie HBV, für kleine Einzugsgebiete.
ARM	Schweiz	MARTINEC 1983, Deterministisches Abflußmodell. Abfluß wird simuliert aus Day-Degree und Niederschlag.
NAM	Dänemark	NIELSEN 1973, Lineares Speichermodell, numerische Simulation auf Tagesbasis, mit Strahlungsterm.
SHE	Großbrit.	Abflußmodell mit Boden-, Grundwasserkomponente.
	Dänemark	Lösungen nach nichtlinearen, partiellen Differentialgleichungen.
	Frankreich	
SSARR	U.S.A.	U.S. Army Engineer Division 1974.
SNOWMELT	U. <b>S.A</b> .	SOLOMON et al. 1976.

	Einzugsgebiet	Land	n. Breite	Fläche km <sup>2</sup>	Höhen- diff.	Station	Modell
1.	Rio Grande	U.S.A.	37°	3419	1783		SRM
2.	Luleaälv	Schweden	67°	Punktdaten, 2863 Punktdaten	1720	$R^2 = 0.86$ 2/4	HBV
3.	Durance	Frankreich	45°	2170 Punktdaten	3319	$R^2 = 0.85$	SRM
4.	Thur, Halden	Schweiz	47°	1085 Punktdaten.	2050	4 Tageswerte	HBV
5.	Nea, Aursunden	Norwegen	63°	1034 Rasterdaten:	850	DGM. Schneed.	HBV, SNSF
6.	Taserssuaq	Grönland	67°	865 Rasterdaten:	1600	LANDSAT	
7.	Williams Fork	U. <b>S.A</b> .	43°	476 Rasterdaten:	1760	LANDSAT WA DGM ELEVAT	TBAL
8.	Dinwoody Creek	U.S.A.	41°	228 Vier Höhenzor	2220 nen	Martinec	
9.	Fillefjell	Norwegen	61°	154 Punktdaten,	1050	NOAA Schneed.raster	HBV, SNSF
10.	Isdalen	Norwegen	69°	54 Rasterdaten:	1260	4 Lysimeter DGM, Schneed.	
11.	Dischma	Schweiz	47°	43 Punktdaten,	1478	R <sup>2</sup> = 0.86	SRM
12.	Solchbach	BRD	50°	Punktdaten,		Speicher	NASIM
13.	Lainbachtal	BRD	48°	19 Punktdaten,	1131	3 2 Lysimeter	SRM
14.	Sagelva	Norwegen	63°	10 Rasterdaten:	330	6 DGM, Schneed.	Lysimeter
15.	Dyrdalen	Norwegen	60°	4 Punktdaten,	371	1 DD, EN.	Lysimeter
16.	Rietholzbach	Schweiz	47°	3 Punktdaten,	280	1 DD, EN.	HBV
17.	Modry Dul	CSSR	51°	3 Punktdaten,	554	R <sup>2</sup> = 0.96	SRM
	Glaziale Einzugsgebiete						
18.	Johan Dal Land	Grönland	61°	125 Punktdaten	600	$1 R_2 = 72 - 88$	NAM
19.	Peyto, Alb.	Canada	51°	23 Punktdaten.	1000	1 $R^2 = .7283$	
20.	Tarfala	Schweden	68°	21 Punktdaten	1700	1	
21.	Vemagtferner	Österreich	47°	10 Rasterdaten:	990	2 DGM	
DGM DD	Digitales Geländemodell Day-Degree-Ansatz						

#### Tab. 2: Ausgewählte Einzugsgebiete (representative basins) der Schneehydrologieforschung.

EN Energiebilanzansatz

#### 1.3 Die Rolle des Schnees in skandinavischen Einzugsgebieten

Die jährliche Schneedecke, der Schneedeckenspeicher, zeigt besonders in Norwegen eine große Variabilität. Der relative Betrag hängt stark von der Höhenlage und dem Breitengrad zwischen 58° und 71° n.Br., geringer vom Längengrad ab (KRAVTSOVA 1972). In Höhen zwischen 500 und 1 000 m NN bestimmt die jährliche Schneedecke über die Hälfte des Abflusses. Dieser jährlich zur Verfügung stehende Schneedeckenspeicher variiert von Jahr zu Jahr besonders in Gebirgslagen (Westskanden), in denen die Einzugsgebiete liegen, die für die Energiegewinnung genutzt werden. Der jährliche Variationskoeffizient der Schneedecke von ca. 0,3 entsteht einerseits durch meteorologische Faktoren wie Niederschlagsverteilung, Temperatur, Wind usw.; andererseits spielt die Topographie wie Höhe, Hangneigung, Exposition und morphologische Kleinformen eine ebenso wichtige Rolle. Räumlich differenzierte topographische Aufnahmen wurden erstmals durch TVEIT (1974) an den mittelnorwegischen Einzugsgebieten Sagelva und Nea-Vessingsjö getestet.

Der Einfluß der Vegetation spielt in den für die Energiewirtschaft interessanten Einzugsgebieten Norwegens wegen ihrer Höhenlage eine geringere Rolle. Die Bedekkungsdichte, nach INGEBO (1955) "Canopymeter" benannt, ist außerdem bei den Birkenbeständen im Baumgrenzbereich gering (BERGAN 1974).

#### 1.4 Das Einzugsgebiet Isdalen und dessen Voraussetzung zur Berechnung des Energiehaushalts

Das Einzugsgebiet Isdalen (68° 40' n.Br. und 18°30' ö.L.) mit 53,9 km<sup>2</sup>, einer Höhenlage zwischen 140 m und 1 400 m NN als typisches Trogtal mit glazial gerundeten Höhenrücken, kleinen Firnflächen und Restgletschern ist ein charakteristisches Beispiel im Bereich der nördlichen Skanden, um exemplarisch nach topographischen, morphologischen und vegetationsbezogenen Kriterien eine Schneedeckenverteilung zu erfassen und eine räumlichzeitliche Berechnung des Energiehaushalts über meteorologische Parameter zu erstellen.

#### 1.4.1 Meßgrößen und instrumentelle Ausstattung

Durchgeführte Messungen beschränken sich auf den Untersuchungszeitraum von September 1980 bis September 1981. Datenerfassung und Auswertung des gewonnenen Datenmaterials erfolgten in ähnlicher Weise wie in den Jahren 1978/79 (STÜVE 1980).

Um die für schneehydrologische Aussagen notwendigen meteorologischen Parameter zu erhalten, wurden in 200 m, 550 m, 900 m und 1 400 m NN kontinuierlich Lufttemperatur und relative Feuchte registriert. Zur weiteren Berechnung der zeitlichen und räumlichen Variation wurden daraus Temperaturgradienten ermittelt. Für Regen- und Schneeregistrierung eigneten sich Belfort-Niederschlagsschreiber, die an den Stationen 200, 550 und 900 m Höhe eingesetzt wurden. Windgeschwindigkeit und Windrichtung sowie Globalstrahlung und diffuses Himmelslicht wurden kontinuierlich an der Hauptstation in 550 m NN registriert und lieferten neben Bewölkungsgrad und Wolkenhöhe die Strahlungsdaten für das gesamte Einzugsgebiet. Ein Vergleich der Globalstrahlungswerte wurde mit der 30 km entfernten Station Abisko (Naturwissenschaftliche Forschungsstation der königlich schwedischen Akademie der Wissenschaften) durchgeführt. Ebenso wurden mit den Klimadaten der meteorologischen Station Katterjakk und Bardufoss in Norwegen verfahren.

Sowohl die Erfassung des Gesamtabflusses durch einen frostunabhängigen Druckpegel als auch die Registrierung des Oberflächenabflusses zweier Teileinzugsgebiete Gletscher Langfoss und oberes Isdalen und die Messung des Abflusses weiterer acht Zuläufe in unregelmäßigen Zeitabständen soll ein differenzierteres Ergebnis des Gerinneabflußverhaltens wiedergeben.

Die repräsentativen Meßpunkte für die im Frühjahr und Sommer durchgeführten Schneerouten und Schneeprofile wurden im Herbst 1980 nach Höhenlage, Hangneigung und Exposition festgelegt. Messungen für das Wasseräquivalent der Schneedecke erfolgten gravimetrisch an 25 Schneeschächten. Dazu kommen Schneetiefenmessungen im Bereich der Schneeschächte. Schneeprofile gaben weitere Aufschlüsse über die Schneemächtigkeit im Talquerprofil bis zu Hangneigungen von 30°. Zur Registrierung der Schneedeckenabflüsse wurde in 550 m NN eine Lysimeteranlage gebaut. Der Abfluß aus der 4 m<sup>2</sup> großen Schneeauffangfläche wurde mit einem Schwimmpegel registriert.

Die meteorologischen Meßergebnisse und die Schneedekkenprofile am Schneelysimeter sind Grundlage der punktuellen Schmelzansätze einer horizontalen Fläche. Mehrere Bilanzierungsansätze werden mit dem Lysimeterabfluß geprüft.

# 2. Verfahren zur Extrapolation der Punktbeobachtungen auf die Einzugsgebietsfläche

Um für das Einzugsgebiet in der Hydrogeographie Prozesse unterschiedlicher Art und deren Wirkung aufzuzeigen, müssen die an einzelnen Punkten aufgeführten Feldbeobachtungen und Naturmessungen durch ein Modell (stochastisch oder deterministisch) auf die Fläche extrapoliert werden.

Hydro-meteorologische Größen, die den Energie- und Wasserhaushalt bestimmen, liegen von verschiedenen Meßstellen in verschiedenen Dimensionen und verschiedenen Zeitmaßstäben vor. Nach DYCK (1978) ist der Bereich der Einzugsgebietshydrologie im mittleren Niveau der hydrologischen Maßstabsebene mit Zeitmaßstäben vom Wasserhaushaltsjahr mit 12 Monaten bis hin zu Zeitintervallen im Stunden- und Minutenbereich einzuordnen.

Hydrologische Prozesse verändern sich nicht nur in Zeitintervallen, sondern auch innerhalb einer Einzugsgebietsfläche. Für Energie- und Wasserhaushaltsberechnungen muß daher für die gemessenen Daten eine "Raumbezogenheit" hergestellt werden, die nicht nur die Abhängigkeit hydrometeorologischer Größen von der Höhe ü. NN umfaßt. Es wird dazu das Einzugsbiet mit einem gleichständigen Raster überdeckt. Die Ermittlung einzelner Wasserhaushaltselemente an hydro-meteorologischen Meßstandorten sollen punktuell für jeden Knotenpunkt dieses quadratischen Gitternetzes berechnet werden. Der Abstand der Rasterpunkte steht in Abhängigkeit von der räumlichen Varianz von Standortfaktoren (Topographie), von hydrometeorologischen Faktoren des aufzunehmenden Datenbestandes sowie von Größe und Form des Einzugsgebietes und der für die Wasserhaushaltsberechnung angestrebten Zeiteinheit.

#### 2.1 Das digitale Geländemodell zur Erfassung topographischer Parameter

Mit dem digitalen Geländemodell soll der Einfluß von topographischen Gegebenheiten auf meteorologische und hydrologische Parameter erfaßt werden. Als Grundlage dient die norwegische topographische Karte im Maßstab 1:50 000, die für das Gebiet Indre Troms fertiggestellt wurde. Aus dieser Karte wurde in Anlehnung an das UTM-Koordinatensystem ein quadratisches Gitternetz mit einer Seitenlänge von 250 m entwickelt. Dieses Gitternetz wurde für die Geländeaufnahme verdichtet, um an jedem Gitterpunkt aus der Karte die Höhe zu entnehmen. Bei der Wahl der Größe eines einzelnen Quadrates werden Topographie und Anzahl der Schneemeßstellen sowie der Klimastationen verglichen, um Extrapolationen auf die Gesamtfläche gesichert durchführen zu können.

Die Größe einiger Einzugsgebiete und die Anzahl der Schneemeßstellen zeigt Tab. 3. In skandinavischen Einzugsgebieten fällt in der Regel ein Meßpunkt auf 30 bis 40 km<sup>2</sup>. Würde man diese Einzugsgebiete in quadratische Gitternetze mit einer Seitenlänge von 1 000 m gliedern, so wären 30-40 Quadrate für einen Meßpunkt repräsentativ. Auf das Untersuchungsgebiet Isdalen bezogen, ergäben auch noch Quadratraster mit einer Seitenlänge von 500 m eine unvollständige Wiedergabe von Karen und Seen. Sommerliche Firnflecken wären nicht mehr darstellbar.

Voranstehende Tabelle zeigt außerdem die Anzahl der Rasterquadrate, die auf eine Meßstelle fallen. Beim Untersuchungsgebiet Isdalen mit einer Quadratfläche von 0,0625 km<sup>2</sup> liegt das Verhältnis mit 33 : 1 Meßpunkt schon

Tab. 3: Vergleich von Gebietsgröße, Anzahl der Schneemeßstellen und der Rasterfläche einiger Einzugsgebiete.

Einzugsge- bietsgröße km <sup>2</sup>	Meßpunkte Schneedecke	km² / Meßpunkt	Fläche eines Quadrats km <sup>2</sup>	Quadrate/ 1 Meßpunkt
Hayden, Narrows		<u></u>		
Brook Basin 11 km <sup>2</sup>	10	0.098	0.01	10
Isdalen 52 km²	25	2.08	0.063	33
Taserssuaq 865 km²	32	27.03	1.00	27
Skjomen 872 km²	26	33.50		
Altevatn 1353 km²	32	42.30	-	-

sehr hoch. Eine exaktere Wiedergabe durch eine Auflösung mit Maschenweite von 100 m ergibt über 5 300 Rasterpunkte im Untersuchungsgebiet. Die genauere Wiedergabe morphologischer Kleinformen würde ein noch dichteres Gitternetz notwendig machen. Die Schneedeckenaufnahme berücksichtigte allerdings nicht die Einflüsse von Kleinformen.

Ausgehend von den vier meteorologischen Meßstellen wäre außerdem eine noch differenziertere räumliche Übertragung nicht sinnvoll. Im Hinblick auf die Größe der in Norwegen wasserwirtschaftliche genutzten Einzugsgebiete, deren Flächen in der Regel bis über 1 000 km<sup>2</sup> groß sind, ist ein Raster von 250 m Seitenlänge vertretbar. Dies ergibt für das Isdalen eine Matrix von 850 Punkten (Abb. 3).

Eine anschließende Rekonstruktion der Höhenlinien erfolgte mit dem in der Kartographiesoftware THEMAK enthaltenen Isolinienprogramm ISOLI.

Ein anderes Verfahren der Gelände- und Schneedeckenaufnahme beschreibt TVEIT (1980, 1981). Im Einzugsgebiet Sira-Kvina in Südnorwegen und im mittelnorwegischen 693 km<sup>2</sup> großen Einzugsgebiet Nea-Vessingsjö hat er durch sehr umfangreiche Geländearbeit 180 Hauptmeßpunkte mit jeweils 20 Schneedeckenmessungen in unterschiedlicher Entfernung ausgeführt und auf bestimmte Flächen der Einzugsgebiete extrapoliert.

Eine derart umfangreiche Datenerfassung mit intensiver Geländearbeit ist dann angebracht, wenn eine schneehydrologische Aufnahme vergleichend über lange Zeiträume erfolgen soll. Die angestrebte topographische Gliederung des Isdalen mit einer Gitterlänge von 250 m und 860 Gitterpunkten erlaubt eine überschaubare numerische oder kartographische Darstellung der Ergebnisse. Die Rekonstruktion der geplotteten Höhenlinien mit denen der topographischen Karte zeigen eine gute Übereinstimmung.

Aus der vorliegenden Höhenpunktmatrix werden Hangneigung und Hangrichtung für jeden Quadratmittelpunkt "P" ermittelt. Neben der Konstruktion dieser Größen aus den geplotteten Höhenlinien heraus wurden auch analog zu ESCHER-VETTER (1980) mit folgenden Ansätzen gerechnet: Um Hangneigung und -richtung von  $P_{i,j}$  zu berechnen, müssen auch die Höhen der vier benachbarten Punkte  $P_{i+1,j}$ ,  $P_{i-1,j}$ ,  $P_{i,j+1}$  und  $P_{i,j-1}$  in die Gleichung eingehen ( $Z_{i,j}$  = Höhe von Punkt  $P_{i,j}$ ).

Hangrichtung:

EXPO = arctan 
$$\left[ \frac{z_{i-1,j} - z_{i+1,j}}{z_{i,j+1} - z_{i,j-1}} \right]$$
 (1)

(2)

HANG = arctan 
$$\sqrt{\left[\frac{z_{i,j+1} - z_{i,j-1}}{500}\right]^2 + \left[\frac{z_{i-1,j} - z_{i+1,j}}{500}\right]^2}$$

Für die Exposition wurden acht Himmelsrichtungen N, NE, E, SE, S, SW, W, NW und für die Hangneigung sechs Neigungsintervalle 5°, 15°, 25°, 35°, 45°, > 45° festgelegt. Bedingt durch die Lage des Tals herrschen im Einzugsgebiet Ost- und Westexposition vor. Die Hangneigung des Einzugsgebietes, graphisch dargestellt, gibt sehr gut den Typ des glazialen Trogtals wieder, was charakteristisch für den gesamten nördlichen Gebirgsraum ist.

## 3. Schneedeckenaufnahmen

Schneemessungen in Skandinavien und im Alpenraum werden im allgemeinen nur an sogenannten repräsentativen Punkten durchgeführt. Nach den Erfahrungen in Nordamerika (U.S. Army Corps of engineers 1956), den Arbeiten am Schnee- und Lawinenforschungsinstitut Weisfluhjoch/Davos in der Schweiz und den seit 1924 am NVE (Norges Vassdrags og Elektrisitetsvesen) durch SØGNEN begonnen Schneemessungen genügen diese den Interessen der Kraftwerksbetreiber. Um die Geländebedingungen am Meßpunkt zu berücksichtigen, wird eine Schneeprofilmessung mit mehreren Schneetiefenmessungen kombiniert und, um das gesamte Einzugsgebiet räumlich zu erfassen, werden Schneeroutenaufnahmen durchgeführt. Eine unmittelbare Berücksichtigung der Geländetopographie wird, wie schon MEIMANN (1968) betont, nur unzureichend erreicht.

Schneedeckenmessungen an verschiedenen höhen-, expositions- und vegetationsabhängigen Profillinien führte unter anderem HAEFELI (1939) durch. HERRMANN (1973: 50) fand in einem voralpinen Einzugsgebiet die "Schneehöhe als hochsignifikante lineare Funktion der Höhe". Auch das Wasseräquivalent zeigt ebenfalls eine signifikante Höhenabhängigkeit. Dies wurde auch von H.W. ANDERSEN (1968) durch Faktorenanalysen mit Hilfe von topographischen und meteorologischen Variablen nachgewiesen. Die Bandbreite der Schwankungen ist allerdings erheblich. Die Beziehung Höhenlage und Was-



Abb. 3: 3 D - Geländemodell Isdalen.

seräquivalent erklärt die Gebietswasserrücklage nicht vollständig, besonders wenn es sich um ein Einzugsgebiet mit sehr differenzierten topographischen Eigenschaften handelt. Eine genauere räumliche Schneehöhenverteilung erfordert deshalb ein extrem dichtes Meßnetz.

Um ein besseres Regressionsmodell für Schneehöhen in Abhängigkeit von Einzugsgebietsparametern zu erhalten, bestimmte TVEIT (1980) an jedem Gitterschnittpunkt eines Geländerasters acht verschiedene Gebietsparamter. Mit Hilfe von zusätzlichen Stützpunkten wurden Höhe, Geländeneigung und Neigungsrichtung im kleinräumigen Bereich, Vegetation, Nord-Süd- und West-Ost-Geländeneigung und -exposition, Konkavität und Konvexität des Geländes im kleinen Maßstab aufgenommen. Auf diese Art kennzeichnete jeder Hauptpunkt Eigenschaften von Mikround Makrorelief. Nach der Schneedeckenaufnahme wurde diese dann mit den Geländekennpunkten gewichtet. Als Ergebnis bestimmt er für das Einzugsgebiet eine Auswahl von repräsentativen Schneemeßpunkten.

#### 3.1 Methode der Schneedeckenaunahme im Isdalen

HASHOLT (1972) schlug eine zufallsgesteuerte Schneedeckenaufnahme vor und wandte diese Methode für ein jütländisches Einzugsgebiet mit geringem Relief und homogener Schneebedeckung an. In gebirgigen Einzugsgebieten ist eine solche Stichprobenauswahl allerdings nicht frei von systematischen Fehlern. Im Isdalen gibt es Hänge mit einer Neigung von über 30°. Sie sind unbegehbar und können wegen Lawinengefahr auch nicht in die Messungen mit einbezogen werden. Aus diesen Gründen ist das zufällige Stichprobenverfahren hier nicht anwendbar. Die Aufnahmetechnik nach TVEIT (1980) erschien zu aufwendig für eine einjährige Beobachtungsreiche, außerdem sollten die Messungen analog der durchgeführten Aufnahmen von 1978/79 (STÜVE 1980) erfolgen.

Die Aufnahme der Schneedeckenprofile erfolgte nach den von UNESCO, IASH und WMO (1970) vorgeschlagenen Richtlinien zur Bestimmung von Kornform, Korngröße, Härte, Gehalt an freiem Wasser, der Schneetemperatur und der Dichte an einzelnen Schichtprofilen (Abb. 4).

Als Schneesammelgerät diente nicht der in Norwegen allgemein übliche Stechzylinder mit der Länge von einem Meter und 10 cm<sup>2</sup> Querschnitt (T. ANDERSEN 1973). Zur besseren gravimetrischen Analyse einzelner Schichten wurde der 500 cm<sup>3</sup> fassende, 30 cm lange Stechzylinder nach CRREL (Cold Regions Research & Engineering Laboratory, Hanover, Hew Hampshire) benutzt.

	Komform	Härte	
[++]	Neuschnee	sehr weich	(5)
$\bullet \bullet$	Equitemperaturmetamorphose ET	weich	(4)
00	Schmelz-Gefriermetamorphose MF	mittel	(3)
	Aufbauende Metamorphose TG, kantig	hart	(2)
	Aufbauende Metamorphose TG, Tiefenreif, Becherkristalle	sehr hart	(1)

Abb. 4: Symbole für Schneeprofile.

Grundlage für die Berechnung des Gebietswasservorrats der Schneedecke des Isdalen waren Schneeprofilmessungen an 25 Punkten. An jedem Punkt erfolgten außerdem 8 Schneehöhenmessungen in der Umgebung: jeweils 2 Messungen in 25 und 50 m Entfernung und in 4 Himmelsrichtungen. Schneeroutenaufnahmen wurden entlang der Talsohle und an 4 Talquerschnitten und in 4 Abschnitten auf den glazialen Akkumulationsformen durchgeführt. Der Meßzeitraum erstreckte sich im mindestens zweiwöchigen Rhythmus an den Wetterstationen vom 1. April bis 1. September und für die übrigen Meßpunkte vom 1. Mai bis 15. Juli. Kriterien für die Auswahl dieser Punkte (Tab. 4) war einerseits die Repräsentativität der Höhenlage, andererseits eine sinnvolle Verteilung im Einzugsgebiet. Nach den Karten A2 und A3 im Anhang wurden im Talverlauf 7, dazu zusätzlich 2 unter Birkenwaldbestand, an den Hängen und in den Karen 5, auf den Bergrücken 6 und am Langfossgletscher 2 Meßpunkte festgelegt.

Wenn der Schneefall generell mit der Höhe zunimmt, so wird diese Annahme nicht immer durch die Schneeakkumulation ausgedrückt (MILLER 1976). Besonders über vegetationsfreiem Gelände regelt Windstärke die Schneeverteilung, so daß untere Hangpartien, Leeseiten und Talverläufe relativ eine höhere Akkumulation aufweisen als Kuppen, Luvseiten oder Kämme und Rücken.

Schneehöhenmessungen entlang der Talquerschnitte geben Aufschluß über das Verhalten der Schneehöhe am Hang. Abb. 5 zeigt eine nicht lineare Abnahme mit zunehmender Hangneigung, wobei die Neigungsklasse 0-15° als 100 % zugrunde gelegt wurde. Die steilen Hangbereiche konnten nur geschätzt werden. Geländebeobachtungen ergaben, daß an Steilhängen Schneeakkumulationen nur in Klüften vorhanden waren. Der Transport von Schnee aus exponierten Bereichen (Schneewächten) durch Lawinen wurde vernachlässigt. Im Isdalen gibt es regelmäßig an den gleichen Stellen pro Winter etwa 1-3 größere Lawinenabhänge, die prozentual ca. 2 % der Einzugsgebietsfläche einnehmen.

Abweichungen der Schneehöhe zwischen den einzelnen Profilmessungen betrugen besonders im mittleren Hangbereich zwischen 15° und 25° etwas über 10%. Diese Varianz ist vermutlich auf die Lage und Orientierung der Hänge im Gelände zurückzuführen. Wegen der geringen Anzahl der Schneeroutenaufnahmen ist es allerdings nicht

Tap. 4: Schneemedpunkte Istalei	Tab. 4:	Schneemeßpunkte Is	dalen.
---------------------------------	---------	--------------------	--------

1	Basisstation Freiland	200 m	14	Pass Bonnes	800 m
2	Basisstation Wald	200 m	15	Øvre Geiterry.	800 m
3	Saeter Freiland	270 m	16	Talende	900 m
4	Saeter Wald	270 m	17	Sauskardet	900 m
5	Isberget Wald	380 m	18	Gletscher I	860 m
6	Sauskardelv	400 m	19	Gletscher II	940 m
7	Kufjellet	450 m	21	Talende Pass	1100 m
8	Schneelysimeter	550 m	22	Sauskardet P.	1220 m
10	Unterflåan	650 m	23	Riepecokka	1260 m
11	Gletscherpegel	670 m	24	Spikaloabme S.	1400 m
12	Geitervegvatn	760 m	25	Spikaloabme N.	1350 m
13	Gletschervorfeld	780 m			



Abb. 5: Abnahme der Schneehöhe mit zunehmender Hangneigung.

möglich, eine genauere Auskunft über die Schneeverteilung jedes einzelnen Hanges zu geben.

#### 3.2 Struktur der Schneedecke

Die Struktur der Schneedecke kann mit Hilfe der gravimetrischen Analysen an ausgewählten Profilen behandelt werden. Die Stationen "Basis", "Saeter", "Talmitte", "Unterflaan" und "Talende" zeigen in Abb. 6 bis Anfang Mai noch eine Zunahme der Schneehöhe.

In den unteren Lagen des Einzugsgebietes, im Bereich des Bergbirkenwaldes, geht während der Schneeschmelze die Identität der einzelnen Schichten schnell verloren. Hohe Schneedichten sind infolge von Vegetation und niedrigen Windgeschwindigkeiten nicht vorhanden. In nahezu allen Schneeprofilen tritt eine Schmelz-Gefriermetamorphose (= MF) auf, d.h. die Komformen sind rundkörnig und entstanden zu Beginn der Ablationsperiode durch Equitemperatur-Metamorphose (= ET) oder entwickelten sich in einer Schmelz-Gefriermetamorphose (MF) mit ansteigendem Schmelzwasseranteil. Durch die Schmelz-Gefriermetamorphose (MF) erreicht im Verlauf des Monats Mai die gesamte Schneedecke Dichtewerte bis zu 0,49 g/cm<sup>3</sup>.

Auf den Hochlagen über 500 m ü.NN wird im Mai noch immer eine kalte Winterschneedecke angetroffen. Hier gibt es keine Anzeichen von Schmelzwasser in der Schneedecke. Dies ist typisch für den nordskandinavischen Raum. Während der winterlichen Akkumulationsperiode fehlen positive Lufttemperaturen, und die Strahlungseinwirkung ist ungenügend. Ende Januar 1981 kam es allerdings zu einem ungewöhnlichen Warmlufteinbruch. Bis in Höhen von fast 900 m ü.NN traten positive Temperaturen auf und zusätzliche Regenfälle führten zu einer Störung der winterlichen Schneedecke. An dieses Ereignis erinnern Eislinsen, die nahezu in jedem Schneeschacht auftreten. Außerdem führte dies zu Eisgang im Unterlauf des Hauptgerinnes und zwei großen Lawinenabgängen im unteren Talabschnitt.

In der Schneedecke der Hochlagen kann bis Anfang Juli hinein die Niederschlagsfolge identifiziert werden. Über dem Erdboden bilden sich kantige Kornformen durch die Temperaturgradient(aufbauende)-Metamorphose (= TG). Dies ist typisch für kalte Schneedecken. An exponierten Flächen, d.h. nahezu im gesamten Hochlagenbereich des Einzugsgebietes ist die Schneedichte bis zu 15 % höher und erreicht bei der Schmelze Dichtewerte bis 0,56 g/cm<sup>3</sup>.

Spezielle Bedingungen treten in den großen Akkumulationsbereichen der Hochlagen auf:

- drei Karbecken vor dem Langfossgletscher
- zwei Bereiche im oberen Haupttal, Flaan (650 m ü.NN) und övre Flåan (900 m ü.NN).

Hier findet morphologisch bedingt ein Wasserstau zur Hauptschmelze statt. Die Schneehöhe ist in diesen Akkumulationsbereichen so hoch, daß der Schmelzabfluß zunächst verzögert wird. Das Schmelzwasser sickert einerseits von den Hängen in diese Becken hinein, andererseits fließt auch Oberflächenwasser vom oberen Talbereich kommend, mäandrierend auf der Schneedecke oder in entstandenen Tunnelsystemen in die Schneedecke hinein. Es entwickelt sich besonders im Flåan ein mehr als ein Meter hoher "Schneesumpf" mit schwer zu messenden Schneedichten von über 0,70 g/cm3. Wird am Auslauf der Wassergehalt so groß, daß das Restgefüge der Schneedecke den übergroßen Schmelzwasseranteil nicht mehr halten kann, so bilden sich innerhalb weniger Stunden durch rückschreitende Erosion Abflußrinnen, und das gesamte Schmelzwasserreservoir ist innerhalb von 20 bis 40 Stunden ausgelaufen.



Abb. 6: Schneedeckenentwicklung an den Stationen Basis, Saeter, Talmitte, Flaan, Talende.

Entsprechende Schneedeckenakkumulationen mit hoher Schneedichte und -härte nennt WOO (1980, 1983) "snow jams", die die Schmelzwässer am normalen Abfluß hindern. Ein Ausbruch solcher Schneewasseranhäufungen kann bei weiterer Schmelze zu katastrophalen und schwer vorhersagbaren Hochwasserabflüssen führen. Diese Erscheinungen sind nach WOO typisch für polare Schneedecken und führten auch im Untersuchungsgebiet zu speziellen Schmelzhochwasserereignissen. Diese Besonderheit kann nur durch Reliefeigenschaften und einer Beeinflussung durch meteorologische Situationen erklärt werden.

#### 3.2.1 Wasseräquivalent der Schneedecke

Die Schneehöhen und die Wasseräquivalentwerte werden in Abb. 7 und 8 als Funktion der Geländehöhe dargestellt. Für ebene oder schwach geneigte Flächen besteht damit eine enge nichtlineare Beziehung zur Höhe.

Noch während der Akkumulationsphase Ende März ist eine kontinuierliche Zunahme der Schneedecke und des Wasseräquivalents zur Geländehöhe festzustellen. Zu Beginn der Schneeschmelze gegen Mitte Mai sind die Schneehöhen nur noch gering angewachsen, das Wasseräquivalent dagegen hat besonders in Höhen ab 600 m ü.NN beträchtliche Zunahmen. Neben beginnender Schmelze im Birkenwaldbereich ist in den mittleren Höhen ein geringes Anwachsen der Schneedecke festzustellen.

Ein besonders steiler Anstieg des Wasseräquivalents (WAQ) ist in den Lagen bis 900 m ü.NN festzustellen, während im Bereich der Hochflächen eine geringere Zunahme von WAQ und auch der Schneehöhe festgestellt wurde. Während das Trogtal mit Nebental Langfoss und den Karen Sauskardet und Geiterygg - trotz Hangneigungen und Luv- und Lee-Effekten - durch den Wind begünstigt verstärkte Akkumulation erfährt, so überwiegt in höheren Lagen Windverfrachtung.

#### 3.2.2 Berechnung zur räumlichen Verteilung der Schneedecke

Nach vorliegenden Meßergebnissen soll für einzelne Zeitschritte das Gebietswasseräquivalent ermittelt werden. Mit Ausnahme der Meßreihe vom 31.3.1981 haben alle übrigen Meßserien einen ähnlichen Kurvenverlauf für die Beziehung von Wasseräquivaltent und Einzugsgebietshöhe. Die Kurven verlagern sich im Lauf der Schmelzperiode von links nach rechts. In jedem dieser Fälle ähneln diese Höhenkurven des Gebietswasseräquivalents einer Summenhäufigkeitskurve.

In Anlehnung einer Gauß'schen Normalverteilungskurve wurde eine Näherungsformel mit einem e-Ansatz

$$\mathbf{y} = (1 - \mathbf{e}^{\mathbf{X}}) \tag{3}$$



Abb. 7: Beziehung Schneehöhe - Geländehöhe.



Abb. 8: Beziehung Wasseräquivalent - Geländehöhe.

für folgende geländespezifische Belange umgewandelt. Für die Kennzeichnung des Untersuchungsgebiets sind der höchste Geländepunkt und der tiefste schneefreie Punkt notwendig, um daraus die mittlere Geländehöhe der schneebedeckten Fläche zu erhalten. Als weitere Meßparameter gehen der Maximumwert des Gebietswasseräquivalents und dessen Minimum am Basispunkt des Einzugsgebiets ein.

WAQ (H) = WAMAX 
$$\left(1 - e^{-\left(\frac{H}{HS}\right)^{n}}\right)$$
 + WAMIN (4)

Wenn der Zusammenhang zwischen Gebietshöhe und Wasseräquivalent durch diese Funktion beschrieben werden kann, so bedeutet dies auch für die Zukunft eine Einsparung von zeit- und arbeitsintensiven Geländearbeiten.

Die Abb. 9 und 10 stellen den Zusammenhang der gemessenen Wasseräquivalente und deren Näherungskurven dar. Abweichungen der errechneten Gebietswasseräquivalente sind unterschiedlich groß; die Korrelationskoeffizienten zwischen R = 0.985 und R = 0.999 lassen auf eine gute Anpassung schließen.

Für n wurden durch Optimierung die in Tab. 5 stehenden Werte errechnet. Hierbei ist n eine Funktion der Zeit und kann, legt man den 31.3.1981 als Beginn der Schmelzperiode zugrunde, in Form einer Exponentialfunktion ausgedrückt werden:

$$n = 0,65 e^{-0,024 t}$$
 (5)

t = Zahl der Tage ab Schmelzbeginn

Tab. 5: Werte für Näherungsformel Gebietswasseräquivalent.

Tag	WMIN (cm)	WMAX (cm)	HS (m)	n
31.03.	13.0	124.0	770	1.3
15.05.	0.0	160.0	770	2.4
16.06.	0.0	120.0	845	3.5
05.07.	0.0	101.0	1040	5.0
04.08.	0.0	68.0	1285	15.0

Auch die Werte der maximalen Wasseräquivalente (WAMAX) können für die Schneeschmelze 1981 als eine lineare Funktion der Zeit t beschrieben werden (Abb. 11). Der Korrelationskoeffizient liegt für diese Anpassung bei R = -0.999.

$$WAMAX = -1,129 t + 210$$
 (6)

Der Gültigkeitsbereich für t ist hier allerdings eingeschränkt und liegt zwischen t = 46 (15.5.) und t = 130(15.8.).

Für eine vollständige Berechnung des Gebietswasseräquivalents fehlt noch der Einfluß der Hangneigung auf die Schneedecke. Die entsprechenden Meßergebnisse werden in Kap. 3.1 berücksichtigt. Für das Gesamtergebnis enthalten die Einflüsse der Hangneigung den größten Unsicherheitsfaktor.

Allein mit der Aufnahme der Schneegrenze durch Befliegung während der Schmelzperiode und dei Messung des maximalen Schneedeckenwertes kann das Gebietswasseräquivalent vollständig erfaßt werden. Dieses Verfahren ist zunächst nur für einen Raum mit einem dem Isdalen typi-



Abb. 9: Gebietswasseräquivalent (berechnet) am 16.6.1981.



Abb. 10: Entwicklung des Gebietswasseräquivalents von März bis August 1981.

schen Relief (Trogtäler mit glazialen Fjelloberflächen) geeignet. Für anderes geformte Geländeoberflächen wären ähnlich Funktionen herzuleiten.

#### 3.3 Graphische Datenausgabe: Umsetzung raumbezogener Daten in kartographische Darstellungsmodelle

Mit der Entwicklung der Datenverarbeitung ist es möglich geworden, Felddaten hydrometeorologischer Beobachtung



Abb. 11: WMAX und n während Schmelzperiode 1981.

und raumbezogene Information aus Datenquellen wie Karten oder Satellitenbilder in digitaler Form zu speichern, zu ordnen und zu analysieren und das Endprodukt als Datenarchiv in digitaler Form auszugeben.

Als räumliche Basis wurden für hydrologische Analysen in den meisten Fällen Einzugsgebiete verwendet. Berechnungen zum Wasserhaushalt im großen Maßstab mit einer hydrologischen Datenbasis für ein 10 x 10 km Gitterraster findet sich bei GOTTSCHALK & KRASOVSKAIA (1980). Für kleine Maßstäbe fehlen bisher umfassende Arbeiten.

In Abhängigkeit von der Größe und der Vielgestaltigkeit des Einzugsgebietes ist der Maßstab für das hydrologische Modell meist durch das Geländemodell vorgegeben. Dies stellt eine wichtige geometrische Teilinformation im Rahmen des Gelände-Informationssystems dar. Direkte Feldmessungen sind eine weitere Datenebene, bestehend aus einer Punktbasis und Daten in variablen Zeitabständen. Datenanalysen, Datenklassifikation und Datenumwandlung dieser meist nicht räumlichen Attribute sind weitere Arbeitsschritte, um diese mit geometrischen Raumdaten zu verbinden. Eine Umsetzung dieser Kombinationen aus geometrischen Dateien und Attributdateien in kartographische Darstellungsmodelle ergeben dann vielseitige Interpretationsmöglichkeiten.

Für das Beispiel der schneehydrologischen Datenaufnahme und der Entwicklung der Schneedecke werden in Verbindung mit den räumlichen Grundeinheiten und deren Attribute kartographische Darstellungsmodelle zur Umsetzung benutzt. Die Darstellungsmodelle der einzelnen Kartenebene ordnen die unterschiedlich angeordneten Informationen nach Punkt, Linie, Fläche und bringen diese in einen räumlichen Zusammenhang.

Die Möglichkeit solch einer Umsetzung hydrogeographischer Daten in thematische Karten ist mit Hilfe des graphischen Kernsystems GKS, implementiert am Rechenzentrum der Freien Universität Berlin, und dem kartographischen Softwarepaket THEMAK (BOLLMANN 1980) gegeben. Das Programmpaket THEMAK enthält mehrere Unterprogramme, die auf verschiedene kartographische Darstellungsmodelle mit mehreren Aussageebenen bezogen sind und eine gute Gliederung der einzelnen Kartenebenen zulassen. Neben dem Vorteil des Übereinanderzeichnens mehrerer Kartenebenen mit automatischer Freistellung von Schrift und Signaturen bietet die Rastergraphik auch das Füllen von Flächen mit beliebigen reproduktionsfähigen Flächenstrukturen. Die für einen Mehrfarbendruck notwendigen vier Druckvorlagen werden ebenfalls über THEMAK bereitgestellt und vom Rasterplotter direkt erzeugt.

Am Beispiel der Karte "Snowhydrological Map" im Anhang (A2) sollen die für die einzelnen Kartenebenen notwendigen Darstellungsmodelle näher erläutert werden. Die Schneehydrologische Karte mit dem aktuellen Schneespeicher des Einzugsgebietes wurde aus den Unterprogrammen ISOLI, LINI1, ISOLI und RDIA erstellt (Abb. 12), die die gemessenen und berechneten schneehydrologischen Daten als Kontinuumsflächen und Standortdiagramme graphisch darstellen.

Die Standortdiagramme geben einerseits mit ihrer Höhe die Wasseräquivalente, andererseits in ihrer Farbgebung die Schneedichten der einzelnen Schneeschichten wieder. Aus den Punktmessungen von Schneehöhen und Wasseräquivalent, gestützt durch reliefspezifische Variablen Höhe und Hangneigung des digitale Geländemodells, wurde nach dem Verfahren in Kap. 3.2.2 eine flächenhafte Verteilung des Schneespeichers im Untersuchungsgebiet erzeugt und als Kontinuumsfläche darstellt.

Um den Zusammenhang beider Darstellungsmodelle, Standortdiagramme und die Modellierung der Meßdaten auf den Raum deutlich zu machen, wurden bei der Farbgebung ähnliche Farben mit unterschiedlichen Helligkeitswerten verwendet. Eine äquidistante Klasseneinteilung beider Darstellungen erschien am geeignetsten. Höhenlinien, geplottet mit dem zweiten ISOLI-Unterprogramm und das Gewässernetz mit Wasserschieden und Gletscherflächen bilden als Geländeinformation den Hintergrund.



Abb. 12: Aussageebenen und Wahl der kartographischen Darstellungsmodelle.

# 4. Berechnung der Komponenten zum Strahlungshaushalt (Strahlungsmodell)

Die räumliche und zeitliche Verteilung der kurzwelligen Strahlung ist ein wichtiger Faktor für Schneeschmelzvorgänge in Einzugsgebieten. In Gebirgsregionen sind wegen des stark gegliederten Reliefs die Strahlungsverhältnisse besonders unterschiedlich. Dies führt zu großen Variationen des Lokalklimas und damit auch zu zeitlichen Verzögerungen von Ablationsvorgängen.

Im Zusammenhang mit forstwissenschaftlichen Problemen analysierte GIETL (1974) die räumliche Variation der direkten Strahlung im Bayerischen Wald. Ein Verfahren zur Bestimmung der Horizontabschattung schlug ENDERS (1976) vor. Ein Strahlungsmodell für Ablationsvorgänge wurde erstmals durch ESCHER-VETTER (1980) am Vernagtferner in den Ötztaler Alpen entwickelt. Auch für das 3,2 km<sup>2</sup> große, im Schweizer Alpenvorland gelegene, Einzugsgebiet Rietholzbach wurde zur Berechnung der Ausaperung der Schneedecke ein digitales Geländemodell (MEIER & SCHÄDLER 1979) erstellt. Berechnungen zum regionalen Strahlungsverhalten im großen Maßstab wurden für zwei Schweizer Regionen von KUNZ (1983) durchgeführt.

Die Strahlungsberechnung [vgl. die Ausführungen von KONDRATYEV (1965) und KUZ'MIN (1972)] beschränken sich meist nur auf horizontale Flächen. Erst VALKO (1966) und MANIER & FUCHS (1978) führen Berechnungen an unterschiedlichen Standortverhältnissen durch. Auch ASAKURA (1979) und DOZIER (1980) stellen ein Punkt-Strahlungsmodell für verschieden geneigte und schneebedeckte Flächen bei wolkenlosem Himmel auf. Alle diese Ergebnisse wurden nicht auf Einzugsgebeitsflächen extrapoliert.

Exposition, Hangneigung und Horizontabschattung wirken sich nur auf die direkte Sonnenstrahlung aus, nicht auf die diffuse Strahlung. Während im Alpenraum der Anteil der diffusen Strahlung an der Globalstrahlung (Tab. 6) nach SAUBERER & DIRMHIRN (1958) mit 7 % bis 10 % recht hoch liegt, liefert OHMURA (1981) für 80° n.Br. Anteile der Tagessummen der diffusen Himmelsstrahlung von 14 % bis 28 %.

Dies entspricht auch den eigenen Meßwerten aus dem Isdalen an den wenigen wolkenlosen Tagen von Mai bis August 1981. Trotz der niedrigeren Breitenlage von 69° n.Br. liegt der Anteil der diffusen Strahlung recht hoch. Dies ist auf die Tallage der Meßstation zurückzuführen, die während der Schneebedeckung noch Mehrfachreflexion von den Hängen erhalten kann.

#### 4.1 Messungen zur Globalstrahlung und Albedo

Die Globalstrahlung bezeichnet die Summe der kurzwelligen direkten Strahlung und der diffusen Strahlung auf eine horizontale Fläche. Auf dem Weg zur Erdoberfläche wird die direkte Strahlung durch Wasserdampf und Ozon absorbiert und durch Luftmoleküle und Aerosole, in Abhängigkeit von der Jahreszeit, gestreut. Tagessummen der Globalstrahlung für wolkenlosen Himmel, unter Berücksichtigung der Parameter Aerosoltrübung und Wasserdampfgehalt lassen sich nach Jahreszeit und Breitengrad durch Formeln nach BOLSENGA (1964) errechnen.

In der vorliegenden Arbeit wurden nur die Meßwerte der Globalstrahlung vom "Robitzsch-Aktinographen" herangezogen und diese mit dem Gerät gleicher Bauart an der wissenschaftlichen Forschungsstation Abisko verglichen. Da es an weiteren Strahlungsmeßdaten im nordnorwegischen Raum fehlt, wurde die tägliche potentielle Solarstrahlung und die Tagessummen der Globalstrahlung bei wolkenlosem Himmel berechnet. Nach BOLSENGA wurden der Wasserdampfgehalt PWV (Tab. 7) aus den von der Station

Tab. 6: Tagessummen der diffusen Himmelsstrahlung in % der Globalstrahlung an wolkenlosen Tagen.

		Mai	Juni	Juli	Aug.	Ort der Messung	
AMBACH	(1983)		20%			Grönland Eis	69° n. Br.
DIAMOND	(1956)		19%			Grönland Eis	
HOLMGREN	(1971)	21%		16%	••	Devon Island	75° n. Br.
AMBACH	(1963)	9%	bis	13%		Grönland, Ablationszone	
OHMURA	(1981)	28%	20%	14%	17%	Axel Heiberg	80° n. Br.
SAUBERER	(1958)	7%	bis	10%		Ostalpen	47° n. Br.
Isdalen	(1981)	28%	21%	16%	17%	Nordnorwegen	69° n. Br.



Tab. 7: Mittelwerte von Trübung und Wasserdampf im Einzugsgebiet 550 m ü.N.N.

Datum	Td ℃	PWV cm	DA
01.0515.05.	-4.9	0.82	.07
16.0531.05.	0.1	1.13	.08
01.0615.06.	-3.4	0.91	.09
16.0630.06.	-2.1	0.98	.10
01.0715.07.	1.9	1.25	.11
16.0731.07.	4.4	1.46	.12
01.0815.08.	3.7	1.40	.12
16.0831.08.	2.6	1.31	.11

Talmitte gelieferten Taupunkttemperaturen nach folgender Formel berechnet:

 $\ln PWV = -0.981 + (9/5 \text{ Td} + 32) \cdot 0.0341 \ [^{\circ}C) \]$ (7)

PWV - Wasserdampfgehalt der Atmosphäre (cm)

Td - Taupunkttemperatur Station Talmitte (°C)

Ein Vergleich der Strahlungsmeßwerte an den Stationen Talmitte und Abisko (Tab. 8) zeigt trotz der unterschiedlichen Lage (glaziale Trogtallage - Ebene, verschiedenartiger klimatischer Einfluß) eine befriedigende Übereinstimmung an wolkenlosen und vollständig bewölkten Tagen. Die etwas höheren Meßwerte der Station Talmitte werden durch Mehrfachreflexion der Talhänge, wie später eingehender erläutert wird, begründet.

In folgender Abb. 13 sind die Globalstrahlungswerte der beiden Meßstationen und die berechneten potentiellen Globalstrahlungssummen mit der potentiellen Solarstrahlung zusammengestellt worden. Aufgrund der Schneedecke und

Tab. 8: Globalstrahlung Talmitte, Abisko (Werte in W/m<sup>2</sup> · d).

Abb. 13: Tagessummen berechneter potentieller und gemessener Globalstrahlung an den Stationen Talmitte und Abisko.

Bewölkung 0/10			
Tag	Isdalen	Abisko	
01.05.	253	241	
16.05.	249	248	
19.05.	260	256	
24.05.	274	255	
09.08.	217	225	
	Bewölkung 10/10		
Tag	Isdalen	Abisko	
22.04	161	154	
23.07.	56	55	
15.08.	5.08. 50 46		

der damit verzögerten Erwärmung der Luft liegen im Mai die Werte von PWV und DA niedriger als zur vergleichbaren Zeit des Zenitstandes der Sonne im Juli. Die den Erdboden erreichende Globalstrahlung verläuft dadurch asymmetrisch.

Die als Albedo bezeichnete kurzwellig reflektierte Strahlung wurde in unterschiedlichen Zeitabständen an den Meßstationen in 200 m ü.NN, 550 m ü.NN und 900 m ü. NN mit einem Pyrheliometer aufgenommen. Die Spannweite der Albedowerte reicht von 80 % bei trockener, frischer Schneeoberfläche bis 40 % bei verschmutzter Altschneedecke. Eine Beobachtung der Zunahme der Albedo, bedingt nur durch Bewölkung und Schneefall, wurde wegen zu geringer Anzahl der Meßwerte nicht berücksichtigt. Erscheinungen, wie der bei OHMURA (1981) beschriebene Tagesgang der Albedowerte bei wolkenlosem Himmel wurde teilweise registriert. Messungen zur gleichen Zeit, aber an verschiedenen Punkten des Geländes, am Talboden, Hang, der Hochfläche, wurden ebenfalls an wolkenlosen Tagen Mitte Mai durchgeführt. Hierbei wurde festgestellt, daß Strahlungswerte auf den Hochflächen wegen geringerer Mehrfachreflexion niedriger liegen als an den Talstationen. Eine exakte Begründung konnte allerdings auch hier wegen fehlender und geeigneter Meßinstrumente nicht geliefert werden.

Obwohl zeitliche und räumliche Unterschiede der Reflexion der Schneedecke festzustellen waren, wurde auf die oben erwähnte Differenzierung verzichtet. Die Einzelwerte jeder der drei Meßstationen wurde unter Berücksichtigung von Regen-Schnee-Niederschlagsereignissen linear interpoliert. Eine spätere Extrapolation der Albedowerte auf alle Geländeteile erfolgt linear unter Zugrundelegung der Geländehöhen.

#### 4.2 Diffuse Strahlung

Techniken zur Messung der diffusen Strahlung (= DH) sind bisher noch unzureichend und werden sehr lückenhaft, auf Einzelmessungen beschränkt, durchgeführt. Anders als die direkte Sonnenstrahlung ist das DH nicht unmittelbar vom Sonnenstand abhängig. Allerdings spielt die Albedo des Bodens eine große Rolle, besonders bei Schneebedeckung. Wenn dazu die Bewölkung zunimmt, erhöht sich das DH durch Mehrfachreflexion. Auch die Topographie beeinflußt das DH. Nach DIRMHIRN (1958) führt eine starke Horizontüberhöhung in tiefen Kerbtallagen zur Verminderung der diffusen Strahlung. Andererseits müßten glaziale Trogtallagen, besonders, wenn sie noch schneebedeckt sind, eine Mehrfachreflexion geradezu begünstigen.

Mit Hilfe verschiedener Konstruktionen (Albrechtscher Schattenring; GEORGI 1951; SCHÖNE & SONNTAG 1976 oder Standartschattenring vom UK Meteorological Office; STEVEN & UNSWORTH 1980) wurde hauptsächlich die diffuse Strahlung an wolkenlosen Tagen gemessen. STEVEN & UNSWORTH (1979) versuchten, das DH bei vollständiger Bewölkung und an verschiedenen Geländeexpositionen zu erfassen.

Zusätzlich zur Globalstrahlungsmessung wurden die Werte der diffusen Strahlung (DH) an der Lysimeterstation Talmitte in 550 m ü.NN registriert. Die Messung erfolgte durch einen selbstgebauten schwarzen Schattenring von 10 cm Breite und einem Durchmesser von 60 cm, der das direkte Sonnenlicht abhält (Abb. 14). Je nach Zenitstand wurde ein Nachstellen des Ringes erforderlich.



Abb. 14: Anordnung des Schattenringes am Strahlungsmeßgerät.

Eine Schattringkorrektion, bedingt durch die Absorption von Strahlung am Ring in Abhängigkeit vom Sonnenstand, konnte wegen fehlender Eichgeräte nicht durchgeführt werden. Korrektionsberechnungen aufgrund der Schattenringgeometrie wurden für polare Breiten und für die Sommermonate von ROSSI (1975) und OHMURA (1980) durchgeführt, deren Ergebnisse zwischen k = 1,21 und k = 1,19 liegen. Diese Berechnungen gelten wiederum nur für wolkenlose Tage, so daß für die vorliegende Strahlungsberechnung auf einen Korrekturfaktor verzichtet wurde. Ein Korrekturfaktor wäre, wie im folgenden näher ausgeführt, wegen der Topographie nur am Strahlungsmeßpunkt sinnvoll.

Der Vergleich der Abb. 15 und 16 zeigt, daß mit fortschreitender Schneeschmelze der Anteil der diffusen Himmelsstrahlung (DH) zur Globalstrahlung (GS) bei wolkenlosem Himmel abnimmt. Wegen mehrfacher Reflexion zwischen Luftmolekülen und der Schneedecke an den Hängen liegt DH Anfang Mai bis zu 30 % höher als Ende Juli, wenn das Gelände schneefrei ist. Auch der Tagesgang der Sonne verändert den Anteil von DH an der Globalstrahlung.

Bei bedecktem Himmel ist die diffuse Strahlung ungefähr dreimal so hoch als bei wolkenlosem Himmel, da hier eine zusätzliche Reflexion zwischen Wolkenunterseite und Schneeoberfläche erzeugt wird. Mit Abschluß der Schneeschmelze sinkt mit dem Anteil der diffusen Strahlung auch die Globalstrahlung.



Abb. 15: Globalstrahlung und diffuse Strahlung an Tagen mit 10/10 Bedeckungsgrad.



Abb. 16: Globalstrahlung und diffuse Strahlung an wolkenlosen Tagen.

Vergleicht man die Tagessummen von Globalstrahlung und diffuser Strahlung während des Ablationszeitraumes vom 1.5. bis 15.7., so ergibt sich nach Abb. 17 folgende Erklärung: Zunächst nimmt die Globalstrahlung GS, der Jahreszeit entsprechend, zu. Während die Strahlungswerte bei einem Bewölkungsgrad von 10/10 zu Beginn der Schmelze noch recht hoch liegen, wächst die Differenz von GS zwischen 0/10 und 10/10 Bewölkungsgrad zum Ende der Ablationsperiode beträchtlich.

Anhand dieser Werte läßt sich die Abnahme von mehrfacher Reflexion an der Schneedecke ableiten. Auch die Werte der diffusen Strahlung steigen zunächst entsprechend der Jahreszeit. Die höchsten Werte werden Anfang Juni erreicht, kurz vor Beginn größerer Ausaperungen. Dieses Optimum läßt sich aus unterschiedlichen Ursachen begründen. Einerseits ist die langsam abnehmende Albedo noch zu hoch, um eine gute Reflexion abzugeben, andererseits haben sich Sonnenstand und Sonnenscheindauer vom 1. bis 31. Mai um 21 % erhöht. Außerdem wurden zu diesem Zeitpunkt Werte hoher Luftfeuchtigkeit registriert. Der Anstieg von DH bei Bewölkungsgraden zwischen 7/10 und 8/10 erklärt sich aus einem günstigen Verhältnis einer noch größeren Menge an einfallender direkter Sonnenstrahlung und der Möglichkeit der Reflexion an der Wolkenuntergrenze.

#### 4.3 Berechnung der räumlichen und zeitlichen Verteilung der kurzweiligen Strahlungsbilanz

Grundlage aller Strahlungsbilanzberechnungen sind in der vorliegenden Arbeit die Meßergebnisse von Globalstrahlung und diffuser Strahlung in 550 m ü.NN sowie zum Vergleich die Ergebnisse der Globalstrahlung von Abisko. Eine Berechnung der Energiemenge aus direkter Sonnenstrahlung wurde nur mit angenäherten Werten der Streuung und Absorption in der Atmosphäre durchgeführt.

Die größten Unterschiede an der Energiezufuhr liefert die direkte Sonnenstrahlung, wenn sie im tages- und jahreszeitlichen Rhythmus auf verschieden orientierte Empfängerflächen fällt. Obwohl die diffuse Strahlung auch von der Geländeexposition beeinflußt wird, können hier nur hangabhängige Strahlungsunterschiede der direkten Strahlung berücksichtigt werden. Ergebnisse hierüber liefern Tagesmittelwerte der Bestrahlungsstärke. Ebenso wie Expositionseinflüsse spielt in gebirgigen Einzugsgebieten die Horizontabschattung eine Rolle, die bisher in den Arbeiten von ESCHER-VETTER (1980), HUEGLI (1980) und KUNZ (1983) entwickelt und für Gebiete im Alpenraum ihre Anwendung fanden. Räumlich und zeitlich differenzierte Strahlungsbilanzrechnungen für polare und subpolare Regionen wurden bisher noch nicht durchgeführt.



Abb. 17: Tageswerte von Globalstrahlung und diffuser Strahlung während der Schmelzperiode, 1981.

#### 4.3.1 Die direkte Sonnenstrahlung

Um für eine ebene Fläche das Tagesmittel der Bestrahlungsstärke (DS) zu errechnen, wurde folgende Gleichung nach HEYNE (1969) zugrunde gelegt, deren Integrationsgrenzen Sonnenaufgang SA und Sonnenuntergang SU bedeuten.

$$DS = \frac{I_o}{2\pi \eta^2} \int_{sa}^{su} h dt$$
(8)

Lo - Solarkonstante

η - Entfernung Erde - Sonne

Die Bestimmung der Zenitdistanz (hz) bzw. der Sonnenhöhe (he) über einer Ebene ist von der geographischen Breite ( $\varphi$ ), der Deklination der Sonne ( $\delta$ ) und dem Stundenwinkel der Sonne ( $\theta$ ) abhängig (Abb. 18).

$$\sin he = \sin \varphi \cdot \sin \delta + \cos \varphi \cdot \cos \delta \cdot \cos \theta \tag{9}$$

Der Stundenwinkel ( $\theta$ ) wird dabei, ebenso wie später die Hangrichtung ( $\alpha$ ), wie folgt definiert:

Tageszeit:	000	600	1200	1800	2400
Stunden-					
winkel 0:	-180°	-90°	0°	+90°	+180°
Hang-					
richtung:	Nord	Ost	Süd	West	Nord

Als Startpunkt für die spätere Berechnung durch das Programm STRAHL wurden alle notwendigen Daten, wie z.B. Rektaszension, Schiefe der Ekliptic, aus dem "The Astronomical Almanac for the Year 1981" entnommen.

#### 4.3.2 Sonnenauf- und -untergangszeiten

Aus den Gleichungen (8) und (9) lassen sich Sonnenaufund -untergangszeiten berechnen, wenn sin he = 0 gesetzt wird. Für beliebig geneigte Hänge gestaltet sich die Berechnung komplizierter. Eine einfache Methode benutzt ESCHER-VETTER (1980: 21), indem der Hang, für den die Integrationsgrenzen berechnet werden sollen, unter Beibehaltung von (v) und ( $\alpha$ ) an den Punkt der Erde transformiert wird, an dem dieser Hang eine Tangentialebene an die Erdkugel bildet. Die Berechnungen von Sonnenaufund untergang erfolgen nun an dem neuen Punkt mit den geographischen Koordinaten  $\varphi'$  und  $\lambda'$ . Werden auf diese Weise Hanglagen nördlich des Polarkreises transformiert, werden sie während der Winter oder auch Sommermonate nicht beschienen.

#### 4.3.3 Sonnenhöhe und -azimut über verschieden exponierten Flächen

Unter Berücksichtigung einer Fläche mit der Hangneigung (v) und der Hangrichtung  $(\alpha)$  ergibt sich nunmehr der Cosinus hex des Sonneneinfallwinkels aus Hanglage und Sonnenstrahlung:

 $\cos hz = \sin \varphi \cdot \sin \delta + \cos \varphi \cdot \cos \delta \cdot \cos \theta \tag{10}$ 

$$\cos hex = \cos hz \cdot \cos v + \sin hz \cdot \sin v \cdot \cos (\theta - \alpha) \quad (11)$$

Für geographische Breiten nördlich 66,6° n.Br. erweist sich obige Gleichung und auch die Berechnung der Sonnenaufund -untergangszeiten von Kapitel 4.3.2 während der Wintermonate (Polarnacht) als unzureichend, da der Erd-



Abb. 18: Einfallswinkel der Strahlung auf beliebig geneigte und orientierte Flächen.

schatten nicht berücksichtigt wird. Auch für die frühsommerlichen Zeiten der Schneedeckenablation muß deshalb besonders für die steil nach Nord exponierten Hänge ein Einfluß des Erdschattens berücksichtigt werden.

Im Gegensatz zum mitteleuropäischen Raum erhält man in polaren Breiten für eine ebene Flächen und für viele verschieden geneigte und orientierte Hänge, besonders während der Ablationsperiode, positive Sonnenhöhen über nahezu die gesamte Tageslänge. In Abb. 19 wurden im Vergleich Strahlungsunterschiede an verschieden exponierten und geneigten Hängen in 70° n.Br. und 50° n.Br. dargestellt. Obwohl der Sonnenstand in Polargebieten erheblich niedriger als zur gleichen Zeit in den Mittelbreiten ist, erreicht doch wegen der 24stündigen Einstrahlung die potentielle Strahlungsmenge an fast jedem Hang einen höheren Wert.

Während der Schmelzperiode von Mai bis Juli wandert das Strahlungsmaximum von 30°-45° geneigten Hängen in SE-S-SW-Expositionen über 0°-20° geneigte Hänge in W- und E-Exposition nach 0°-20°-Hänge in NW-N-NE-Exposition. Dabei nimmt die Schwankungsbreite der Strahlung ab (325 bis 502 W/m<sup>2</sup>), und die Tagessumme der Strahlung hat ihr Maximum an Nordhängen mit 10° Hangneigung. Das Tagesmaximum der potentiellen kurzwelligen Strahlungsmenge ist in 50° n.Br. um ca. 40 W/m<sup>2</sup> niedriger, und Expositionsunterschiede lassen sich schon aus der größeren Schwankungsbreite der Strahlung von 135 bis 460 W/m<sup>2</sup> erklären. Im Gegensatz dazu spielen im Polarraum Expositionsunterschiede bei Vegetation oder Schneedeckenablation eine geringere Rolle.

#### 4.3.4 Verfahren zur Berechnung der Horizontalabschattung

Große Unterschiede der Geländebestrahlung verursacht besonders in Gebirgsgebieten die Horizontüberhöhung. Wird



Abb. 19: Strahlungsunterschiede an Hängen in 70° und 50° n. Br. während der Schmelzperiode.

eine Geländefläche vom umgebenen Gelände abgeschattet, entstehen zusätzliche Grenzwerte der Sonnenscheindauer, und die Bestrahlungsstärke nimmt im Tagesmittel ab. Eine Bestimmung der direkten Sonnenstrahlung unter Berücksichtigung der Horizontabschattung läßt sich rechnerisch auf verschiedene Art und Weise bewältigen.

Um sich zunächst einen Überblick über besonnte und beschattete Flächen zu verschiedenen Zeitpunkten zu verschaffen, wurde ein dreidimensionales Modell vom Einzugsgebiet entwickelt. Abb. 22 gibt das Gelände zu verschidenen Zeiten aus der Blickrichtung des jeweiligen Sonnenstandes wieder. Während das Gelände am 15. Februar mit Sonnenauf- und -untergangszeiten von 8:14 bis 15:40 Uhr und einem Zenitstand von 9°15' nur in den oberen Bereichen mit Ausnahme aller exponierten Hänge bestrahlt wird, ändert sich die Bestrahlung bis zum Beginn der Ablationsperiode dahingehend, daß fast gleichmäßig viele nördlich wie südlich exponierte Geländeflächen bestrahlt werden. Geringste Abschattungen erfahren dabei die glazial zugerundeten Höhenrücken, während der untere Talabschnitt und auch große Teile des Langfossbreen länger beschattet werden. Diese Betrachtungen lassen schon vermuten, daß eine durch Temperaturgradienten gesteuerte Schneeschmelze im Höhenbereich sehr stark von Strahlungseinflüssen beeinflußt werden kann.

Ausgang der Geländeschattenberechnung ist das bereits erwähnte Geländemodell mit Höhenpunktmatrix. Nach der Berechnung von Sonnenauf- und untergang an jedem Geländepunkt wird zunächst festgelegt, welche Punkte P(IX, IY) Strahlung erhalten können. Anschließend wird die Sonnenstrahllinie  $y = \tan n \cdot XA$  zur Zeit t berechnet, die die in die Ebene projizierte Höhenpunktmatrix an den Punkten P (GL-IX, YENDE-IY) und P (GL-IY, XENDE-IX) schneidet. Da diese Schnittpunkte des Strahls die Gitterlinien des Gitternetzes schneiden, muß eine lineare Interpolation (Abb. 20) mit den benachbarten Geländehöhenpunkten durchgeführt werden. Nur bei den Sonderfällen 0°,  $180^\circ$ , 90°, 270°, 45°, 135°, 225° und 315° entfällt die Interpolation, da die Gitternetzpunkte dann auf der Strahllinie liegen.



Abb. 20: Interpolation der Strahllinie im Grundgitter.

So erhält man aus den zur Zeit t auf diesem Strahl liegenden neuen Schnittpunkten die interpolierten Geländehöhen HOEHE (Abb. 21). Das Programm HORIZO (Abb. 23 und Anhang F2) errechnet nach Auswahl des Quadranten 1-4 die Laufrichtung des Strahls im Unterprogramm QUAD und nach Erkennen der Sonderfälle für Gitterschnittpunkte oder Gitterlinieninterpolation im UP ERKENN Horizontwinkel. Für jeden Geländepunkt wird die Horizontlinie, bzw. der maximale Horizontwinkel nach allen Himmelsrichtungen in einer Horizontmatrix abgespeichert. Je genauer die Horizontlinie werden soll, desto dichter müssen die Horizontpunkte liegen, wobei z.B. 24 Punkte den Stundenschritten = 15° entsprechen würden. Beispiele von Horizontlinien an den Stationen liefert Abb. 24.



Abb. 21: Berechnung der zu interpolierenden Höhe.

In einem weiteren Schritt werden nun die maximalen Horizontwinkel mit dem jeweiligen Sonnenwinkel zur Zeit t verglichen. Ist Sonnenwinkel SOHOE kleiner als der Horizontwinkel MINI, erreicht der Strahl den Punkt P(IX, IY) nicht und eine Abschattung findet statt. Die Geländematrix wird so auf Abschattung oder Besonnung abgearbeitet und gespeichert. Anschließend werden mit dem Programm GESAMT die Energiemengen der besonnten Punkte in Zehnminuten-Schritten berechnet und zu Stundenwerten addiert und gehen so direkt in die Energiehaushaltsberechnung ein.

#### 4.3.5 Potentielle Globalstrahlung mit und ohne Abschattung

Die Formelansätze aus Kap. 4.3.3, sowie die Berechnung der Abschattung in Kap. 4.3.4 werden für die räumliche



Abb. 22: 3 D - Modelle vom Einzugsgebiet am 15. Februar, 15. April und 21. Juni.



Nord

ISDALEN 21.Juni 2.00 Zenit 4.3 Grad







ISDALEN 21 Juni 18.00 Zenit 21.5 Grad











Abb. 23: Programm Horizontabschattung.

Strahlungsberechnung benutzt. Für die Darstellung der Tagessummen der potentiellen Globalstrahlung an jedem Punkt im Gelände wurden zu jedem Zeitintervall dt die jeweiligen Strahlungswerte addiert.

Strahlungsunterschiede für verschieden geneigte und orientierte Hänge und deren Abweichungen an Breitengraden zeigte Abb. 19. Für das Untersuchungsgebiet wurde zunächst die potentielle Globalstrahlung ohne Abschattung an ausgewählten Tagen berechnet und im Anhang B1 bis B6 dargestellt. In B6 wurde die Tagessumme für den 31. August bzw. den 13. April berechnet.

Ein Vergleich mit der Höhenlinien- bzw. Hangexpositionskarte zeigt deutlich die Beeinflussung des Reliefs. N-NE und N-NW exponierte Hänge (15 W/m<sup>2</sup>) erhalten erheblich weniger Strahlung als südexponierte Hänge, wobei mit 302 W/m<sup>2</sup> das absolute Maximum bei > 60° geneigten Hängen liegt. Mit fortschreitender Sonnenhöhe bis 15.5. gewinnen besonders W-SW und E-SE gerichtete Geländeteile mit mittlerer Neigung an Strahlung. Zugleich ist ab Mitte Mai auch hoher Strahlungszuwachs aller nach Norden gerichteten und bis 15° geneigten Flächen zu sehen, deren Strahlungswerte zur Sommersonnenwende jedoch wieder abnehmen. Betrachtet man in diesem Zusammenhang Südhänge, so kann man auch hier feststellen, daß das Strahlungsmaximum von anfangs > 60° nach Neigungswinkeln um 25° zum 21. Juni wandert.

Diese unterschiedlichen Maxima haben zur Folge, daß vor dem Sonnenhöchststand für das gesamte Einzugsgebiet Strahlungswerte mit geringen Werteunterschieden (26. Mai) erreicht werden und Differenzierungen zwischen Exposition und Neigung klein sind. Für den Bereich der Fjellgebiete der Nordkalotte liegt diese Erscheinung gerade zum Zeitpunkt der Hauptschneeschmelze.



Abb. 24: Horizontlinien an 5 Stationen im Isdalen.

## 5. Analyse der Punktschmelze an der Lysimeterstation

Änderungen des Energie- und Massenhaushaltes in der Schneedecke sind von externen meteorologischen Faktoren (Niederschlag, Verdunstung, Kondensation, Schmelzwasserbewegung), in Zusammenhang mit orographischen Faktoren (Erosion, Deposition durch Wind oder Akkumulation, Ablation durch Lawinen) und von internen Prozessen (Schmelzen, Wiedergefrieren, Metamorphose der Schneekristalle) innerhalb der Schneedecke abhängig.

Auf der Grundlage der Meßgrößen von

TL	Lufttemperatur °C
RF	Relative Feuchte %
eL	Aktueller Wasserdampfdruck Luft mb
u	Windgeschwindigkeit m/s
GS, DH	Globalstrahlung, diff. Himmelslicht J/cm2min
C, k	Wolkenbedeckung 10/10, Wolkenhöhe
a	Albedo
р	Luftdruck mb
TS	Schneetemperatur °C
Sh	Schneehöhe cm
Sd	Schneedichte g/cm

ist die Schneeschmelze mit unterschiedlicher Komplexität zu berechnen. Mit den Schneedeckenprofilmessungen und den Schneedeckenabflüssen am Schneelysimeter sollen nachfolgend einige Modelle überprüft werden.

#### 5.1 Einsatz des Schneelysimeters

Schneehöhenmessungen und die Bestimmung von Dichte und Wassergehalt geben nur den aktuellen Zustand der Schneedecke zu einem bestimmten Zeitpunkt wieder. Durch die Bestimmung des Gewichts der Schneedecke ist eine direkte, kontinuierliche Messung des Wasseräquivalents möglich. Geeignete Sensoren sind die nach CALI-FORNIA COOPERATIVE SNOW SURVEYS benannten snow sensors (snow pressure pillow und snow pressure tank). Sie arbeiten nach dem Prinzip des Druckausgleichs. Auch in Skandinavien werden die aus Nordamerika stammenden snow pillows verwandt (TOLLAN 1971). Sie sind kreisrund mit einem Durchmesser von ca. 10 m. Der Körper besteht aus neoprenbeschichteten Nylon, als Druckmittel wird ein Äthanol-Wassergemisch verwandt. Die Schneekissen zeichnen sich durch gute Betriebssicherheit auch während der Akkumulationsphase aus und werden in fünf wasserwirtschaftlich genutzten Einzugsgebieten eingesetzt.

Als Basis für die Erfassung und Berechnung der täglichen Energiebilanz der Schneedecke und als Grundlage für die Modelleichungen einiger Schneeschmelzansätze sollen die Daten eines Schneelysimeters benutzt werden. Da wenig detaillierte Schneelysimeterabflußbeobachtungen in Tageswerten vorliegen (FÖHN 1973), wurden für die eigenen Meßreihen mit stündlicher Auflösung die Arbeiten von LEMMELÄ (1971) und HERRMANN (1978: 22) mit herangezogen. LEMMELÄ (1971: 86-88) verglich am Hyryla Versuchsfeld ein Schneelysimeter "drip pan" mit einem snow pillow und fand, daß bei Schneedeckenablationsperioden ein snow pillow den Schmelzwasserverlust verzögert registriert, während ein Lysimeter wegen des schnellen Schmelzwasserabflusses ein genaueres Bild der Schmelzrate gibt.

Um im Untersuchungsgebiet die Schneedeckenablation, besonders die Tagesgänge der Schneedeckenabflüsse zu registrieren, wurde in 550 m Höhe ein Schneelysimeter (Abb. 25) errichtet.



Abb. 25: Funktion Schneelysimeter Isdalen.

Eine 2 x 2 m große, durch seitliche Holzbretter begrenzte Schneeauffanglfäche wurde auf ebener Erde angelegt. Die 4 m<sup>2</sup> große Fläche wurde mit starker Polyäthylen-Folie so ausgelegt, daß ein leichtes Gefälle zum Mittelpunkt entstand. Dort sammelte sich Schmelzwasser und wurde über einen Trichter und Ableitungsrohr in zwei miteinander verbundene jeweils 2001 fassende Metalltonnen geleitet. Ein Fassungsvermögen von 4001 erschien notwendig, da mit Schneehöhen zwischen 1,50 m und 2,00 m und hohen Abschmelzraten bis über 2501 (= 6,4 cm Wasserabgabe/h -cm) gerechnet wurde. Ein Alpha-Schwimmpegel


Abb. 26: Häufigkeitsverteilung der Schmelzabflüsse an Lysimeterstation Isdalen.

(Fa. Ott) registrierte kontinuierlich den Wasserstand in einer der beiden Tonnen. In der Regel wurde das gesammelte Schmelzwasser bei Kontrollgängen durch eine Rohrleitung auf tiefer liegendes Gelände abgelassen.

Infolge der sich jedes Jahr wiederholenden, fast kontinuierlich ablaufenden Schmelzperiode im Mai und Juni war die Lysimeteranlage wartungsarm. Während der Schmelzperiode bildete sich weder eine Eisdecke in den schwarzlakierten Tonnen, noch trat ein Einfrieren der Seilztige im Pegel (innen isoliert mit Styropor) durch Kondensation ein. Schneeverdriftung und somit Fehlbeträge in der Schneehöhe wurden in der Ablationszeit nicht beobachtet.

Entsprechend dem witterungsbedingten Tagesgang zeigt auch das Schmelzwasser an der Lysimeterstation eine Ganglinie, dessen Maximum allerdings im Vergleich zur Strahlungskurve um 3 bis 4 Std. und im Vergleich zur Temperaturkurve um ca. 1 bis 2 Std. verzögert liegt. Nach der Häufigkeitsverteilung im Tagesgang (Abb. 26) konzentriert sich der Abfluß aus dem Schneelysimeter hauptsächlich zwischen 11°° und 23°° Uhr, wobei weit mehr als die Hälfte des täglichen Schmelzwasserangebots zum Abfluß kommt.

Während die Spitzenabflüsse in der strahlungsreichen Phase im Mai zwischen 15<sup>oo</sup> und 23<sup>oo</sup> Uhr liegen, verlagern sich diese Werte im Verlauf des Juni auf 13<sup>oo</sup> bis 17<sup>oo</sup>. Ursachen hierfür sind einerseits ein fortschreitend günstiger Wasserfluß in der Schneedecke und andererseits die Verlagerung des täglichen Lufttemperaturmaximums von 15<sup>oo</sup> bis 17<sup>oo</sup> auf 13<sup>oo</sup> bis 15<sup>oo</sup> Uhr. Weitere Aussagen hierüber finden sich in Kap. 6.2.

Bedingt durch die großräumige Wetterlage kann der Lysimeterabfluß, die Schneeschmelzperiode, in drei Abschnitte eingeteilt werden (Abb. 27). Der erste Zeitraum vom 15. bis 25. Mai 1981 wurde durch Hochdruckeinfluß über Nordrußland mit Strahlungswetter und Föhnlagen gekennzeichnet. Das Hochdruckgebiet über Ostgrönland dagegen verursachte von Anfang bis Mitte Juni eine trocken-kalte und teilweise strahlungsarme Witterungsperiode mit zeitweisem Stillstand der Schmelze und geringem Schneedekkenzuwachs. Erst gegen Ende Juni setzte sich mit zyklonaler Südwestströmung eine verstärkte Schneeschmelze fort.

### 5.2 Energiehaushalt

Die Erdoberfläche kann auf verschiedene Art und Weise mit der Atmosphäre und dem Untergrund Energie durch molekulare und turbulente Diffusion austauschen (KUHN 1984: 8-10). Die Schneedecke ist gegenüber der Bodenoberfläche durchlässig für Strahlung, Luft, Wasserdampf und Wasser. Da Schnee ein Gemisch der drei H<sub>2</sub>O-Phasen (Eis, Wasser, Wasserdampf) und der Luft ist, wird der Energiehaushalt der Oberfläche eines Schneepakets "durch Transporte in der dampfförmigen und flüssigen Phase vom oder zum inneren dieses Volumens beeinflußt" (KUHN 1984: 10). Auf ein Volumen bezogen ist die Schneedecke mit dem Massenhaushalt verknüpft, deren Änderung durch die Energiebilanz in Zeitschritten dU/dt ausgedrückt wird. Eine allgemein gebräuchliche Form der Energiebilanz

$$Qm = (Qkw + Qlw) + (Qh + Qe) + Qg + Qp - dU/dt$$
(12)

beschreibt den Energieüberschuß Qm, der zur Schmelze verfügbar ist. Darin bedeuten

Qkw	kurzwelliges Strahlungssaldo		
Qlw	langwelliges Strahlungssaldo		
Qh	konvektiver Wärmestrom (turbulenter Strom fühlbarer Wärme		
Qe	latenter Wärmestrom aus Evaporation, Kon- densation oder Sublimation		
Qg	Bodenwärmestrom		
Qp	Wärmestrom durch Regen.		



Abb. 27: Summenkurve der gemessenen Wasserabgabe durch Schneelysimeter und Schneedeckenprofilaufnahme.

Die bedeutendsten Komponenten sind der gesamte Strahlungssaldo (Qkw + Qlw) und die Ströme fühlbarer und latenter Wärme (Qh + Qe). Bei einer positiven Wärmebilanz bildet sich an der Schneeoberfläche Schmelzwasser, das über Speicherung, Gefrier- und Tauprozesse als überschüssiges Gravitationswasser den Boden erreicht und somit die Wasserabgabe oder Schmelzrate (M) aus der Schneedecke ergibt.

Ausgehend von einer Schneedeckentemperatur von 0° C ergibt sich die Schmelzrate oder das Schmelzwasseräquivalent

$$\mathbf{M} = \mathbf{Q}\mathbf{m}/\mathbf{\rho}_{\mathbf{W}} \cdot \mathbf{rs} \tag{13}$$

wobei  $\rho_W$  - die Dichte des Wassers ( $\rho_W = 1000 \text{ Kg/m}^2$ ) rs - die Schmelzwärme von Eis (rs ~ 333,5 kJ/kg)

vereinfacht berechnet werden. Als Dimensionen für die Energiebilanzierungen werden als Einheiten  $W/m^2$  (Energie pro Zeit und horizontale Fläche) gewählt, die mit den Einheiten anderer Energieansätze z.B. für Tagessummen zu vergleichen sind:

$$1 \text{ W/m}^2 = 1 \text{ J/s} \cdot \text{m}^2 = 8,64 \text{ J/cm}^2 \cdot \text{d} = 2,065 \text{ cal/cm}^2 \cdot \text{d}$$

$$1 \text{ ly/min} = 1 \text{ cal/cm}^2 \cdot \text{min} = 4,18 \text{ J/cm}^2 \cdot \text{min}$$
  
= 697,3 W/m<sup>2</sup>

# 5.2.1 Kurzwellige Strahlungsbilanz

Die kurzwellige Strahlung (Qsi) erreicht die Erdoberfläche als Globalstrahlung (GS), die aus den Komponenten direkte Sonnenstrahlung (DS) und der diffusen Strahlung (DH) bestehen.

$$Qsi = GS = DS + DH \quad (W/m^2) \tag{14}$$

Der Betrag der direkten Sonnenstrahlung (Kap. 4) ist abhängig von der Sonnenhöhe, dem Wasserdampfgehalt der Luft und der atmosphärischen Trübung. Außerdem kann in Gebirgslagen und an Hängen zusätzlich eine Reflexion hinzukommen. Die Strahlungsbilanz wird außerdem von der in den oberen Halbraum reflektierten Strahlung (Qse), der vom Boden ausgehenden Albedo (a), beeinflußt. Die in die Schneedecke absorbierte kurzwellige Strahlung lautet dann:

$$Qkw = (1-a) \cdot Qsi \quad (W/m^2) \tag{15}$$

# 5.2.2 Langwellige Strahlungsbilanz

Da keine Meßgeräte zur Erfassung der langwelligen Strahlungsbilanz zur Verfügung standen, konnten hier nur Näherungsformeln zur Aus- und Gegenstrahlung verwendet werden. Die atmosphärische Gegenstrahlung ( $\downarrow$ Qli) steht in engem Zusammenhang mit der Lufttemperatur (TL) und dem Dampfdruck der Luft (el) in Bodennähe. Die von BRUNT (1952) gefundene Formel wurde von KUZ'MIN (1969) mit folgenden Parametern für wolkenlosen Himmel und ebene Gebiete angewandt.

$$\downarrow Qli = \sigma \cdot TLk^4 (0,62 + 0,005 \text{ el}) \quad (W/m^2) \tag{16}$$

wobei die Lufttemperatur (TLk) in Grad Kelvin ausgedrückt wird. Schnee ist für den langwelligen Anteil des Strahlungsspektrums ein nahezu schwarzer Körper, dessen Emissionsfähigkeit ( $\epsilon_0$ ) zwischen 0,97 und 1,0 (KONDRA-TYEV 1969, ANDERSON 1976: 7) liegt und als

$$\uparrow Qle = \varepsilon_0 \cdot s \cdot TSk^4 \quad (W/m^2) \tag{17}$$

ausgedrückt wird. Dabei bedeutet TSk die absolute Temperatur der Schneeoberfläche, die beim Schmelzprozeß mit 273°K in die Gleichung eingeht.

Eine Variation des langwelligen Strahlungshaushalts wird zum geringen Teil in gebirgigen Gebieten von topographischen Einflüssen, z.B. die einen Meßpunkt umgebenen Hänge, verursacht (MARKS 1978: 168), aber wegen fehlender Meßwerte nicht weiter berücksichtigt. Die Wolkendecke dagegen beeinfluß die langwelligen Strahlungskomponenten in hohem Maße. Deshalb wurde das langwellige Strahlungssaldo von U.S. ARMY CORPS OF ENGI-NEERS (1956) und KONDRATYEV (1969), in folgender Form geeignet für Schnee- und Fimflächen, mit wechselnden Bewölkungsgraden angewandt.

$$Qlw = 0.76 \cdot \sigma \cdot (TLk^4 - TSk^4) \cdot (1 - k \cdot C) (W/m^2)$$
(18)  

$$Qlw = (0.76 \cdot \sigma \cdot TLk^4 - 316) \cdot (1 - k \cdot C) (W/m^2)$$
(19)

Der Koeffizient k für die Wolkenhöhe reicht von 0.25 bis 0.90 und beruht auf Beobachtungen zum Wolkentyp, wonach eine Wolkenhöhe geschätzt wurde.

Wolkentyp:	Ci Cc Cs	Ac As Sc	St Cu
	hohe W.	mittelh. W.	tiefe W.
Koeff. k:	2.25	0.60	0.90

# 5.2.3 Berechnung des latenten und fühlbaren Wärmestroms

Die fühlbaren und latenten Wärme- und Massenströme (Qh) und (Qe) haben in einem vollständigen Energiebilanzansatz ebenso große Bedeutung wie die Strahlungsbilanzen. Besonders, wenn die Schneedecke extremen Witterungseinfluß durch starken Wind, feuchte, warme Luft ausgesetzt ist, werden durch fühlbaren und latenten Wärmestrom hohe Schneeschmelzraten erreicht. Im untersten Bereich der Atmosphäre bis zu 3 m Höhe verursachen Geländerauhigkeit, Vegetationsvielfalt und die unregelmäßige Schneeoberfläche eine Reibung auf die Luftbewegungen. Hierbei wird die kinetische Energie des Windes durch turbulente Wirbel in Reibungswärme umgewandelt. Da diese komplexen turbulenten Vertikalbewegungen, ein Bestandteil der turbulenten Diffusionstheorie, nicht ständig gemessen werden können, wurde für die Praxis die Gradientenmethode mit dem BOWEN-Verhältnis (SVERDRUP 1936) angewendet, oder es wurde mit Hilfe der Dimensionsanalyse der Flüsse in Grenzschichten das logarithmische Profil (KUHN 1984: 41) benutzt. MOORE (1983) zeigt eine Anwendung des turbulenten Austauschs (bulk aerodynamic formulae), um den Energiehaushalt einer schmelzenden Schneedecke für kürzere Zeiträume (Tag, Stunden) zu bestimmen. Die Formulierungen für den gegenseitig abhängigen turbulenten Austausch mit den Gradienten Impuls (7), fühlbare Wärme (Qh) und Wasserdampf (Qe) werden bei MALE & GRANGER (1978: 107) definiert als:

$$\tau = \rho \cdot \mathbf{km} \cdot \delta \mathbf{u} / \delta z \tag{20}$$

$$Qh = \rho \cdot cp \cdot Kh \cdot \delta t / \delta z \tag{21}$$

$$Qe = \rho \cdot Lv \cdot Ke \cdot \delta q/\delta z$$
(22)

ρ Dichte Luftkh, ke eddy diffusitives

Die Gleichungen für die turbulenten Massenströme (AN-DERSON 1976: 15) zeigen, daß Wasserdampf in der Luft eine Funktion der Windgeschwindigkeit und dem Dampfdruckgradienten ist. Diese Beziehung wird ausgedrückt durch den Wasserdampftransport (Vm), dessen positiver Betrag Kondensation und ein negatives Ergebnis Evaporation, Sublimation bedeuten:

$$Vm = f(u) \cdot (eL - Es) \quad (mm) \tag{23}$$

Nach ANDERSON (1976: 18) wird diese empirische Funktion der Windgeschwindigkeit durch Konstanten ausgedrückt, die in ähnlicher Form als Wärmeübergangszahlen in der Näherungsformel auch bei KNAUF (1976: 39) zu finden sind:

$$f(u) = a_0 + a_1 \cdot u \tag{24}$$

Die Konstante a drückt hierbei den Betrag des Wasserdampftransports bei Windstille aus, wenn quasi stabile Luftschichtung vorherrscht. Ein Vergleich der von mehreren Verfassern benutzten Wärmeübergangszahlen gestaltet sich schwierig, da oftmals die meteorologischen Parameter Wind, Lufttemperatur und Dampfdruck in unterschiedlichen Höhen zur Schneedecke und über verschieden rauhen Oberflächen an den Meßstationen erfaßt wurden. Bei eigener Anwendung wurden die meteorologischen Parameter in einer Höhe von 1 m über der Schneedecke erfaßt.

Da bei den meisten hydrologischen Anwendungen nicht die Gradienten  $\delta t/\delta z$  von der Lufttemperatur (TL),  $\delta u/\delta z$  der Windgeschwindigkeit (u) und  $\delta q/\delta z$  des Dampfdrucks (e) vorliegen, aber diese drei meteorologischen Parameter auf der schmelzenden Schneedecke mit TS = 0° C, u = 0 m/s und Es = 6,107 mb konstant bleiben, werden zwischen TL und TS, sowie zwischen eL und Es Differenzen gebildet. Die halbempirischen Ansätze von fühlbarem und latentem Wärmestrom werden über das BOWEN-Verhältnis ( $\beta$ ) umgeformt und erhalten folgende Form:

Strom fühlbarer Wärme:  

$$Qh = (a_0 + a_1 \cdot u) \cdot (TL - TS) \quad (W/m^2)$$
(25)

Strom latenter Wärme:  $Qe = (a_0 + a_1 \cdot u) \cdot \beta \cdot (eL - Es)$  (W/m<sup>2</sup>) (26)

Das BOWEN-Verhältnis ( $\beta$ ), dessen Kehrwert Kw =  $1/\beta$ auch als Psychrometerkontante in der Meteorologie bei Berechnung der Äquivalenttemperatur bekannt ist, kann auch mit

$$\beta = \frac{0.623 \cdot rw}{p \cdot cp}$$
(27)

direkt in Qe eingehen, falls der Luftdruck (p) gemessen wurde. HOFMANN (1965) benutzte die oben angegebene Gleichung, gibt aber für die Wärmeübergangszahl eine Wurzel der Geschwindigkeit an:

$$a_1 = 5.7 \sqrt{u}$$
 (28)

$$Qh = a_1 \cdot (TL - TS) \tag{29}$$

$$Qe = a_1 \cdot \frac{Q.623 \cdot rw}{p \cdot cp} \cdot (el - Es)$$
(30)

Auch die Äquivalenttemperatur der Luft und die der Schneeoberfläche kann ein Maß für fühlbare und latente Wärmemenge sein. Die Differenz aus den äquivalenten Temperaturen

$$Tel = TL + el/kw \quad (^{\circ}C) \quad (31)$$
$$Tes = TS + Es/kw \quad (^{\circ}C) \quad (32)$$

der Luft und der Schneeoberfläche ist ein Maß für die Schneeschmelze und wurde von MOOK (1965: 202) benutzt.

Eine weitere Anwendung von Qh und Qe findet sich bei MALE & GRAY (1981: 390), die anstatt der Wärmeübergangszahlen für den fühlbaren und sensiblen Wärmetransport verschiedene Koeffizienten angeben:

$$Qh = Dh \cdot u \cdot (TL - TS) \quad (W/m^2) \tag{33}$$

$$Qe = De \cdot u \cdot (eL - Es) \quad (W/m^2) \tag{34}$$

Abhängig von der Höhe der Windmessung erhält man für Dh und De verschiedene Werte. HICKS & MARTIN (1972) benutzten diese Formeln für Schneeschmelzberechnungen im 1-Stunden-Intervall.

# 5.2.4 Wärmezufuhr durch Regen und Bodenwärmestrom

Man unterscheidet zwei Arten von Regenniederschlag auf eine Schneedecke. Zum einen fällt Regen auf eine schmelzende Schneedecke, wobei der Regen nicht gefriert und dennoch Wärme abgibt. Andererseits gefriert der auf eine Schneedecke von 0° C gefallene Regen und gibt somit seine latente Wärme zum Schmelzen frei. Nach MALE & GRAY (1981: 379) lautet die Gleichung:

$$Qp = \rho_2 \cdot cpw \cdot (TR - TS) \cdot N \quad (W/m^2) \tag{35}$$

Eine reduzierte Gleichung daraus, wobei man die Temperatur von Regen (TR) mit der Lufttemperatur (TL) gleichsetzt, lautet:

$$Qp = 4.2 \cdot TL \cdot \Sigma N \quad (J/dm^2 \cdot d) \tag{36}$$

Die Bedeutung des Bodenwärmestroms ist im Vergleich der übrigen Energiehaushaltskomponenten sehr gering und kann in nordeuropäischen Gebirgsräumen mit hoher Schneedecke fast vernachlässigt werden, zumal das Untersuchungsgebiet bereits im Übergangsbereich zur Permafrostzone liegt. Gebräuchlich sind die vom U.S. ARMY CORPS OF ENGINEERS (1956) ermittelten Werte um 270 kJ/m<sup>3</sup> · d.

## 5.2.5 Wasserabgabe aus der Schneedecke

Voraussetzung der Schmelzwasserabgabe sind zunächst Veränderungen interner Prozesse in der Schneedecke. Trotz einer positiven Energiezufuhr kann die Wärmekapazität einer Schneedecke noch negativ sein. Um dieses Wärmedefizit zu verringern, erhöht sich die thermale Leitfähigkeit (thermal conductivity) in Abhängigkeit von Schneedichte und durch Zufuhr von latenter Schmelzwärme in Form von Regenwasser oder Schmelzwasser, bis das gesamte Schneepaket auf den Schmelzpunkt gebracht worden, also isotherm ist.

COLBECK (1975) und WANKIEWICZ (1978) untersuchten intensiv die Wasserbewegung durch die Schneedecke und stellten eine Geschwindigkeit von 2 bis 60 cm/100 cm · min fest. Das vertikale Fließen in einer homogenen Schneedecke kann nach DARCYs Gleichung in einem ungesättigten porösen Medium aufgefaßt werden:

$qz = \left(\frac{k_1}{\mu_1}\right) \cdot \left(\frac{\delta pc}{\delta z} + \rho_w \cdot g\right)$		(37)
Smalls	kanillarar Druckaradiant	

opc/oz	Kapillarer Druckgräutent
g	Gravitationsbeschleunigung des Wassers
k <sub>1</sub>	Permeabilität von Schnee
μ1	Viskosität von Wasser
ρ <sub>w</sub>	Dichte von flüssigem Wasser

Allerdings ist die Beschaffenheit der Schneedecke meist inhomogen. Wechselnde Korngrößen, Eislinsen, hauptsächlich also der Einfluß der Schneedichte, wirken sich direkt auf die spezifische Wärmekapazität und somit auf den Wasserfluß durch die Schneedecke aus.

Eine Vereinfachung dieser Vorgänge werden mit dem Kältegehalt der Schneedecke und bei BERTLE (1966) und ERBEL (1969) mit Hilfe des Wasserrückhaltekoeffizienten vorgenommen. Im Normalfall ist eine Schneedichte von 40 bis 45% der kritische Bereich, bei dem Schmelzwasser nicht mehr in der Kapillarzone gehalten werden kann und gravitative Kräfte zu einer Wasserabgabe führen. Auch die Korndurchmesser der Schneekristalle sind von Bedeutung. In tiefen Lagen und im Wald ist die Schneedichte der trokkenen Schneeschicht so hoch, so daß auch schon eine Wasserabgabe, bedingt durch schnelles Entstehen von Sickerwegen, weit vor Erreichen der Schneedichte von 40% einsetzen kann. Gebirgsschnee mit einer durch kleine Korngrößen verursachten hohen Schneedichte kann vorerst viel freies Wasser zurückhalten. Sickerwege entstehen langsamer und verzögern eine Wasserabgabe zunächst, die aber dann um so intensiver einsetzt. Bei Mulden und Flachgebieten verstärkt sich, wie im Gelände beobachtet, dieser Effekt noch und es kommt auf Grund schlechter Drainage zu einem Wasserstau.

Eine Näherung des Wasserrückhaltekoeffizienten  $\rho_r$  wurde nach der bei KNAUF (1976: 69) gefundenen Formel angewendet, der die Rückhalteeigenschaften als Funktion zur Dichte angibt (Abb. 28):

$$Wab = (1 - \pi_r) \cdot Wzu \tag{38}$$

$$\rho_r = e^{-\left(\frac{p}{c}\right)^{10}} \tag{39}$$

WAB Wasserabgabe Wzu Wasserzufuhr

p Dichte (%)

Mit den Meßwerten des Schneelysimeters wurde für den freien Parameter ein optimierter Wert von c = 50 gefunden. Damit setzt bei einer vorhandenen Schneedichte bei trokkenem Schnee als Ausgangssituation noch keine Wasserabgabe am Schneelysimeter ein.

# 5.3 Parameteroptimierung

Wie bei allen mathematischen konzeptionellen Modellen sind auch zur Berechnung des Energiehaushalts nicht alle physikalischen Gesetzmäßigkeiten genau meßbar und teilweise sogar unbekannt. Besonders, wenn das Modell einen vereinfachten Aufbau aus zum Teil empirischen Komponenten besitzen soll, erfordert dies eine Identifikation der unbekannten Parameter (Abb. 29). In den vorliegenden Fällen benötigen jeweils zwei bis vier Parameter eine genaue Eichung, deren Grenzwerte auf Grund ihrer physikalischen Bedeutung schon grob geschätzt werden können.

Bei der heutigen Vielzahl der vorhandenen numerischen Parameteroptimierungen sollte ein Verfahren angewandt werden, das im Hinblick auf das Modell je nach Komplexität, Größe, Struktur und der zeitlichen Vorhersagegenauigkeit am besten geeignet erscheint. Voraussetzung sind fehlerfreie und lückenlose Beobachtungsperioden, unterteilt in Eichperioden unterschiedlicher hydrologischer Prozeßabläufe, um charakteristische Eigenschaften des Systems zu erkennen. Handelt es sich um wenige Parameter, so kann eine Bestimmung auf graphischem Wege erfolgen.



Abb. 28: Verschiedene Näherungen zum Wasserrückhaltekoeffizienten.



Abb. 29: Fehleranalyse und Optimierung der Parameter.

Diese subjektive visuelle Auswertung dient zunächst vor allem einer groben Einschätzung der Wirkung der Parameter untereinander und auf den Modelloutput und ist besonders bei mehrdimensionalen Zusammenhängen unerläßlich. Die graphische Darstellung der Übereinstimmung in Abhängigkeit von den Parametern nennt DYCK (1978: 466) auch Empfindlichkeitsanalyse, bzw. Modellsensitivität, während McCUEN (1973: 38) und USLU & SCHMITZ (1976: 141) die Sensitivität als Mittel zur Untersuchung der Empfindlichkeit einer mathematischen Funktion beztüglich der Veränderungen der Parameter definieren.

# 5.3.1 Fehleranalyse von Datenfehlern

Alle Modellbildungen benötigen genaue und gleichzeitige Meßdaten als Eingangsparameter. Die Größe des Meßnetzes und die zeitliche Auflösung der einzelnen Parameter ist abhängig von der Größe des Einzugsgebietes und der Genauigkeit des Ergebnisses. Eine Eichung des Modells erfordert schon deshalb genaue und lückenlose Eingangsdaten, wenn noch eine Anpassung der freien Parameter erfolgen muß. USLU & SCHMITZ (1976: 144) sprechen von der "Input Sensitivität", bei der man zeitabhängige und -unabhängige Meß- und Übertragungsfehler analysiert und anschließend durch Zeitverschiebung korrigiert oder zwischen vorhandenen Meßwerten linear interpoliert.

Interpolation ausgefallener Meßwerte

$$m(t_{i}) = x(t_{i}) - \frac{(x(t_{i-1}) + x(t_{i+1}))}{2}$$
(40)

Zeitabhängiger Meßfehler

$$xg = x (a \cdot t + b) \tag{41}$$

m(t)Meßfehlerx(t)wahrer Wertxg(t)gemessener WertaZeitfehler

Schon bei der Datenaufzeichnung entstehen Fehler wie mechanische Defekte des Meßinstruments. Aber auch meßmethodische Fehler, wie z.B. die Niederschlagsregistrierung bei hohen Windgeschwindigkeiten, erfordern eine Korrektion. Hier schlägt KILLINGTVEIT (1977: 6), bezogen auf skandinavische Verhältnisse folgenden empirischen Ansatz vor:

$$N (ber) = N (gem) \cdot e^{(-ks \cdot u)}$$
(42)

ks Faktor, abhängig von Niederschlagsart und Meßinstrument.

Auch die in Kap. 3.1 diskutierte Aufstellung von Schneepegeln und die anschließende Ermittlung des Gebietswasseräquivalents birgt zugleich Meßwertfehler und anwendungsbezogene Modellfehler.

# 5.3.2 Wahl der Zielfunktionen

Aus Übersichts- und rechentechnischen Gründen erschien es sinnvoll, höchstens drei Parameter, meistens aber zwei Parameter gleichzeitig zu optimieren. Dabei wird im voraus der Stellenwert der einzelnen Parameter im Modell berücksichtigt. In den folgenden Abbildungen 30, 31 und 33 wird eine graphische Darstellung der Optimumsuche verdeutlicht.

Verschiedene Ansätze von Ziel- oder Bewertungsfunktionen sind Grundlage von Optimierungsverfahren, deren häufig angewandte hydrologische Deviation nach SCHUTZ (1968) DEVS ist, die den arithmetischen Mittelwert aus den Abweichungen zwischen gemessener und berechneter Ergebnisfunktion berechnet.

$$\frac{\hat{\Sigma}/A_{1g} - A_{1b}/A_{1g}}{n}$$

$$\frac{\Delta \hat{L}}{200} \cdot \frac{1-1}{n}$$

$$A_{1g} \qquad gemessener Wert$$

$$A_{1b} \qquad berechneter Wert$$

n Anzahl der Zeitschritte dem Amax gemessenen Spitzenhochwasser

Andere Zielfunktionen arbeiten nach dem Korrelationskoeffizienten oder dem Standardfehler der Abschätzung (DE-COURSEY & SNYDER 1969). Eine solche Anwendung wird nicht benutzt, da der Korrelationskoeffizient zwar die Stärke der wechselseitigen Abhängigkeit zweier zufälligen Veränderlichen ermittelt, aber nicht die Abweichungen der zu vergleichenden Schmeeschmelzabflüsse bewertet.

Eine weitere Zielfunktion nach APOLLOV (F) berücksichtigt besonders durch quadrieren der Differenzen und Bildung deren Mittelwerte große Abweichungen stärker als kleine Abweichungen zwischen gemessener und berechneter Ergebnisfunktion. Diese für den gesamten Verlauf einer Abflußlinie geeignete Bewertungsfunktion berticksichtigt besonders den Scheitelbereich jeder Ganglinie und wurde durch WACKERMANN (1981: 75) angewandt.

$$F = \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^{n} (Aib - Aig)^2}{\sum_{i=1}^{n} (Aig - Ag)^2}}$$
(44)

Für den Schneedeckenabfluß ergaben sich hierbei jedoch keine Verbesserungen der Modellparameter. Ein geeignetes Vergleichskriterium zwischen berechneter und gemessener Ergebnisfunktion zum Schneedeckenabfluß an der Lysimeterstation für unterschiedliche Berechnungszeiträume und für die spätere Anwendung auf die gesamte Gebietsmatrix ist die Bewertungsfunktion nach NASH & SUT-CLIFFE (1970), die auch BERGSTRØM (1976: 4), BRAUN (1985: 26) angewandt haben, von der WMO (1982: 201) vorgeschlagen und bei CAVADIAS & MO-RIN (1986) speziell für Tageswerte modifiziert werden.

$$R^{2} = \frac{\sum_{j=1}^{n} (A_{1g} - \overline{A_{g}})^{2} - \sum_{j=1}^{n} (A_{1g} - A_{1b})^{2}}{\sum_{j=1}^{n} (A_{1g} - \overline{A_{g}})^{2}}$$
(45)

Ag gemessener Mittelwert über gesamte Zeitperiode

# 5.3.3 Durchführung der Optimierung

Um einerseits den Rechenaufwand gering zu halten, andererseits aber die Abhängigkeit zwischen den Parametern zu berücksichtigen, wurde als Suchalgorithmus zum Auffinden der maximalen Werte ein iteratives nichtlineares kleinste Quadrateverfahren angewandt (WTTTENBERG 1974: 12), dessen Suchrichtung nach dem GAUSS-SEIDEL-Verfahren, parallel zu den Koordinatenachsen verläuft.

Um allerdings einen gesamten Überblick über die Sensitivität des Modells zu erhalten, wurde außerdem eine schrittweise, parameterändernde Empfindlichkeitsanalyse durchgeführt und zur visuellen Beurteilung auch graphisch dargestellt. Die Abbildungen 30 und 31 zeigen jeweils die Veränderungen von CM und TO für den Day-Degree-Ansatz, bzw. Ah und AE für den Wärmesaldo.



Abb. 30: Empfindlichkeitsanalyse der Parameter CM und TO für Day-Degree Ansatz.



Abb. 31: Empfindlichkeitsanalyse der Parameter AH und AE für Wärmesaldo (Tageswerte).

# 5.4 Modellansätze zur Schneedeckenablation

Im folgenden werden deterministisch orientierte Schneeschmelzmodelle mit unterschiedlichen Ansätzen untersucht. Dabei sollen einfache Modellansätze mit wenig Eingangsparametern detaillierten Ansätzen mit umfangreichen Datenmaterial gegenübergestellt werden und anschließend deren Vor- und Nachteile diskutiert werden.

- a) Einfaches Temperatur-Index Verfahren (Day-Degree)
- b) Erweitertes Temperatur-Wind-Index Verfahren
- c) Energiebilanzmodelle.

Die Güte der Simulationen oben erwähnter Modellansätze werden nicht sogleich im gewünschten Zusammenhang mit den gemessenen Schmelzwasserdaten stehen. Eine Analyse von Datenfehlern der Eingangsparameter und Sensitivitätsanalysen der freien Parameter sollen Meß- und Auswertefehler, sowie Modellstrukturfehler ausschließen und somit das Modell verbessern.

# 5.4.1 Temperatur-Index Verfahren

Die Lufttemperatur ist im allgemeinen ein guter Ansatz zur Berechnung des Schmelzwasseranteils der Schneedecke. Das "Gradtagverfahren" bezeichnet einen linearen Zusammenhang zwischen der Summe positiver Tagesmitteltemperaturen (Td) und dem Schmelzwasserabfluß (M) über längere Zeiträume (ZINGG 1951, DE QUERVAIN 1979).

$$M = A \cdot Td \tag{46}$$

Eine häufigere ingenieurhydrologische Anwendung (BERGSTRØM 1976, HARVERLEY et al. 1978: 646, TVEIT 1979) wird durch folgende empirische Formel ausgedrückt, die besonders für kurze Zeitabschnitte bis zu Stundenwerten besser geeignet ist:

$$M = CM \cdot (TL - TO)/n \tag{47}$$

- M Schmelzmenge (mm/Zeitintervall n)
- CM Gradtagfaktor
- TL Lufttemperatur °C
- TO Schwellentemperatur °C

Für die Schwellentemperatur werden verschiedene Basistemperaturen, abhängig vom Zeitintervall, von -1°C bis +0,6°C angenommen. Die Werte des Faktors CM liegen zwischen 1,5 und 7,0 mm/d und müssen für jedes Teilgebiet neu kalibriert werden. Wie auch für die folgenden Bilanzierungsverahren wurde dieser Day-Degree Ansatz mit den Schmelzkoeffizienten CM und TO durch Optimierung für die gesamte Schmelzperiode am Schneelysimeter berechnet. Für Tagesdaten wurde für CM = 5,0 mm/° C, TO = -0,4° C ermittelt. Die Optimierung der beiden Koeffizienten für die Zwei-Stunden Intervalle betragen CM = 0,42 mm/° C, TO =  $-0,4^{\circ}$ C. Die Werte für CM liegen etwas höher als vergleichbare Berechnungen für das Filefjell (BERG-STRØM 1976: 10) oder für den Rietholzbach. BRAUN (1985: 75) testete fünf Zeitperioden unterschiedlichen Typs (Advektions-, Strahlungswetterlagen) und erhielt CM-Werte von 1,8 bis 4,6 mm/d° C. Ursaschen der unterschiedlichen Ergebnisse von CM liegen einerseits an der Struktur des Einzugsgebietes Isdalen, andererseits liegen sie am klimatischen Einfluß. Eine alpine Schneedecke mit höherer Dichte schmilzt infolge intensiver direkter und an den Hängen reflektierter Strahlung stärker ab als im bewaldeten Rietholzbach. Die schneehydrologischen Untersuchungen im Filefjell Einzugsgebiet von 1967 bis 1974 (FURUMYR 1975) ergaben geringere Schneehöhen- und dichten und lassen deshalb auf einen niedrigen Schmelzratenindex schließen. Bei CORPS OF ENGINEERS (1956) und LANG (1966) werden für Gebirgslagen und offenes Gelände Schmelzkoeffizienten zwischen 4,2 und 10,0 angegeben.

Der berechnete Schneedeckenabfluß zeichnet in Abb. 32 die Lufttemperatur von Station Talmitte nach. Große Differenzen zum gemessenen Lysimeterabfluß entstehen an Tagen mit Niederschlag als Regen (22.5, 10.6.), an Tagen mit Strahlung (26.5., 27.5.) und an einem Tag (22.5.) mit hoher Windgeschwindigkeit. Alle genannten Tage sind hierbei keine für Lufttemperaturen charakteristischen Tage. Die hohen Werte des berechneten Abflusses zu Beginn werden durch den fehlenden Ansatz der Prozesse in der Schneedecke verursacht.

Der Day-Degree Ansatz wurde außerdem wie alle folgenden Verfahren für Schmelzraten im Zwei-Stunden Intervall angewandt (Anhang C1). Neben den schon im Tagesmittel beschriebenen Abweichungen von gemessenen und berechneten Abflüssen wird hier der Tagesgang des Lysimeterabflusses deutlich. Dieser Schneedeckenabfluß ist in der Regel durch ein tägliches Abflußmaximum gekennzeichnet und kann nur ungenau durch den Day-Degree Ansatz modelliert werden. Der Tagesgang der Lufttemperatur korreliert unzureichend mit dem Lysimeterabfluß. Abflußmaxima werden zum größten Teil nicht berücksichtigt und vom Modellansatz unterschritten. Genaue Ergebnisse der Regressionsanalysen aller Variablen sind in Kap. 5.5 und 5.6 aufgeführt.

## 5.4.2 Temperatur-Wind-Index Verfahren

Liegen in einem Einzugsgebiet neben Lufttemperatur und Niederschlagswerten noch Winddaten vor, so enthält die Formel die Windgeschwindigkeit mit je einem unabhängigen und einem abhängigen Parameter, die BRAUN (1985: 75) auch für den Rietholzbach anwendet:





SLY- Lysimeter (gem.) WAS- Schmelze (berech.)

.0

JUNE

5.0

MAY 

1-1

 $\mathbf{M} = (\mathbf{C}\mathbf{A} + \mathbf{C}\mathbf{B} \cdot \mathbf{u}) \cdot (\mathbf{T}\mathbf{L} - \mathbf{T}\mathbf{O}) / \mathbf{n}$ (48)

CA	windunabhängiger Parameter (mm/h)
CB	windunabhängiger Parameter (mm/h)

Auch bei diesem Ansatz liegt CA mit 4.0 mm höher als in vergleichbaren Arbeiten. Erwartungsgemäß ist der windabhängige Parameter CB mit 0,5 mm auf Grund der Topographie des Einzugsgebietes und der Freilandlage der Meßstation etwas geringer.

Das Produkt aus Lufttemperatur und Windgeschwindigkeit stellt bereits einen Ansatz zum Wärmetransport zur Schneedecke hin dar (KNAUF 1976: 39), dessen Übertragung in eine vollständige Bilanzgleichung dem fühlbaren Wärmestrom entsprechen würde.

#### 5.4.3 Energiebilanzverfahren

Eine erste Anwendung der Energiehaushaltsberechnung von Schneedecken erfolgte durch SVERDRUP (1936), wobei es sich allerdings nur um den fühlbaren Wärmestrom zwischen Schnee und Luft handelt. Eine Grundlage für schneehydrologische Forschung im Hinblick auf den Einfluß des Schnees in Landwirtschaft und Technik, sowie für hydrologische Abflußvorhersagen entstand beim U.S. CORPS OF ENGINEERS und dem U.S. WEATHER BU-REAU (1956). Nach zehnjähriger Schneeforschung in drei im Westen der U.S.A. gelegenen Einzugsgebieten lag eine umfassende Arbeit über Schneehydrologie vor.

Mit der Entwicklung der Datenverarbeitung wurde es möglich, physikalische Prozesse der Schneedeckenakkumulation und -ablation modellhaft durch mathematische Beziehungen nachzuvollziehen. Erste Schneedeckenmodelle, die den Energieaustausch an der Grenzschicht Luft-Schnee aus physikalischen und empirischen Betrachtungen aufstellten, wurden von ROCKWOOD (1964) und E.A. ANDERSON (1973) entwickelt. Speziell für forsthydrologische Zwecke wurden diese Modelle von LEAF & BRINK (1973) modifiziert.

Während einer weiteren Entwicklungsphase entstanden durch OBLED (1973), HUMPHREY & SKAU (1974), OUTCALT (1975) und ANDERSON (1976) vollständige Energiebilanzmodelle, in denen ein Energieaustausch während der Gefrierzeit und der Energiestrom durch die Schneedecke berücksichtigt wird. Hierbei setzt sich das Modell aus dem Energiehaushalt über der Schneeoberfläche und dem Energietransfer in der Schneedecke zusammen. Dabei wird die Schneedecke in einzelne Schneeschichten, gekennzeichnet durch Temperatur und Dichte, zerlegt. Die thermische Leitfähigkeit jeder Schicht wird in einer impliziten Finiten-Differenzen Form ausgedrückt, deren Gleichungen mit Hilfe der Newton-Raphson Iterationstechnik gelöst werden.

Obwohl diese vollständigen Modelle einen guten Überblick über Energiehaushaltsprozesse insgesamt liefern, zwingt doch die eigene Datengrundlage immer zu einer Auswahl eines geeigneten (einfacheren) Modells. Für praktische Anwendungen, besonders wenn es sich nicht nur um ein Punktmodell, sondern um ein Einzugsgebiet handelt, werden einerseits diese Schneemodelle zu komplex und andererseits fehlen meist die erforderlichen Meßdaten über und in der Schneedecke.

In vorliegender Untersuchung wurden Energiebilanzverfahren nach ANDERSON (1973), HOFMANN (1965), KUZ'MIN (1967), KNAUF (1976) und MALE & GRAY (1975) getestet. Von diesen wurden zwei Modellansätze mit jeweils unterschiedlichen Verfahren des latenten und fühlbaren Wärmestroms (vgl. 5.2.3) ausgewählt, die vorhandenen Parameter kalibriert und für Tages- und Stundendaten angewendet.

Bilanzgleichung I nach KNAUF (1976):

- (49)
- $= 0.003 \cdot (Qkw + Qlw + (AH + AE \cdot WS) \cdot ((TL -$ QM TS) +  $1.53 \cdot (ADL - ES)$ ) + RN  $\cdot$  TL) + Qg  $(W/m^2)$

Bilanzgleichung II nach HICKS & MARTIN (1972), MALE & GRAY (1975) (50)

$$QM = 0.003 \cdot (Qkw + Qlw + AH \cdot WS \cdot (TL - TS) + AE \cdot WS \cdot (ADL - ES) + RN \cdot TL) + Qg$$

Beide Gleichungen unterscheiden sich in den unterschiedlichen Ansätzen des latenten und fühlbaren Wärmestroms. Eine häufigere Anwendung, besonders im nordamerikanischen Bereich, findet Bilanzgleichung II, wobei immer die Koeffizienten für den Wärmetransport AH und AE für jede Schneehydrologische Untersuchung neu kalibriert werden müssen (Abb. 33). In GRAY & MALE (1981: 392) finden sich verschiedene Werte für die Wärmeübergangskoeffizienten. Die durch Optimierung nach Kap. 5.3 bestimmten Parameter AH, AE wurden sowohl für Tages- und Zweistundenwerte des gesamten Zeitraums der Schmelze am Schneelysimeter als auch für ausgewählte, kürzere Zeiträume erstellt (Tab. 9).

Die Tagesgänge des Schneedeckenabflusses am Lysimeter sind im Anhang C2 und C3 dargestellt und zeigen die Ergebnisse der Bilanzgleichungen, sowie den zeitlichen Verlauf der wichtigsten Komponenten Qkw, Qlw, Qh und Qe im Modell.

#### 5.5 Vergleich der Modellansätze mit Berechnung von Tageswerten

Der graphische Vergleich der Verfahren Day-Degree und Temperatur-Wind Index zeigt (Abb. 32), daß der zweite



Abb. 33: Empfindlichkeitsanalyse der Parameter AE, AH.

Ansatz besser den Schmelzwasseranteil bestimmt. Besonders zu den Zeiträumen mit hohen Windgeschwindigkeiten und geringer Strahlung wird eine höhere Anpassung erzielt (21.5., 22.5., 30.5., 20.6.), wobei allerdings am 23.6. wegen zusätzlicher hoher Lufttemperatur ein überhöhtes Ergebnis zustande kommt.

Tab. 9: Parameteroptimierung AH, AE über verschiedene Zeiträume

Zeitraum	Bilanzgleichung 2h-Wert Tageswert			I t	Bilanzgleichung II 2h-Wert Tageswert			[ 1.
	AH	AE	AH	AE	AH	AE	AH	AE
12.527.6.	2.2	1.6	33	19	2.2	11.8	23	79
15.520.5					1.5	4.0		
23.528.5.					4.0	8.0		
18.625.6.					3.4	9.1		

Die Ansätze der Bilanzgleichungen (Abb. 34) zeigen für den täglichen Schneedeckenabfluß einen ähnlichen Verlauf. Der Zeitraum der hohen Abflüsse vom 21.-26.5. birgt vermutliche Schwächen im Bilanzansatz, die einerseits durch den Zeitmaßstab hervorgerufen werden können, andererseits aber eher durch Umwandlungsprozesse innerhalb der Schneedecke begründet sind. Tage mit hoher Windgeschwindigkeit sind in Bilanzgleichung II stärker gewichtet als in Ansatz I. Insgesamt aber liegen die Abflußwerte im Ansatz I nach KNAUF um 15,6% höher. Die Summen der berechneten Schmelzraten sind in folgender Zusammenstellung verglichen worden (Tab. 10).

Der Beginn des Schneedeckenabbaus wird in den beiden Bilanzgleichungen nach dem empirischen Ansatz der Wasserabgabe der Schneedecke (vgl. 5.2.5) berücksichtigt. Somit wird der Anfang der Schneeschmelze erheblich besser modelliert als es bei den einfachen Ansätzen der Fall ist.

Bilanzgleichung II und das Temperatur-Wind-Index-Verfahren erzielen in vorliegender Schmelzperiode die beste Anpassung. Aus diesem Grund könnte es genügen, für einen Zeitmaßstab in Tageswerten nur Tagesmitteltemperaturen und mittlere tägliche Windgeschwindigkeiten für die Berechnung heranzuziehen.

# 5.6 Vergleich der Modellansätze mit Berechnung von zweistündlichen Werten

Die durch Temperatur-Index und Temperatur-Wind-Index Verfahren berechneten zweistündigen Schmelzraten zeigen einen ähnlichen Verlauf. Das Ergebnis einer einfachen Regressionsanalyse stellt die berechneten Abflußwerte aus Temperatur-Index (= DDEG) und Temperatur-Wind-Index (= TWIN) mit einer Korrelation von R = 0.96 in engen Zusammenhang und ergibt eine lineare Regressionsgerade von

$$TWIN = 0.0046 + 1.0097 \cdot DDEG$$
(51)

Im Gegensatz zu den Tageswerten ist hierbei erkennbar, daß unter Berücksichtigung von zwei meteorologischen Parametern beim Modellieren von Schneedeckenabflüssen im kleinen Zeitmaßstab kein verbessertes Ergebnis als mit dem Temperatur-Index Verfahren geliefert wird. Wie schon erwähnt, bleiben tägliche Abflußspitzen weitgehend unberücksichtigt. Die Korrelationskoeffizienten vom gemessenen Abfluß (= SLY) und DDEG, bzw. TWIN liegen mit

Tab. 10: Gemessene und berechnete Schmelzraten an der Lysimeterstation.

	SLY gemessen	Day-Degree	TempWind I	Bilanz I	Bilanz II
WAQ (cm)	105.31	94.70	103.29	94.04	108.71
in % von SLY		-10.1	-1.9	-10.7	+3.2







Abb. 34: Gemessene, berechnete tägliche Schneeschmelze an Lysimeterstation Isdalen (Energiebilanzverfahren I, II).

R = 0.58 und R = 0.64 recht dicht beieinander, zeigen aber eine große Streuung mit nicht erklärbaren Extremwerten im mittleren und oberen Bereich (siehe Anhang D1-D4).

Im Gegensatz zu den einfachen Ansätzen zeigen die Abbildungen im Anhang C2, C3 sehr deutlich, daß der Strahlungsanteil bedeutenden Einfluß am täglichen Abflußgang hat. Als Beispiele seien hier die Tagesgänge vom 28., 29.5. und 14., 16., 18., 20. und 21.6 genannt mit unterschiedlich hohen Einstrahlungswerten und guter Modellanpassung.

Abweichungen liegen hier in der unterschiedlichen Berechnung des latenten und fühlbaren Wärmestroms. Der fühlbare Wärmestrom (Qh) berücksichtigt in Bilanzgleichung II die meteorologischen Variablen TL und WS besser als in Ansatz I, wie die Korrelationsfaktoren in Tab. 11 verdeutlichen. Dazu erfährt die Windgeschwindigkeit als Hauptfaktor in Qh eine deutliche Gewichtung.

## Tab. 11: Korrelationskoeffizienten (R) meteor. Variablen -Wärmeenergiestrom im Meßzeitraum 12.5.-28.6.1981 am Schneelysimeter

	Bilanzgleichung I		Bilanzgleichung I	
	QH	QE	QH	QE
TL2	.80	.64	.68	.59
WS2	.61	.07	.72	.03
RF2	-	.31	-	.28

Obwohl die Korrelationen für den latenten Wärmestrom (Qe) in Bilanzgleichung I besser als in Gleichung II sind, ist die Streuung der Werte in Ansatz I groß. Nach Abb. D4 liefert Qe im Ansatz I ein Ergebnis mit geringen Abweichungen. Auch hier gehen die meteorologischen Variablen stärker in Gleichung II ein. Dies ist besonders auf den Parameter AE = 11.8 zurückzuführen, der wiederum den An-

teil der Windgeschwindigkeit und den Einfluß das Dampfdruckgefälles verstärkt.

Hier zeigt sich besonders die große Auswirkung der meteorologischen Variablen Luftfeuchtigkeit (RF) auf die gesamte Bilanzgleichung. Bei ungenauer Meßdurchführung und Datenauswertung ist die Gefahr methodischer Modellfehler groß. Um dem entgegenzuwirken, sollte man sensibler instrumentieren und detailliertere Messungen bei unterschiedlichen atmosphärischen Bedingungen vornehmen. Abschließend wird aber trotz großer Varianz von Qe im Ansatz II der latente Wärmestrom während der Lysimeterschmelze gut modelliert. Witterungsperioden mit mittleren Windgeschwindigkeiten und feuchten Luftmassen aus südwestlicher Himmelsrichtung (22.5., 22.6.-24.6.) und entgegengesetzt dazu Zeiträume mit trockenen Luftmassen aus nordöstlichen Richtungen (31.5., 2., 3., 17.6.) verdeutlichen die Zusammenhänge zwischen der Schneeschmelze, dem turbulenten Wasserdampftransport über einer rauhen Schneedecke und übergeordnet dem Witterungsablauf.

Ein Vergleich der Korrelationskoeffizienten in Tab. 12 zeigt, daß von den wichtigsten Schmelzparametern in Bilanzgleichung I besonders der kurzwellige Strahlungsanteil (Qkw) stärker in die Gleichung als bei Ansatz II eingeht. Qh und Qe haben in Bilanzgleichung II besseren Einfluß auf den berechneten Abfluß (Abb. 35) und tragen dazu bei, daß dieser Ansatz zum gemessenen Abfluß (SLY) einen Korrelationskoeffizienten von R = 0.81 erhält.

# 5.7 Anwendung der am Schneelysimeter kalibrierten Schmelzmodelle auf weitere Beobachtungspunkte im Einzugsgebiet

Ein weiterer Schritt zur räumlich-differenzierten Schneeschmelze ist die Anwendung der drei vorgestellten Schmelzmodelle auf weitere Punkte im Einzugsgebiet. Neben den vorhandenen meteorologischen Daten an den Sta-

Tab. 12: Korrelationskoeffizienten (R) Schmelzparameter - gemessener Abfluß (SLY) im Meßzeitraum 12.5. - 28.6.1981 am Schneelysimeter.

	Bilanzgleichung I	Bilanzgleichung II	Temperatur-Index	TempWind-Index
TL2	.46	.51	.92	.88
WS2	.38	.42	-	.34
Okw	.44	.29	-	-
Ôlw	.20	.26	-	-
Òh	.59	.67	-	-
Qe	.47	.64	-	-
AWSH	.76	.81	.58	.64
(berechn. Abfluß)				



Abb. 35: Summenlinien der Wasserabgabe am Schneelysimeter nach Bilanzgleichung IL.

tionen in 200 m, 900 m und 1400 m Höhe werden die schneedeckenspezifischen Meßwerte für die Berechnung vom Temperatur-Index, Temperatur-Wind-Index und das Bilanzierungsverfahren II benötigt. Schon Abb. 35 zeigte den Zusammenhang zwischen gemessenem Lysimeterabfluß und berechneter Schneedeckenablation. In Abb. 36 werden die Ergebnisse der gravimetrischen Wasseräquivalente und die Ergebnisse der Berechnungen mit Temperatur-Index, bzw. Temperatur-Wind-Index verglichen. Neben dem schon in Kap. 5.4 erwähnten verfrühten Einsetzen der Schmelze liefern diese letztgenannten Verfahren ab Mitte Juni zu geringe Schmelzraten. Dies führt besonders beim Temperatur-Index Verfahren zu einer verspäteten Ausaperung der Schneedecke, während gravimetrische Geländemessungen und Bilanzierungsverfahren den Zusammenhang besser beschreiben.

Die Anwendung der Schmelzmodelle auf die Schneemeßstellen in 900 m und 1200 m Höhe zeigen ein ähnliches Bild mit einem verfrühten Schmelzbeginn. Ab Mitte bis Ende Juni, zeitlich versetzt zur Lysimetersummenkurve, werden hauptsächlich durch das Temperatur-Index Verfahren mit zunehmender Geländehöhe erheblich geringere Schmelzraten berechnet. Im Gegensatz dazu liegen die berechneten Schmelzwerte an der Basistation etwas zu hoch und das Gebiet ist 4 bis 8 Tage früher schneefrei als im Gelände beobachtet.

An diesen wenigen Beispielen zeigt sich, daß es nicht ohne weiteres möglich ist, Schneemodelle und besonders den Temperatur-Index Ansatz in verschiedenen Höhenstufen eines Einzugsgebietes anzuwenden. In jedem Fall müßten freie Parameter neu überprüft werden. Das Energiebilanzverfahren erscheint hier auf Grund der Übereinstimmung mit den Geländemessungen für jeden Höhenpunkt im Untersuchungsgebiet am geeignetsten.

Nach der Wahl der Bilanzgleichung II wurden an den drei Schneemeßpunkten Basis (200 m), Talende (900 m) und Sauskardet Pass (1200 m) der Schnedeckenafluß für zweistündige Intervalle berechnet und zusammen mit den Meßwerten des Oberflächenabflusses der Pegel Strömseng, Isdal und Gletscher in Abbildung Anhang C 4-7 graphisch für die Monate Mai bis August dar gestellt. Die an den Meßstellen durchgeführten Bilanzverfahren zeigen im Vergleich zur Lysimeterstation die Spannweite der im Einzugsgebiet möglichen Schmelzraten.



Abb. 36: Gemessene und berechnete Ablationswerte ausgewählter Schneeprofile.

# 6. Verfahren zur räumlich differenzierten Schneedeckenschmelze

In Kapitel 2 wurde bereits der Maßstab des Geländemodells festgelegt. Nach DYCK (1978) liegt die Dimension des Raumes Isdalen im mittleren Maßstab. Eine Erweiterung des Modells auf regionale Ebene ist möglich. Die Dichte der Zeitschritte, im mittleren Maßstab auf Stundenwerte festgelegt, ist für die Aussage der tageszeitlichen Variation der Schneeschmelze ausreichend.

# 6.1 Grundlagen f ür die Übertragung der Me ßdaten auf das Einzugsgebiet

Als Voraussetzung einer Berechnung von zeitlich und räumlich differenzierten Schmelzraten werden die vorhandenen meteorologischen und schneespezifischen Daten der vier Meßstationen nach einfachen Extrapolationsverfahren auf den Raum übertragen. Die Höhenmatrix des Einzugsgebietes stellt dabei die Grundlage für die Umsetzung der Variablen Lufttemperatur, Relative Feuchte, Niederschlag, Albedo und Windgeschwindigkeit dar. Neben einer Höhenmatrix gibt es noch weitere raumspezifische Kenngrößen, die aber in einem Gebirgsraum mit großen Höhenunterschieden wie im Untersuchungsgebiet, geringer mit obenstehenden Variablen korrelieren. Exposition und Hangneigung wurden nur für die Berechnung des Strahlungsmodells (vgl. Kap. 4) und mit Einschränkungen für eine räumliche Übertragung der Schneetemperatur und des Wasseräquivalents der Schneedecke verwendet.

In großem Maße ändert sich die Lufttemperatur mit der Geländehöhe. Diese Tatsache wurde schon bei der Geräteinstallation berücksichtigt, indem die Meßstationen in 200 m, 550 m, 900 m und 1400 m aufgestellt wurden. Mit dieser Auswahl wurde auch versucht, einzelne Höhenzonen, wie die Baumgrenze unterhalb von 550 m und den Endbereich der Talböden oberhalb 900 m, abzugrenzen. Damit ergibt sich für diese Bereiche eine Aufstellung von drei verschiedenen Temperaturgradienten, deren Berechnung in zweistündlichen Intervallen erfolgt. Dieses über einen Tagesgang differenzierte Temperaturmodell gibt nicht nur die großen Temperaturunterschiede im unteren Talbereich und oberhalb von 900 m wieder. Es zeigt auch den Auf- und Abbau von stabilen Luftschichten, wobei der Temperaturgradient in der oberen Höhenzone des Isdalen zeitweise positive Werte annimmt.

Ähnlich berechnet wurden die Relative Feuchte, die Albedo und der Niederschlag. Das Problem der Trennung von Niederschlag als Regen und/oder Schneefall konnte dabei nur näherungsweise gelöst werden. Der Temperaturwert von +0,4° C für das Untersuchungsgebiet gibt den Grenzwert für beide Niederschlagsarten an. Die räumliche Erfassung der Windgeschwindigkeit stellt den größten Unsicherheitsfaktor für die Schneeschmelzberechnungen dar. Eine kontinuierliche Erfassung der Windgeschwindigkeit erfolgte nur an der Station Talmitte. Neben einzelnen Windmessungen mit einem Handanemometer an den übrigen Stationen und Ergebnisse von zwei Windmeßstationen einer früheren Meßperiode von Mai bis August 1979 (STÜVE 1980) wird eine Zunahme der Windgeschwindigkeit mit der Höhe festgestellt. Bezogen auf die Windmessungen in 550 m Höhe lautete der Ansatz:

 $WSX = WS2 \cdot (HNN/550)^{0.4}$  (m/s) (52)

WS2Windgeschwindigkeit Station TalmitteWSXWindgeschwindigkeit über Höhe HNN

Geländespezifische und zeitlich begrenzte Luftströmungen, wie Tal- und Hangabwinde oder das zusätzliche Auftreten von gegenläufigen Strömungen wie Quer- und Bergwinde können wegen nicht vorhandener Messung und der großen Komplexität nicht berücksichtigt werden. Einen kleinen Anhalt für ein räumlich und tageszeitlich variierendes thermisches Windsystem im Untersuchungsgebiet bietet das oben beschriebene Temperaturfeld. Für diesen speziellen Fall der Entwicklung von Schönwetterwindsystemen liegen einerseits Modellsimulationen von ULRICH (1982: 153) vor, andererseits wurden damit im Dischmatal die Energiebilanzen flächenmäßig erfaßt (HENNEMUTH & KÖH-LER 1984: 97). Für die kontinuierliche Berechnung der Energiebilanzen für eine Schmelzwasserproduktion kommen diese Sonderfälle nicht in Betracht.

Von Bedeutung für den Beginn der Schneedeckenschmelze sind die Verhältnisse innerhalb der Schneedecke. An den Schneemeßstellen wurde neben anderen Parametern (vgl. Kap. 3) die Schneedeckentemperatur in regelmäßigen Zeitabständen erfaßt. Sie kennzeichnet mit dem Erreichen von 0° C die "reife Schneedecke" und steuert in Abhängigkeit von Höhe und Hanglage den Beginn der Schneedekkenablation.

In ähnlicher Abhängigkeit steht auch das Wasseräquivalent der Schneedecke. Vorliegende Messungen zeigen neben der Zunahme des Wasseräquivalents mit der Geländehöhe auch indirekt eine Änderung mit der Hangneigung. Eine geringere Schneedichte wurde im Bereich der Birkenwaldzone und an Hangfüßen registriert, während hohe Schneedichten an den Hängen selbst und auf den Hochflächen gemessen wurden. Für die Schmelzberechnung der Schneedecke wurde aus diesen Ergebnissen die Wasserabgabe bis 400 m Höhe kontinuierlich, für Höhen über 1000 m spät und kontinuierlich und für Akkumulationsbereiche stark verzögert und kräftig einsetzend berechnet. Die genaue Berechnunsgrundlage befindet sich im Unterprogramm BI-LANZ (Anhang F3).

Geländehöhe 400 m - 1000 m, Hangneigung < 14°:  
WAX = 
$$(1 - EXP-(SD \cdot 2,0)10)$$
 (54)

Geländehöhe 400 m - 1000 m, Hangneigung > 14°:  
WAX = 
$$(1 - EXP-(SD \cdot 2.22)10)$$
 (55)

Geländehöhe 1000 m: WAX =  $(1 - EXP-(SD \cdot 2.12)10)$  (56)

WAX	Wasseräquivalent (cm) über Höhe NN
SD	Schneedichte (g/cm <sup>3</sup> )

# 6.2 Temperatur-Index im Einzugsgebiet

Der Schmelzprozeß für den Temperatur-Index Ansatz wurde mit dem in Kap. 6.1 vorgestellten Temperaturgradientenverfahren durchgeführt. Ausgangslage für diese und folgende Berechnungen ist immer der Beginn der Schmelzperiode Anfang Mai mit den dazugehörigen Schneedeckenwerten (vgl. 3.2.2 und Anhang A2). Beispiele von 5-Tagessummen des Wasseräquivalents gibt die Abb. 37 wieder. Diese dreidimensionale Darstellung zeigt den Beginn der Schmelze ab 7.5.81 im unteren Talbereich, die sich anschließend in der zweiten 5-Tagesperiode ab 12.5. im ganzen Einzugsgebiet durchsetzt. Nur die Hochlagen oberhalb 1300 m liefern geringe Schmelzraten. Der Vorteil einer differenzierten Temperaturberechnung wird an der Schmelzperiode ab 17.5. deutlich.

Geringe Unterschiede der Schmelzraten aller Höhenbereiche lassen auf stabile Luftschichten schließen, wobei der bis in 900 m Höhe reichende Teil des Isdalen eine andere Temperaturcharakteristik hat, als die Hochlagen. An Strahlungstagen ist während der späten Nachtstunden und des Vormittags zwischen den Höhen von 200 m und 900 m eine leichte Temperaturinversion von  $+0,12^{\circ}$  C/100 m festzustellen. Über die Mittagsstunden baut sich diese stabile Schichtung wieder ab und es entsteht ein mittleres Temperaturgefälle von  $-0,44^{\circ}$  C/100 m, das an einzelnen Nachmittagen sogar fast überadiabatische Werte von  $-0,88^{\circ}$  C erreicht. Einen großen Einfluß an dieser Situation hatte neben der herrschenden Hochdruckwetterlage (Hochdruck über Nordfinnland) die Strahlung, durch die die höher gelegenen Gebiete früher erwärmt werden.

Die zwischen 900 m und 1400 m Höhe gelegenen Geländeteile zeigen dagegen während des späten Nachmittags und der frühen Nachtstunden einen schwach positiven Gradienten von +0,1° C/100 m. Zur übrigen Tageszeit ist ein geringes Temperaturgefälle von 0,1° bis -0,2° C/100 m vorhanden.

Beispiel (D) in Abb. 37 zeigt das Schmelzverhalten zur zweiten typischen Witterungssituation mit wechselnder oder dichter Bewölkung. Eine gleichmäßige Abnahme der Schmelzwerte mit der Höhe ist die Folge.

Die Entwicklung der Schneedeckenablation verdeutlichen die Karten im Anhang E 1-4. Zum 16. Juni 81 ist noch der Einfluß der Hangneigung auf die Schneedecke sichtbar, während mit fortschreitender Höhenverlagerung der Schneegrenze bis zum 4. August die Isolinien gleichen Wasseräquivalents ähnlich der den Höhenlinien verlaufen.

# 6.3 Temperatur-Wind-Index im Einzugsgebiet

Das auf das gesamte Einzugsgebiet angewandte Temperatur-Wind-Index Modell zeigt ähnliche Charakteristika wie das einfachere Temperatur-Index Modell. Die 5-Tagessummen des Schmelzwasseräquivalents liefern während der Schmelzperiode ab 12. Mai höhere Werte auf den über 1200 m gelegenen Geländeteilen. Ebenso zeigen auch die unteren Talbereiche bis 600 m wenig differenzierende Schmelzraten als beim Temperatur-Index Modell. Hier liegen also um Mitte Mai die Werte der Schmelzraten beider Modelle dicht beieinander (Abb. 38). Obwohl das Temperatur-Wind-Index Verfahren am Schneelysimeter besser abschneidet als das einfache Temperaturmodell, zeigt es doch nach der Übertragung auf den gesamten Raum des Einzugsgebietes zu hohe Werte. Ursache dafür sind die in diesem Zeitraum hohen Windgeschwindigkeiten.

Während die Schmelzsituation zum 16.6.81 (siehe Anhang E5-E7) noch vergleichbare Werte zur gemessenen Schneedeckenaufnahme (Anhang A3) liefert, zeigen folgende Karten eine schnelle Abnahme der Schneedecke. Von Juli bis August schrumpft die Schneedecke nur noch auf einige Schneereste mit geringer Mächtigkeit zusammen. Nach den Schneedeckenaufnahmen im Gelände liegen diese berechneten Schmelzraten zu hoch.

## 6.4 Energiebilanz mit Gelände- und Strahlungsmodell

Ein weiterer Schritt zur räumlich differenzierten Schneedeckenablation ist die Anwendung des Energiebilanzmodells II mit dem Gelände- und Strahlungsmodell (Anhang E7-E11).

Die nach Abb. 39 a und b sichtbar verzögerte Schneedekkenschmelze liefert im Gegensatz zu den vorangegangenen einfachen Modellen eine weitaus bessere Übereinstimmung mit den gemessenen Schneedeckenwerten. Entgegen den Berechnungen der Temperatur-Index und Temperatur-Wind-Index Verfahren fand bis zum 14. Mai 1981 am













Schneelysimeter, sowie auf den höher gelegenen Geländeteilen, noch gar keine Schmelze statt.

Mit einsetzendem Tauwetter in allen Höhenbereichen (Abb. 39 c und d) ab 17.5.81 zeigt sich nun am Energiebilanzmodell eine wesentlich differenziertere Schmelzsituation. Die Ursachen dafür sind unterschiedliche Strahlungseinflüsse während der Tagesgänge und im Verlauf der bis in den August andauernden Schmelzperiode, sowie die Beeinflussung der Geländebeschattung. Steile, zwischen 15° und 30° geneigte und nach Ost-Süd-West orientierte Hänge verzeichnen bis Mitte Mai einen höheren Schmelzanteil als die übrigen gen Nord exponierten Hanglagen. Dieser Unterschied wird allerdings im weiteren zeitlichen Verlauf (vgl. 4.3.5) ausgeglichen und niedrige Ablationswerte finden sich dann nur in Tälern und Karen. Obwohl wegen der Höhenlage mit dem fühlbaren und latenten Wärmesaldo höhere Werte erreicht werden, macht sich hier besonders der strahlungsvermindernde Einfluß der Horizontabschattung bemerkbar (Abb. 39 c).

Am Beispiel der Abb. 40 wird die Differenz der Schneedeckenablation des Strahlungstages 24.5.81 zwischen einfacher Energiebilanzierung und dem vollständigen Energiebilanzmodell mit Horizontabschattung dargestellt. Dabei sind oben genannte Unterschiede erkennbar. In strahlungsungünstigen Tallagen (z.B. Meßpunkt Saeter) treten allein durch die Abschattung bis zu 18,5% geringere tägliche Schmelzraten auf. Die Abbildung zeigt auch, daß neben Tälern und den Karen besonders Hangfußbereiche in hohem Maße beschattet werden und somit die Notwendigkeit der Kombination von Geländemodell und Strahlungsmodell für differenzierte räumliche Aussagen verdeutlicht.

Die Abnahme der Schneedecke im Untersuchungsgebiet veranschaulicht an den Abbildungen im Anhang E7 - E11 ebenfalls ein differenziertes Bild. Nach einer verzögerten Schmelze Anfang Mai verzeichnen mit dem Bilanzmodell Hanglagen geringe Schneemächtigkeiten. In den Tallagen, besonders im Bereich oberhalb von 700 m, wurden dagegen höhere Wasseräquivalente der Schneedecke errechnet. Diese Situation wird mit fortschreitender Schmelzperiode am 5.7.81 noch deutlicher. Zu diesem Zeitpunkt wurde an keinem Meßpunkt im Gelände ein Schneedeckenwert von über 100 cm WAQ gemessen. Nach der Modellrechnung liegen ebenfalls alle Werte unter 100 cm WAQ.

Gegen Ende der Schmelzperiode sind nur noch Schneedekkenreste geringer Mächtigkeit vorhanden, die in verschiedenen Höhenlagen, abhängig von der Ausgangsschneedecke und dem gelände- und strahlungsbedingten Schmelzprozeß, übrig geblieben. So sind im oberen Teil des Lang-



Abb. 40: Differenz der Schneedeckenablation des Strahlungstages (24.5.), Bilanzansatz mit/ohne Abschattung.

		Räumlicher	Aspekt (Einzugsge	ebiet)
		Punktuell	Flächendeck	end
			Gesamtfläche	Rasterfläche
	Tages- ervalle	Einfaches Modell Day- Degree	Ergebnisse über- tragbar auf Ge- samtgebiet	
k t	tervalle	Day- Degree oder Temper. – Wind- Index	Ergebnisse mit Einschränkungen übertragbar (ge- birgige Einzugs- gebiete ungeeign.)	
Zeitlicher Aspe	Tagesin	Energiebilanz- ansätze	Ergebnisse liefern keine bessere Mo- deilierung	
	ntervalle	Temp Index, Temp Wind- In- dex zeigen Schwä- chen in der Mo- dellierung der Tageslänge	Auf Grund der hohen zeitlichen Auflösung vergrößern sich die im Punktmodell ent- standenen Fehler	Auch gebietsspezi- fische Berechnungen mit Einbeziehung der Geländehöhe liefern kein besseres Ergeb- nls
	Stundeni	Energiebilanz- ansätze	Morphologische Un- terschiede ergeben Variation in der Strahlung. Unge- naues Ergebnis	Modellansatz macht die Anwendung von Gelände- und Strah- lungsmodell notwen- dig

Tab. 13: Räumlicher und zeitlicher Aspekt für die Wahl der Schneeschmelzmodelle.

fossbree in 950 m Höhe, an den Osthängen vom Snöhetta, am Vesleklettan Nord und an den Nordhängen vom Isberget Schneereste anzutreffen. Ebenso finden sich Schneereste am ostexponierten Hang des Sauskard Eisfeldes und an Hängen unterschiedlicher Exposition, sowie in Mulden und Sätteln von Riepecokka und Vesleklettan Süd. Dieses Ergebnis entspricht den tatsächlichen Schneeresten im Einzugsgebiet im Herbst 1981.

# 6.5 Vergleich der Modellierung der Schneedeckenablation: Punktmodell - Gebietsmodell für subpolare Einzugsgebiete

Umfang und Art der Ergebnisse schneehydrologischer Berechnungen stehen in Abhängigkeit der Anwendung von Modellen unterschiedlicher Komplexität. Der für Wasserhaushaltsberechnungen notwendige Teilbereich Verdunstung wurde nicht berücksichtigt, da für subpolare Räume Verdunstungswerte über Schneedecken nur sehr geringe Beträge liefern.

Da nicht ohne weiteres punktuelle Aussagen auf ein Einzugsgebiet extrapoliert werden können, sind räumliche und zeitliche Aspekte bei der Wahl von Schneeschmelzmodellen ausschlaggebend. Ein einfacher Day-Degree Ansatz mit Tagesmittelwerten der Lufttemperatur, an einem Punkt im Einzugsgebiet gemessen oder gar von einer außerhalb gelegenen Station übertragen, kann nur für große Zeitperioden (Tage, Wochen) gebietsspezifische Ergebnisse liefern (Tab. 13). Dabei bleiben Aussagen über Teilräume unberücksichtigt.



Abb. 41: Differenz der Modellansätze BILANZ II - TWIN am 16. Juni 1981.

Sollen Schmelzraten in hoher zeitlicher Auflösung ( $\leq 1$  h) berechnet werden, so sind schon einfache Modelle wegen der unterschiedlichen Tagesgänge nicht mehr ausreichend. Ein komplexeres Modell unter Einbeziehung der Strahlung genügt somit den Anforderungen an einem Punkt. Auf Grund der in einem gesamten Einzugsgebiet auftretenden Varianz einzelner meteorologischer Parameter (Lufttemperatur, Windgeschwindigkeit) und der unterschiedlichen Bestrahlung einzelner Geländeteile ist die Übertragung eines Energiebilanzansatzes vom einzelnen Meßpunkt auf die Gesamtfläche nicht mehr möglich. Mit Hilfe des digitalen Geländemodells und einer Berechnung der Strahlung für jede Rasterfläche wird der Strahlungsanteil in einem Einzugsgebiet ohne zusätzliche Geländearbeit durchgeführt. Hierbei sollte die Größe der Teilflächen 0,07 km<sup>2</sup> nicht überschreiten, da sonst bei der Strahlungsberechnung zu große Ungenauigkeiten entstehen würden.

Am Beispiel der Abb. 41 werden die Unterschiede zwischen dem Bilanzmodell II und dem Temperatur-Wind-Index Modell zum Zeitpunkt des Gebietswasseräquivalents am 16.7.81 gegenübergestellt. Neben dem Wärmesaldo treten Differenzen hauptsächlich wegen des Strahlungseinflusses auf. Die schraffierten Flächen (SE-S-SW-Hänge, Hochflächen) bedeuten hierbei eine vom Bilanzmodell errechnete höhere Abnahme WAQ als die vom Temperatur-Wind Modell. Niedrigere Schmelzraten errechnen sich nach dem Bilanzmodell bis Mitte Juni im Hochtal vom Langfossbree, in beiden Karen Geiteryggvatn und Sauskardet und an einigen Hangflächen des Haupttals.

# 7. Übertragung auf benachbarte wasserwirtschaftlich relevante Einzugsgebiete

In den beiden in der Nähe liegenden wasserwirtschaftlich genutzten Einzugsgebieten Altevatn und Skjomen(Båtsvatn (südl. Narvik) wird das Gebietswasseräquivalent aus dem Mittelwert der einzelnen Schneemeßstellen errechnet. Die Auswahl der Schneemeßstellen erfolgt nach festgelegten Kriterien (nach NVE) wie:

- gleichmäßige Verteilung über Einzugsgebiet
- Vermeidung von Me
  ßstellen mit ung
  ünstigen Windbzw. Gel
  ändeverh
  ältnissen
- brauchbare Meßstellen sind große Flächen
- der Wert der Schneemächtigkeit errechnet sich aus 15 bis 20 Messungen im Umfeld der Meßstelle von 50 bis 100 m.

Es bedarf einer guten Geländekenntnis, um Meßfehler gering zu halten. Allerdings reichen oben genannte Vorschriften nie aus, um räumliche Aussagen über den Schneespeicher zu machen. Neben nicht vorhandener Analyse von topographischen und morphometrischen Parametern wurde in obengenannten Einzugsgebieten eine repräsentative Verteilung der Meßstellen auf die Gebietshöhe nur in Ansätzen vorgenommen. So ist es kaum möglich, die Gebietsschneedecke mittels hypsographischer Kurve für Teilflächen zu analysieren.

Im 1351 km<sup>2</sup> großen Altevatn Einzugsgebiet (Abb. 1 und 42) mit einer Höhendifferenz von 1150 m sind die 32 Schneemeßstellen nur in den Höhen zwischen 490 m und 1000 m verteilt. Diese Höhendifferenz von 610 m entspricht nur der Hälfte der gesamten Gebietshöhe. Areale von 1000 m bis 1640 m Höhe bleiben unberücksichtigt. Noch lückenhafter, bezogen auf die Gebietshöhe, ist die Verteilung der Schneemeßstellen im Skjomen/Batsvatn Einzugsgebiet. Hier reichen die Schneemessungen bis zu einer Höhe von 930 m. Somit können nur 35% der gesamten Gebietsfläche für Schneemessungen als repräsentativ angesehen werden, da 65% des Areals zwischen 940 m und 1740 m hoch liegen.

Eine flächenhafte Geländeaufnahme topographischer und morphometrischer Parameter wäre hier als erster Schritt notwendig, um zunächst einzugsspezifisch repräsentative Schneemeßstellen zu erhalten. Eine Auswahl von Schneerouten geben als weiteren Schritt Auskunft über Schneebedeckung an Hängen. Auch bei diesen Einzugsgebieten sollte dann mit den vorliegenden Meßergebnissen nach Formel (4) (vgl. 3.2.2) verfahren werden. So erhielte man einen ersten Zusammenhang zwischen Gebietshöhe und dem Wasseräquivalent der Schneedecke für verschiedene Zeiträume.

Da es sich hier um Einzugsgebiete der Energiewirtschaft handelt, wäre die Anwendung der Schneedeckenaufnahme nach TVEIT (1980) sinnvoll. Eine topographisch-morphometrische Aufnahme würde dann einer weiteren Benutzung



Abb. 42: Gebietswasseräquivalente Altevatn, Skjomen 1981.

für räumlich-zeitliche Bilanzmodelle zur Verfügung stehen. Auf dieser Grundlage wäre die Anwendung des Strahlungsmodells zur Durchführung des Energiebilanzmodells möglich. Voraussetzung für gesicherte Aussagen sind allerdings mindestens zwei Klimastationen, um die Variabilität der meteorologischen Parameter zu erfassen.

# 8. Quellenverzeichnis

- AAMS, S., FOSSDAL, M., WINGARD, B., KILLINGTVEIT, A. & FJELD, M. 1977: Hydrologiske modeller ved drift av kraftverk. - Inst. for vassbyggning: 12-27, Trondheim.
- AMBACH, W. 1958: Untersuchungen des Energiehaushalts und des freien Wassergehalts beim Abbau der winterlichen Schneedecke. - Archiv. Meteor., Geophys., Bioklimatol., Ser. B, 14 (2): 148-160, Berlin.
- AMBACH, W. & MARKL, G. 1983: Untersuchungen zum Strahlungshaushalt in der Akkumulationszone des Grönländischen Inlandeises. - Expedition Glaciologique Internationale au Groenland, Vol. 4, No. 6 (1967-1968): 1-61, Köbenhavn.
- ANDERSEN, T. 1973: Metodikk for snömalinger. Norges Vassdrags og Elektrisitetsvesn, 1 (73): 1-29, Oslo.
- ANDERSEN, T. 1978: Snöhydrologi ved hydrologisk avdeling (NVE). - Vannet i Norden, 4: 70-74, Lund.
- ANDERSEN, T. 1982: Operational snow mapping by satellites. -Hydrol. Aspect of Alpine and High Mountain Areas. Proc. Exeter Sympos., IAHS Publ., 138: 149-154, Paris.
- ANDERSON, E.A. 1973: Snow accumulation and ablation model. - NOAA Techn. Mem. NWS Hydro, 17: 1-217, Silver Spring, Md.

- ANDERSON, E.A. 1976: A point energy and mass balance model of a snow cover. - NOAA Techn. Rep. NWS, 19: 1-150, Silver Spring, Md.
- ANDERSON, H.W. 1968: Snow accumulation as related to meteorological, topographic and forest variables in Central Sierra Nevada, California. - Bull. IASH, 76: 215-224, Gentbrugge.
- The ASTRONOMICAL ALMANAC 1981: Data for astronomy, space sciences. - U.S. Government Printing Office. Washington D.C.
- ATLAS OVER BREER I NORDSKANDINAVIA 1973: Norges Vassdrags- og Elektrisitetsvesen. - Meddelse, 22: 163-165, Oslo.
- BERAN, M.A. 1982: Hydrology and automatic cartography. -Cartographica, 19 (2): 56-61, London.
- BERGAN, J. 1974: Varmeklimaet i forskjellige hoydesoner under bjorkeskoggrensa i Troms. - Medd. Norsk Inst. Skogforskning, 31 (8): 332-353, Ås.
- BERGSTROM, S. & JONSSON, S. 1976: The application of the HBV runoff model to the Filefjell research basin. - Sveriges meteorologiska och hydrologiska institut Rapp., Hydrologi och Oceanografi, RHO 5: 1-20, Norrköping.

- BOLLMANN, J. 1984: Stand und Entwicklung der computergestützten Kartographie an der Freien Universtät Berlin, Fachrichtung Kartographie. - Int. Jahrb. Kartogr., 24: 39-47, Bonn-Bad Godesberg.
- BOLSENGA, S.J. 1964: Daily sums of global radiation for cloudless skies. - U.S. Army Cold Regions Research and Engineering Laboratory Res. Rep., 160: 1-34, Hanover, New Hampsh.
- BRASSEL, K. 1983: Grundkonzepte und technische Aspekte von geographischen Informationssystemen. - Int. Yearbook Cartography, 23: 31-52, Bonn-Bad Godesberg.
- BRAUN, L.N. 1985: Simulation of snowmelt-runoff in lowland and lower Alpine regions of Switzerland. - Züricher Geogr. Schr., 21: 1-166, Zürich.
- BRUNT, D. 1952: Physical and dynamical meteorology. 1-428, Cambridge.
- CALIFORNIA COOP. SNOW SURVEYS 1976: Snow sensor evaluation in the Sierra Nevada, California. - State of California, Dep. of Water Resources, 1-55.
- CAVADIAS, G. & MORIN, G. 1985: The combination of simulated discharges of hydrological models. Nordic Hydrol., 17: 21-32, Lyngby.
- COLBECK, S.C. 1975: A theory for water flow through a layered snowpack. - Water Resources Res., 11 (2): 261-266, Richmond.
- DECOURSEY, D.G. & SNYDER, W.M. 1969: Computer-oriental method of optimizing hydrologic model parameters. - J. Hydrol., 9: 34-56, Amsterdam.
- DET NORSKE METEOROLOGISKE INSTITUTT 1962: Kurs for driftsingenörer ved vannkraftverker: Meteorologisk Institutts kart over nedbören i Norge i snöakkumuleringssesongen og deres bruk til beregning av netto snomagasin. - 1-11, Oslo.
- DET NORSKE METEOROLOGISKE INSTITUTT 1981: Kart over nedboren i snoakkumuleringssesongen 1980/81 i prosent av normalt. - 1-2, 5 Kartenbeil., Oslo.
- DET NORSKE METEOROLOGISKE INSTITUTT 1981: Kart over tidspunktet for snoakkumuleringens begynnelse 1980/81. - 1-2, 5 Kartenbeil., Oslo.
- DOZIER, J. 1978: A solar radiation model for a snow surface in mountainous terrain. - CRREL Proc. of modeling of snow cover runoff: 144-153, Hanover, New Hampsh.
- DOZIER, J. 1980: A clear-sky spectral solar radiation model for snow-covered mountainous terrain. - Water Resources Res., 16 (4): 709-718, Richmond.
- DYCKS, s. (Hg.) 1978: Angewandte Hydrologie. Teil 2. 1-544, Berlin.
- EIDGENÖSSISCHES INSTITUT FÜR SCHNEE- UND LAWI-NENFORSCHUNG (SLF) 1949: Winterberichte "Schnee und Lawinen in den Schwizeralpen". - 6-27, Bern.
- ENDERS, G. 1976: Schattenkartierung als Grundlage f
  ür forstliche Planung im Alpenpark K
  önigssee. - Forstwiss. Centralbl., 95: 180-186, Hamburg.
- ESCHER-VETTER, H. 1980: Der Strahlungshaushalt des Vernagtferners als Basis der Energiehaushaltsberechnung zur Bestimmung der Schmelzwasserproduktion eines Alpengletschers. - Münchener Univ. Schrf., Fachb. Physik, Wiss. Mitt., 39: 1-115, München.
- FÖHN, P.M. 1973: Short-term snow melt and ablation derived from heat- and mass-balance measurements. J. Glaciol., 12 (65): 275-289, Cambridge.
- FURUMYR, S. & TOLLAN, A. 1975: Resultater og erfaringer av snoundersokelser i Filefjell representative omrade 1967-1974.
  Den Norske komite for IHD, sekretariatet ved. NVE: 1-62, Oslo.
- GARSTKA, W. 1964: Snow and snow survey. In: CHOW, V.T. (Hg.): Handbook of applied Hydrology, Sec. 10: 1-57, New York.
- GEORGI, J. 1951: Abschirmung eines Pyranometers gegen direkte Sonnenstrahlung. - Geofis. pura e appl., 20: 1-62.

- GIETL, J. 1983: Gelände- und Insolationskarten f
  ür das Gebiet des Nationalparks Bayerischer Wald. - Forstwiss. Centralbl., 93: 74-85, Hamburg.
- GOODISON, B.E. 1978: Comparability of snowfall and snow cover data in a southern Ontario basin. - CRREL Proc. of modeling of snow cover runoff: 34-43, Hanover, New Hampshire.
- GOTTLIEB, L., JENSEN, R.A. & JORGENSEN, G.H. 1980: Development of a snow routine and application to runoff simulation. - Uppsala Univ. Naturgegr. Inst. (UNGI) Rapp., 52: 67-82, Uppsala.
- GOTTSCHALK, L. & KRASOVKAIA, I. 1980: Computer based mapping of comprehensive hydrological Information. - Uppsala Univ. Naturgeogr. Inst. Rapp., 52: 59-76, Uppsala.
- GRAY, D.M. & MALE, D.H. 1981: Handbook of Snow. Principles, Processes, Management and Use. - 1-111, Toronto.
- HAÉFELI, R., BADER, H. & BUCHER, E. 1939: Das Zeitprofil, eine graphische Darstellung der Entwicklung der Schneedecke. - Beitr. Geol. Schweiz, Geotechn. Ser., Hydrol., 3: 5-17, Bern.
- HAMBERG, A. 1907: Die Eigenschaften der Schneedecke in den Lappländischen Gebirgen. - Naturwiss. Unters. des Sarekgebirges, Bd. I, Abt. III, Lief. 1: 1-68, Stockholm.
- HASHOLT, B. 1972: Random sampling technique in measuring snow-water equivalent in a drainage basin. - Proc. of Banff Symposia 1972, 1: 680-687, Paris.
- HAVERLY, B.A., WOLFORD, R.A. & BROOKS, K.N. 1978: A comparison of three snowmelt prediction models. - Proc. of the Western Snow Conference, Fort Collins, Col.: 1-11, Otter Rock, Oregon.
- HENNEMUTH, B. & KÖHLER, U. 1984: Estimation of the Energy Balance of the Dischma Valley. Arch. Meteor., Geophys., Bioklimatol., Ser. B, 34: 97-119, Berlin.
- HERRMANN, A. 1973: Entwicklung der winterlichen Schneedecke in einem nordalpinen Niederschlagsgebiet. Schneedeckenparameter in Abhängigkeit von Höhe ü. N.N., Exposition und Vegetation im Hirschbachtal bei Lenggries im Winter 1970/71. - Münchener Geogr. Abh., 10: 1-84, München.
- HERRMANN, A. 1978: Schnechydrologische Untersuchungen in einem randalpinen Niederschlagsgebiet (Lainbachtal bei Benediktbeuren/Oberbayern). - Münchener Geogr. Abh., 22: 1-136, München.
- HICKS, B.B. & MARTIN, H.C. 1972: Atmospheric turbulent fluxes over snow. - Boundary-Layer Meteorol., 2: 496-502.
- HOFMANN, G. 1965: Zum Abbau der Schneedecke. Archiv. Meteorol., Geophys., Bioklimatol., Ser. B, 13: 1-20, Wien.
- INGEBO, P.A. 1955: An Instrument for measurement of the density of plant cover over snow course points. - Western Snow Conf. Proc. of the 23. ann. meeting, RS. 88, 92: 26-28.
- KASER, G. 1982: Measurement of evaporation from snow. Arch. Meteorol., Geophys. Bioklimatol., Ser. B, 30: 333-340, Berlin.
- KILLINGTVEIT, Å. 1977: Korreksjon av nedbordata. Del 1: Litt teori og en del utforte undersokelser. - Prosj. Hydrologiske Prognosemodeller-Delrapport V B 1-78-5, Inst. for Vassbyggning. NTH Trondheim: 1-18, Trondheim.
- KNAUF, D. 1976: Die Abflußbildung in schneebedeckten Einzugsgebieten des Mittelgebirges. - Inst. f. Hydraulik u. Hydrologie d. TH Darmstadt, Techn. Ber., 17: 1-155, Darmstadt.
- KONDRAT'YEV, K. (Hg.) 1969: Radiation in the atmosphere. -Intern. Geophys. Ser., 12: 377-473, New York.
- KRAVTSOVA, V. 1972: Map of snow depth in Norway. Norsk Geogr. Tidskr., 26: 17-26, Oslo.
- KUHN, M. 1984: Physikalische Grundlagen des Energie- und Massenhaushalts der Schneedecke. - Schneehydr. Forsch. Mitteleuropa. DVWK Mitt. Dt. Verb. Wasserwirtsch. u. Kulturbau e.V., 7: 5-56, Bonn.
- KUNZ, S. 1983: Anwendungsorientierte Kartierung der Besonnung im regionalen Maßstab. - Geographica Bernensia, G 19: 1-87, Bern.

- KUZ'MIN, P.P. 1967: Snowmelt and water yield from snow cover. - Floos and their computation. Vol. 2. IAHS Proc. of the Leningrad Symp. 1967: 591-597, Gentbrugge.
- LEMMELÄ, R. 1971: Snow melt and water yield from snow cover. - Snötacering. Nordiskt expertmöte, Lammi. Nordic IHD Rep., 1: 80-95, Oslo.
- LEMMELÄ, R. & KUUSISTO, E. 1974: Snowfall measurements using different methods. - Vannet i Norden, 1 (74): 3-7, Lund.
- LUNDQUIST, D. 1981: Snömodellstudier i Dyrdalen. Norsk Hydrologisk Komite, Intern. Rapp., 5: 1-27, Oslo.
- MAKKONEN, L., RYDER, P. & KEMP, A.K. 1981: The heat balance of wet snow. - Meteorol. Magazine, 110: 82-84, London.
- MALE, D.H. & GRAY, D.M. 1975: Problems in developing a physically based snowmelt model. Canad. J. Civ. Eng., 2: 474-488.
- MALE, D.H., & GRANGER, R.J. 1978: Energy maxx fluxes at the snow surface in a prairie environment. - CRREL Proc. of modeling of snow cover runoff: 101-124, Hanover, New Hampsh.
- MANIER, G. & FUCHS, H. 1978: Bestimmung der direkten Sonnenstrahlung und der diffusen Himmelsstrahlung aus synoptischen Wetterbeobachtungen. - Meteorol. Rdsch., 31 (4): 120-127, Stuttgart.
- MARKS, D. 1978: An atmospheric radiation model for general alpine application. - CRREL Proc. of modeling of snow cover runoff: 167-178, Hanover, New Hampsh.
- MARKS, D. & DOZIER, J. 1979: A clear-sky longwave radiation model for remote Alpine areas. - Arch. Meteorol., Geophys., Bioklimatol., Ser. B, 27: 159-187, Berlin.
- MARTINEC, J. 1976: Snow and Ice. In: RODDA, J.C. (Hg.): Facets of Hydrology: 85-118, London.
- MARTINEC, J., RANGO, A. & MAJOR, E. 1983: The snowmeltrunoff model SRM. - User's Manual, NASA Reference Publ. (NASA/Goddard Space Flight Center), 1100: 1-12, Greenbelt, Maryland.
- MARTINEC, J. 1984: Modelling the snow accumulation and snowmelt runoff. - Schneehydrol. Forsch. in Mitteleuropa. DVWK Mitt. Dt. Verb. Wasserwirtsch. u. Kulturbau, 7: 59-75, Bonn.
- MEIER, R. & SCHÄDLER, B. 1979: Die Ausaperung der Schneedecke in Abhängigkeit von Strahlung und Relief. -Arch. Meteorol., Geophys., Bioklimatol., Ser. B, 27: 151-158, Berlin.
- MEIMANN, J.R. 1968: Snow accumulation related to elevation, aspect and forset canopy. - Canad. IHD Comitte Snow Hydrol. Proc. of workshop seminar: 35-47, New Brunswick.
- MELIN, R. 1943: Nederbörd och vattenhushalling inom Malmagens Fjällomrade. - Statens Meteorol.-Hydrol. Anst. Meddel. Ser. uppsater, 44: 1-48, Stockholm.
- MILLER, D.H. 1976: Spatial interactions produced by meso-scale transports of water in the atmospheric boundary layer. -Paper presented to the ann. meet. assoc. Am. Geogr., 3-7, New York.
- McCUEN, R.H. 1973: The role of sensivity analysis in hydrologic modeling. J. Hydrol., 18: 37-53, Amsterdam.
- MOOK, R.G. 1965: Meteorologische Faktoren im Gelände nahe Gromso während der Schneeschmelze. - Pure and Applied Geophysics (PAGEOPH), 60 (1): 201-216, Basel.
- MOORE, R.D. 1983: On the use of bulk aerodynamic formulae over melting snow. - Nordic Hydrol., 14 (4): 193-206, Lyngby.
- MORRIS, E.M. 1982: Sensitivity of the European Hydrological System snow models. - Hydrol. Asp. of Alpine and High Mountain Areas. Proc. of the Exeter Symp. IAHS, 138: 221-231, Paris.
- NASH, E. & SUTCLIFFE, J.V. 1970: River flow forecasting through conceptual models. Part 1. A discussion of principles. - J. Hydrol., 10: 282-290, Amsterdam.

- NORDISKA MINISTERRADET 1984: Naturgeografisk regionindeling av Norden. - The Nordic Official Rep., Nu-Ser., No. B, 34, 1977: 1-289, Kobenhavn.
- US. ARMY, Corps of Engineers 1956: Snow hydrology Summary Report of the Snow Investigations. - North Pacific Division: 1-437, Portland, Oregon.
- OBLED, C. & ROSSE, B. 1977: Mathematical models of a melting snowpack at an index point. - J. Hydrol., 32 (1/2): 139-146, Amsterdam.
- OBLED, C. & HARDER, H. 1978: A review of snow melt in the mountain environment. - CRREL Proc. Modeling of snow cover runoff: 179-204, Hanover, New Hampsh.
- OHMURA, A. 1981: Climate and energy balance on Arctic Tundra. - Züricher Geogr. Schr., 3: 1-448, Zürich.
- OTNES, E. & RAESTAD, E. (Hg.) 1978: Hydrologi i praksis. 1-314, Oslo.
- PRICE, A.G. & DUNNE, T. 1976: Energy balance computations of snowmelt in a subarctic area. - Water Resources Res., 12 (4): 686-694, Washington D.C.
- PRICE, A.G., HENDRIE, L.K. & DUNNE, T. 1978: Controls on the production of snowmelt runoff. - CRREL Proc. of modeling of snow cover runoff: 257-268, Hanover, New Hampsh.
- QUERVAIN, M. de 1979: Schneedeckenablation und Gradtage im Versuchsfeld Weissfluhjoch. - Mitt. Versuchsanst. Wasserbau, Hydrol., Glaziol. ETH Zürich, 41: 215-232, Zürich.
- RANGO, A. & MARTINEC, J. 1979: Application of a snowmeltrunoff model using LANDSAT-Data. - Nordic Hydrol., 10: 225-238, Lyngby.
- RDOSKJER, N. 1979: Net long-wave radiation at Uppsala, Sweden. - Arch. Meteorol., Geophys., Bioklimatol., Ser. B, 27 (2-3): 189-192, Berlin.
- ROSSI, V. 1975: The shadowing-ring correction for sky radiation pyranometers. - Finnish Meteorol. Inst. Contrib., 82: 2-9, Helsinki.
- SAUBERER, F. & DIRMHIRN, I. 1958: Das Strahlungsklima -Klimatographie von Österreich. - Österr. Akd. Wiss., Bd. 3, 1. Lief.: 13-83, Wien.
- SCHÖNE, W. & SONNTAG, D. 1976: Die Schattenringkorrektion beim Pyranometer mit galvanisch erzeugter Thermosäule. - Z. Meteorol., 26: 48-52, Berlin.
- SCHULTZ, G.A. 1968: Bestimmung theoretischer Abflußganglinien durch elektronische Berechnung von Niederschlagskonzentration und Retention (HYREUN-Verfahren). - Ber. Versuchsanst. Wasserbau TH München, 11: 1-18, München.
- SKARTVEIT, A. 1976: Energy exchange at the earth's surface with emphasis on an alpine tundra ecosystem. - Rapp. fra Hoyfjellsokolgis forskningsstasjon, Finse. Norweg. Res. Coun. Sci. and the Humanities, 28-33, Bergen.
- SNØOBVERSASJONER I NORGE 1971: Vinteren 1967/68 utvalget for snoforsking. - Norwegian Snow Res. Council, Oslo.
- SØGAARD, H. 1983: Snow-mapping in the Taserssuaq Basin, West Greenland, based on satellite data and field measurements. - Norwegian Nat. Com. for Hydrol. Rep., 12: 49-62, Oslo.
- SOLOMON, R.M., FFOLLIOTT, P.F., BAKER, M.B. & THOMPSON, J.R. 1976: Computer simulation of snowmelt. -USDA For. Serv. Res. Pap. RM 174: 1-8, Rocky Mt. For. and Range Exp. Stn. Fort Collins, Colorado.
- STEVEN, M.D. & UNSWORTH, M.H. 1979: The diffuse solar irradiance of slopes under cloudless skies. Quat. J. Roy. Met. Soc., 105: 593-602, London.
- STEVEN, M.D. & UNSWORTH, M.H. 1980: Shade ring corrections for pyranometer measurements of diffuse solar radiation from cloudless skies. - Quat. J. Roy. Met. Soc., 106: 865-872, London.
- STEVEN, M.D. & UNSWORTH, M.H. 1980: The angular distribution and interception of diffuse solar radiation below overcast skies. - Quat. J. Roy. Met. Soc., 106: 57-61, London.
- STÜVE, P. 1980: Beiträge zum Wasserhaushalt im Isdalen. Unveröff. Diplomarbeit FU Berlin: 1-83, Berlin.

- SVERDRUP, H.U. 1936: The eddy conductivity of the air over a smooth snow field. - Geofys. Publ., 11 (7): 5-69, Oslo.
- THOMSEN, A.G. 1980: Spatial simulation of snow Processes. -Nordic Hydrol., 11: 273-284, Lyngby.
- THOMSEN, T. & JORGENSEN, G.H. 1984: Hydrological datamodel work in Greenland. - Nordic Hydrol., 15: 39-56, Lyngby.
- TOLLAN, A. 1971: Erfaringer med snoputer i Norge. In: Snotaxering. Nordiskt expertmöte, Lammi 1971. Nordic IHD Rep., 1: 47-48, Oslo.
- TOLLAN, A. 1975: Hydrologiske regioner i Norden. Vannet i Norden, 1975 (1): 3-15, Lund.
- TVEIT, J. 1979: Snomagasinet-Hydrologi for drift av kraftverk (Vortragsmanuskript vom 14.9.1979). - Norske Siviling. For., 1-38, Lillehammer.
- TVEIT, J. 1980: Representativitet av snomalasystem ut fra topografiske og morfometriske parametrar. - Inst. f. Vassbyggning: 1-243, Trondheim.
- TVEIT, J. & SAND, K. 1981: Beskrivelse av nedborfelt ved hjelp av statistiske bakgrunnspunkt. - Inst. f. Vassbygging: 1-70, Trondheim.
- ULRICH, W. 1982: Simulation thermisch angeregter Windsysteme im Dischmatal. - Ann. Meteorol., N.F., 19: 153-155, Offenbach.
- UNESCO, IASH, WMO 1970: Seasonal snowcover. UNESCO Techn. Pap. Hydrol., 2: 1-38, Paris.
- USLU, O. & SCHMITZ, G. 1976: Parameteridentifikation und Sensitivitätsanalyse bei mathematischen Modellen in der Wasserwirtschaft. - Ber. Versuchsanst. Wasserbau TU München, 32: 136-161, München.
- VALKO, P. 1966: Die Himmelsstrahlung in ihrer Beziehung zu verschiedenen Parametern. - Arch. Meteorol., Geophys., Bioklimatol., Ser. B, 14: 337-359, Berlin.
- VINKEN, R., & VOSS, H.H. 1983: Die automatische Datenverarbeitung - ein neues Werkzeug bei Aufnahme und Entwurf geowissenschaftlicher Karten. - Forsch. Dt. Landeskde, 220: 181-192, Trier.
- WACKERMANN, R. 1981: Ein Rasterverfahren mit flächenvariabler Systemfunktion zur Simulation von Hochwasserganglinien aus großen Einzugsgebieten. - Inst. Hydraulik u. Hydrol., Tech. Ber., 26: 1-122, Darmstadt.
- WANKIEWICZ, A. 1978: A review of water movement in snow. -CRREL Proc. of modeling of snow cover runoff: 222-252, New Hampsh.
- WILLEN, D.W., SHUMWAY, C.A. & REID, J.E. 1971: Simulation of daily snow-water equivalent and melt. - Western Snow Conf., 39th ann. meeting: 1-8, Billings, Montana.
- WINGARD, B., SAELTHUN, N.R., AAM, S. & KILLINGT-VEIT, A. 1978: Hydrologiske modeller for tilsingsprognoser og kraftverksdrift. - Radet for den kraftverkshydrologiske tjensten. Hydrolog. avdeling, EFI og Inst. for vassbygging. Trondheim.

- WITTENBERG, H. 1974: Optimale Parameterschätzung für Abflußmodelle. - 6. Fortbildungslehrgang f. Hydrologie: 1-21, Bad Herrenalb.
- WMO 1982: WMO Project for the intercomparison of conceptual models of snowmelt runoff. - In: Hydrol. Aspects of Alpine and High Mountain Areas. Proc. of the Exeter Sympos. IAHS Publ., 138: 193-202, Paris.
- WOO, M.K. 1980: Channel development in snow filled valleys, Resolute, N.W.T., Canada. - Geogr. Ann., 62 A: 37-56, Stockholm.
- WOO, M.K. 1983: Effects of valley snowpacks upon the break-up of streams in the High Arctic. - In: Eff. of distribution of snow and ice on streamflow. Proc. of the VI. North Research Basin Wirkshop, Ullensvang. Norweg. Nation. Com. for Hydrology Rep., 12: 103-116, Oslo.
- ZAKRISSON, K. 1981: Snow assessments and snow distribution in the Malmagen area at 62 N in Sweden, with special reference to spring runoff forecasts. - Gegr. Ann., Ser. A, 63 (1-2): 11-17, Stockholm.
- ZINGG, T. 1951: Beziehung zwischen Temperatur und Schmelzwasser und ihre Bedeutung für Niederschlags- und Abflußfragen. - IAHS Publ., 32: 266-269, Brüssel.
- ZUZEL, J.F. & COX, L.M. 1975: Relative importance of meteorological variables in snowmelt. - Water Resources Res., 11 (1): 174-176, Washington D.C.

# Statistiken, EDV-Software

- DET NORSKE METEOROLOGISKE INSTITUTT (Oslo): Klimadaten (1980-1981) der Stationen Bardufoss, Innset, Bonnes.
- NORGES VASSDRAGS- OG ENERGIVERK (NVE Oslo): Wasserkraftwerke in Norwegen (Standorte, Kapazitäten, Einzugsgebiete).
- NORGES VASSDRAGS- OG ENERGIVERK (NVE Narvik): - Schneemessungen Altevatn Innset-verkene 1977-1981.
  - Schneemessungen Skjomen-Batsvatn 1981.

- Snomalinger innen kraftverksdrift.

- SVERIGES METEOROLOGISKA OCH HYDROLOGISKA INST. (SMHI, Norrköping): Klimadaten der Station Katterjakk 1980-1981.
- BMDP Statistikprogramme f
  ür Bio-, Human- und Sozialwissenschaften. Edition 1985.
- DISSPLA Display Integrated Software System and Plotting Language. Version 9.2 ISSCO Graphics Software. San Diego.
- THEMAK Benutzerorientiertes Graphikpaket, gekoppelt mit graphischer Basissorftware BIZEPS (siehe BOLLMANN, J. 1984).
- Zentraleinrichtung für Datenverarbeitung der Freien Universität Berlin (Hg.) 1980: BIZEPS - Ein universelles Graphikpaket mit Rastergenerierung.

# 9. Anhang

Die Abbildungen und Programme im Anhang stellen nur eine Auswahl aller getesteten Rechenabläufe und deren graphischer Darstellungen dar. Außer dem kartographischen Softwarepaket THEMAK, mit dem an der zentralen Einrichtung für Datenverarbeitung (ZEDAT) der FU Berlin (Rechner CD Cyber 170/835) gearbeitet wurde, entstanden alle anderen Programme in FORTRAN 77 und wurden an den Anlagen IBM 4381-3 und dem Bereichsrechner VAC 11/780 des Hochschulrechenzentrums der TH Darmstadt gerechnet. Sämtliches Datenmaterial und alle Programme sind auf Band zusammengefaßt und stehen für weitere Analysen zur Verfügung.

A 1 A 2 A 3 A 4	Computerkarten THEMAK Topographie und Hangneigung Schneehydrologische Karte Mai 1981 Schnehydrologische Karte Juni 1981 Gerinneabfluß Mai - Juni 1981
B 1-6	Potentielle Globalstrahlung ohne Abschattung: 1.5., 15.5., 26.5., 31.5., 21.6., 31.8.1981
C 1 C 2 C 3	Schneelysimeter: Temperatur-Index, Temperatur-Wind-Index Schneelysimeter: Energiebilanzberechnung I Schneelysimeter: Energiebilanzberechnung II
C 4-7	Wasserabgabe Schneedecke an Meßpunkten 200 m, 550 m, 900 m, 1200 m und Gerinneabflüsse Pegel Fagerhaug, Isdal, Gletscher
D 1 D 2 D 3 D 4	Korrelationen Temperatur-Index, Temperatur-Wind-Index Korrelationen Energiebilanz I: TL, QH, SLY Korrelationen Energiebilanz II: TL, QH, SLY Korrelationen Energiebilanz I, II: QE - TL
E 1-3	Gebietswasseräquivalent Temperatur-Index vom 16.6., 5.7., 4.8.1981
E 4-6	Gebietswasseräquivalent Temperatur-Wind-Index vom 16.6., 5.7., 4.8.1981
E 7-11	Gebietswasseräquivalent Energiebilanzmodell I vom 26.5., 16.6., 5.7., 15.7., 4.8.1981
F 1 F 2 F 3 F 4	Programme STRAHL - Berechnung der Strahlung für geneigte Geländeoberflächen HORIZO - Berechnung der Abschattung GESAMT - Räumliche Energiebilanzierung ISOLW - Graphikprogramm Isolinien



KARTOGR. NACHR., 33.JG., 1983, HEFT 2. ABB.2 P. STUEVE: COMPUTERGESTUETZTE HERSTELLUNG HTOROGEOGRAPHISCHER KARTEN



CARTOGRAPHY: PETER STUEVE -1982-






Potent. Globalstrahlung 15.5.1981



ISDALEN

Potent. Globalstrahlung 26.5.1981



ISDALEN Potent. Globalstrahlung 31.5.1981



ISDALEN Potent. Globalstrahlung 21.6.1981









**ISDALEN SCHNEELYSIMETER** 





-N.

No.X

0

3 ÷Ľ

25.6.

21.6.

17.6.

13.6.

1.6. 5.6. 5.6. 12.6. 27.6.81: QKW, QH, QE

28.5.

24.5.

20.5.

16.5.

04-0+1- N



C-2





82

C-4





31.7. Stueve 86

29.7.

27.7.

25.7.

23.7.

21.7.

13.7. 15.7. 17.7. 19.7. Juli 81: Abtiues Gietscher ledel Fegerhaug

11.7.

9.7.

7.7.

5.7.

3.7.

1.7.



C-7



D-1



D - 2



D-3



D-4

Wasseraequivalent 16.6.1981 Day Degree Schmelzansatz



E-2



ISDALEN

Wasseraequivalent 4.8.1981

Day Degree Schmelzansatz



ISDALEN

Wasseraequivalent 16.6.1981 Temp.- Wind Index Schmelzansatz



Wasseraequivalent 5.7.1981 Temp.- Wind Index Schmelzansatz



ISDALEN

Wasseraequivalent 4.8.1981



Wasseraequivalent 26.5.1981 Energiebilanzmodell II (Absch.)



E-7

ISDALEN

Wasseraequivalent 16.6.1981



ISDALEN

Wasseraequivalent 05.7.1981



ISDALEN

Wasseraequivalent 15.7.1981



ISDALEN Wasseraequivalent 04.8.1981 E-11 Energiebilanzmodell II 50 45 -5 40 35 30 н S W E 25 02 12 2-Isclinien in cm Schmelzwasseraequivalent ۰**Ω** 1 2 K.m 0 Stüve 1286 0 10 : 15 20 25 30 ò 35 SUED

```
PROGRAM STRAHL
C-----1
С
     Berechnung potentielle Strahlungsbilanz 1.MAI (Plot) 1
C-----
         -----1
     DIMENSION ZHL(34,52), ZHN(34,52), ZEX(34,52), SOHA(34,52),
    *
              SOWI(34,52), EXPO(34,52), GSH(34,52), SGSH(34,52)
     DIMENSION ZAHL(13), JM(13), ITAG(13), ISTD(13), GS(13),
         DH(13),ECL(13),DEKLI(13),STUW(13),SOHOE(13),
    *
    *
              SOZEN(13)
C-----1
С
    ZHL=Hoehenmatix ZHN=Hangneigungsmatrix ZEX=Hangrichtungsm. 1
     GS =Globalstrahlung DH =Diffuses Himmelslicht
С
                                                               1
                                                               1
С
    ECL=
                           DEKLI=Deklination
С
                                                                1
С
     ZHL, ZHN, ZEX, Strahlungsdaten einlesen
                                                                1
                                         C-----
     OPEN (UNIT=1,FILE='HLMAT.DAT;2',STATUS='OLD')
OPEN (UNIT=2,FILE='HANGN.DAT;1',STATUS='OLD')
OPEN (UNIT=3,FILE='HEXPO.DAT;1',STATUS='OLD')
     OPEN (UNIT=4,FILE='GPOD1.DAT;1',STATUS='OLD')
     READ (1,110) ((ZHL(IX,IY),IY=1,52),IX=1,34)
    FORMAT (4X, 10F7.2/4X, 10F7.2/4X, 10F7.2/4X, 4F7.2)
110
     READ (2,120) ((ZHN(IX,IY),IY=1,52),IX=1,34)
     FORMAT (7X, 10F7.2/7X, 10F7.2/7X, 10F7.2/7X, 4F7.2)
120
     READ (3,130) ((ZEX(IX,IY),IY=1,52),IX=1,34)
130
     FORMAT (7X, 10F7.2/7X, 10F7.2/7X, 10F7.2/7X, 4F7.2)
     DO 150 I=1.13
     READ (4,140) ZAHL(I), JM(I), ITAG(I), ISTD(I), GS(I), DH(I)
140
     FORMAT (X, F4.0, 2X, I4, 212, 45X, 2F4.2/)
150
     CONTINUE
     WRITE (11,160)
                     DEKLINATION, STUNDENWINKEL, SONNENHOEHE-EBENE',
160
     FORMAT (//,'
              1.
                              1. M A I 1981'.//)
     CALL DEKLIN (ZAHL, JM, ITAG, ISTD, ECL, DEKLI)
     CALL STUWI (ISTD, STUW)
     CALL SOHO (STUW, DEKLI, SOHOE, SOZEN)
     DO 180 I=1,13
     WRITE (11,170) ZAHL(I), JM(I), ITAG(I), ISTD(I), GS(I), ECL(I),
                   DEKLI(I), STUW(I), SOHOE(I), SOZEN(I)
    FORMAT (2X,F4.0,2X,I4,2(X,I2),F6.2,5F8.2)
170
180
     CONTINUE
     WRITE (11,200)
                   HANGNORMALE SOHA 1.MAI 23 Uhr',/)
200
    FORMAT (//,
      CALL SOHAW (SOHOE, SOZEN, STUW, ZHN, ZEX, SOHA, SOWI, GS, EXPO, GSH, SGSH)
     WRITE (11,210) ((SOHA(IX,IY),IY=1,52),IX=1,34)
210
     FORMAT (4X, 10F7.2/4X, 10F7.2/4X, 10F7.2/4X, 4F7.2,/)
     WRITE (11,240)
                     Strahlungssumme SGSH 1.MAI 1-23Uhr',/)
240
     FORMAT (//,'
      WRITE (11,250) ((SGSH(IX,IY),IY=1,52),IX=1,34)
250
     FORMAT (4X,10F7.2/4X,10F7.2/4X10F7.2/4X,4F7.2,/)
     CLOSE (1)
      STOP
      END
```

```
DO 150 I=1,372
      READ (4,140) ZAHL(I), JM(I), ITAG(I), ISTD(I), TL1(I), TL2(I), TL3(I),
     ×
                    TL4(I),RF1(I),RF2(I),RF3(I),RN1(I),RN2(I),RN3(I),
                    WS2(I),GS(I),DH(I),BW(I),WH(I),AL1(I),AL2(I),AL3(I),
     *
     * SD(I),TS2(I),TB(I)
FORMAT (X,F4.0,2X,I4,2I2,4F4.1,3F3.0,3F3.1,8X,F3.1,2F4.2,2F2.1,
140
                F3.2,/,15X,2F3.2,F3.2,F5.1,F4.1)
      *
      CONTINUE
150
C
      CALL DEKLIN (ZAHL, JM, ITAG, ISTD, ECL, DEKLI)
      CALL STUWI (ISTD, STUW)
      CALL SOHO (STUW, DEKLI, SOHOE, SOZEN)
      CALL BILANZ (SOHOE, SOZEN, STUW, GS, DH)
С
      CLOSE (4)
      CLOSE (3)
      CLOSE (2)
      CLOSE (1)
С
      STOP
      END
```

```
SUBROUTINE SOHAW (SOHOE, SOZEN, STUW, ZHN, ZEX, SOHA,
   ÷
    SOWI, GS, EXPO, GSH, SGSH}
C-----1
  8erechnung Hangnormale SOHA -ohne Abschattung-
C
                                        1
           ----1
C-----
   DIMENSION ZHN(34,52),ZEX(34,52),SOHA(34,52),SOWI(34,52),
   *
     EXPO(34,52),GSH(34,52),SGSH(34,52)
    REAL GS(13), SOHOE(13), SOZEN(13), STUW(13)
    PARAMETER (CRG=57.2958)
    PARAMETER (BOG=0.01745)
    PARAMETER (WMT=13.889)
C-----1
С
  CRG,BOG Winkelumrechnung
                                        1
С
   WMT Umrechnung Strahlung auf W/m*2 Tag
                                               1
¢-----1
    DO 680 IX=1,34
    DO 690 IY=1,52
    IF (ZEX(IX,IY) .LT. 1.0) GOTO 690
    EXPO(IX, IY) = ZEX(IX, IY) - 180.
690
   CONTINUE
680 CONTINUE
    DO 700 I=2,13
    IF (SOHOE(I) .LT. 0.0) GOTO 700
    00 710 IX=1.34
    DO 720 IY=1,52
    IF (ZHN(IX,IY) .LT. 0.2) GOTO 720
    SOHA(IX,IY)=CRG*((COS(SOZEN(I)*BOG)*COS(ZHN(IX,IY)*BOG))+
      (SIN(SOZEN(I)*BOG)*SIN(ZHN(IX,IY)*BOG)*
   *
   *
            COS((STUW(I)-EXPO(IX,IY))*BOG)))
C-----1
С
   Strahlungswert an geneigten Haengen GSH
                                                 1
C-----1
    IF (SOHA(IX,IY) .GT. 0.0) THEN
      GSH(IX,IY)=SIN(SOHA(IX,IY)*BOG)*GS(I)*WMT/SIN(SOHOE(I)*BOG)
    ELSE
     GSH(IX,IY)=0.0001
   END IF
C-----1
C
   Summe ueber 12 Termine 1
C-----1
    IF (GSH(IX,IY) .GE. 0.0) THEN
     SGSH(IX,IY)=SGSH(IX,IY)+GSH(IX,IY)
    END IF
С
720
    CONTINUE
    CONTINUE
710
700
    CONTINUE
С
    RETURN
    END
```

PROGRAM HORIZO

```
C-----1
С
     Bestimmung der Horizontlinie fuer jeden Punkt
                                                       1
С
     der Hoehenmatrix
                                                          1
     Schleife ueber alle Punkte und alle Strahlen
С
                                                          1
C-----1
     INTEGER IX, IY, K, XRICHT, YRICHT, XENDE, YENDE, XE, YE, TEILE
             T, HZM, TEILR, WERT, MINI
     REAL
     PARAMETER (XE=40,YE=52)
     PARAMETER (TEILE=24)
     DIMENSION ZHL(XE,YE),HZM(XE,YE,0:TEILE-1)
     COMMON
            /HORIZ/TEILR, XRICHT, YRICHT, XENDE, YENDE
     COMMON
             /FELD1/ZHL
     COMMON
             /FELD7/HZM
C-----1
С
     HZM
               Horizontmatrix (Ergebnis)
                                                          1
     TEILEHorizontpunkte, 12 oder 24 TeileXE, YEx - yMatrix von HZM (x=38,y=52)
С
                                                          1
С
                                                         1
С
     XRICHT, YRICHT Parameter zur Laufrichtung fuer
                                                          1
С
     XENDE, YENDE die Quadranten 1 bis 4
                                                          1
С
     GL
                 Nummerierung der Gitterlinien
                                                          1
     TEILRTeilrichtung zur Bestimmung der Quadranten1WERTHorizontwinkel Laenge/Hoehe1MINIkleinster_Horizontwinkel1
С
С
С
с
     ZHL, ZHN, ZEX Matrix Hoehen, Hangneigung, Exposition
                                                         1
С
     SOHA Winkel Gelaende - Sonne
                                                          1
OPEN (UNIT=1,FILE='GELAENDE.REYT;1',STATUS='OLD')
С
с
     READ (1,100) ((ZHL(IX,IY),IX=1,XE),IY=1,YE)
100
     FORMAT (7X, 10F7.2/7X, 10F7.2/7X, 10F7.2/7X, 10F7.2)
С
С
     HZM vorbesetzen mit 90.0 Grad
С
     errechnet Teilwinkel 360.0/24h = 15.0
С
     oder... Teilwinkel 360.0/12h = 30.0
С
     T=360.0/TEILE
С
     DO 200, IX=1,40
     DO 200, IY=1,52
     DO 200,K=0,TEILE-1
С
С
     TEILR = K*T
     CALL QUAD
     CALL ERKENN (IX, IY, MINI)
      KKK = MOD((TEILE/4)*5-K,TEILE)
     HZM(IX, IY, KKK)=MINI
                   FORMEL ZUM UMRECHNEN VON K(IM MATHEMATISCHEN SINNE
С
                   IN UHRZEIT (SONNENRICHTUNG)
С
С
     Ausgabe der Horizontmatrix
С
200
     CONTINUE
```

```
WRITE (11,888) (K,K=D,11),(K,K=12,23)
Format(' IX IY Hoehe',12(I2,' UHR '),/,16X,12(I2,' UHR '))
     888
          DO 890, IX=1, XE
          DO 890, IY=1, YE
          WRITE (11,889) IX, IY, ZHL(IX, IY), (HZM(IX, IY, KSTUND), KSTUND=0,23)
          FORMAT (' ',214,F6.1,':',12F8.3,/,16X,12F8.3,/)
     889
     890
          CONTINUE
          STOP
          END
     С
     С
     С
          LOGICAL FUNCTION ETWA (A,B)
     C
          Boolean Function
     С
          REAL A.B
          EPSI=1.E-2
          IF (A .GT. (360-EPSI)) A=A-360
          ETWA=((B-EPSI) .LT. A) .AND. ((B+EPSI) .GT. A)
          END
     С
     С
     С
          SUBROUTINE ERKENN (IX, IY, MINI)
     C-----1
     C
         Erkennen der Sonderfaelle, Gitterschnittpunkte 1
     С
          ohne Interpolation
                                                             1
     C-----1
          INTEGER IX, IY, XRICHT, YRICHT, XENDE, YENDE
          REAL
                    TEILR, WERT, MINI
                  TEILF
ETWA
          LOGICAL
          COMMON
                   /HORIZ/TEILR, XRICHT, YRICHT, XENDE, YENDE
     С
          MINI=180.0
     С
          IF ((ETWA(TEILR , 0.)) .OR. (ETWA(TEILR , 180.))) THEN
             CALL FFOO (IX, IY, MINI)
          ELSE IF ((ETWA(TEILR, 90.)) .OR. (ETWA(TEILR , 270.))) THEN
             CALL FF90 (IX, IY, MINI)
          ELSE IF ((ETWA(TEILR, 45.)) .OR. (ETWA(TEILR , 135.)) .OR.
             (ETWA(TEILR , 225.0)) .OR. (ETWA(TEILR , 315.0))) THEN
             CALL FF45 (IX, IY, MINI)
          ELSE
             CALL LAUFX (IX, IY, MINI)
             CALL LAUFY (IX, IY, MINI)
          END IF
          END
     SUBROUTINE QUAD
C-----1
C Wahl der Quadranten zur Bestimmung der Laufrichtung 1
C-----1
     PARAMETER (XE=40,YE=52)
     INTEGER XRICHT, YRICHT, XENDE, YENDE
     REAL
              TEILR
     COMMON
            /HORIZ/TEILR, XRICHT, YRICHT, XENDE, YENDE
```

```
IF ((TEILR .GT. 90.0) .AND. (TEILR .LT. 270.0)) THEN
         XRICHT=-1
         XENDE=1
С
                          2. u. 3. Quadrant
     ELSE
        XRICHT=1
        XENDE=XE
С
                           1. u. 4. Quadrant
     END IF
c
     IF (TEILR .LE. 180.0) THEN
        YRICHT=1
        YENDE=YE
С
                          1. u. 2. Quadrant
     ELSE
        YRICHT=-1
        YENDE=1
С
                          3. u. 4. Quadrant
     END IF
     END
            SUBROUTINE FF00 (IX, IY, MINI)
      ç-----1
      С
          8 Grad oder 180 Grad, 6Uhr oder 18 Uhr
                                                             1
      C-----1
            PARAMETER (XE=40,YE=52)
            INTEGER IX, IY, GL, XRICHT, YRICHT, XENDE, YENDE, DELTA
                    TEILR, WERT, MINI, LAENGE, HOEHE
            REAL
            DIMENSION ZHL(XE,YE)
            COMMON /HORIZ/TEILR, XRICHT, YRICHT, XENDE, YENDE
            COMMON
                    /FELD1/ZHL
      С
            PARAMETER (BOG=0.01745)
            PARAMETER (GLDIST=250)
      C-----1
         BOG Bogenmass: 2 Pi/360 Grad
      C
                                                             1
            GLDIST Gitterliniendistanz: 250 m
      С
                                                              1

        Delta
        Grundlinie im Gitternetz von Punkt der
        1

        Berechnung IX bis zum Hoehenpunkt IX+XRICHT
        1

      С
       С
       C-----1
            DO 10,GL=IX+XRICHT,XENDE,XRICHT
       С
            DELTA =GL-IX
LAENGE =ABS(DELTA)*GLDIST
HOEHE =ZHL(IX+DELTA, IY) - ZHL(IX,IY)
            IF (HOEHE .GT. 0.0) THEN
               WERT
                      = ATAN(LAENGE/HOEHE)/BOG
            ELSE IF (HOEHE .LT. 0.0) THEN
               WERT = 180.0 + ATAN(LAENGE/HOEHE)/BOG
            ELSE
               WERT = 90.0
            ENDIF
            MINI =MIN(MINI,WERT)
       10
            CONTENUE
            END
```

SUBROUTINE FF90 (IX, IY, MINI)

```
C-----1
C 90 Grad oder 270 Grad, 0 Uhr oder 12 Uhr 1
C-----1
     PARAMETER (XE=40,YE=52)
     INTEGER IX, IY, GL, XRICHT, YRICHT, XENDE, YENDE, DELTA
             TEILR, WERT, MINI, LAENGE, HOEHE
     REAL
     DIMENSION ZHL(XE,YE)
     COMMON /HORIZ/TEILR, XRICHT, YRICHT, XENDE, YENDE
     COMMON
            /FELD1/ZHL
С
     PARAMETER (BOG=0.01745)
     PARAMETER (GLDIST=250)
С
     DO 10, GL = IY+YRICHT, YENDE, YRICHT
     DELTA
            =GL-IY
     LAENGE =ABS(DELTA)*GLDIST
     HOEHE =ZHL(IX, IY+DELTA) - ZHL(IX, IY)
     IF (HOEHE .GT. 0.0) THEN
               = ATAN(LAENGE/HOEHE)/BOG
        WERT
     ELSE IF (HOEHE .LT. 0.0) THEN
        WERT = 180.0 + ATAN(LAENGE/HOEHE)/80G
     ELSE
        WERT
                = 90.0
     ENDIF
     MINI =MIN(MINI,WERT)
10
     CONTINUE
     END
     SUBROUTINE FF45 (IX, IY, MINI)
C-----1
С
    45, 135, 225, 315 Grad (3Uhr, 21 Uhr, 15 Uhr, 9 Uhr) 1
C-----1
     PARAMETER (XE=40,YE=52)
     INTEGER IX, IY, GL, XRICHT, YRICHT, XENDE, YENDE, DELTA
     REAL
              TEILR, WERT, MINI, LAENGE, HOEHE
     DIMENSION ZHL(XE,YE)
    COMMON /HORIZ/TEILR,XRICHT,YRICHT,XENDE,YENDE
COMMON /FELD1/ZHL
С
    PARAMETER (BOG=0.01745)
PARAMETER (GLDIST=250)
     PARAMETER (WURZ2=1.4142)
С
     IF (ABS(XENDE-IX) .LT. ABS(YENDE-IY)) THEN
      DO 10,GL=IX+XRICHT,XENDE,XRICHT
      DELTA = ABS(GL-IX)
      LAENGE =WURZ2*DELTA*GLDIST
      HOEHE
             =ZHL(GL,IY+DELTA*YRICHT) - ZHL(IX,IY)
     IF (HOEHE .GT. 0.0) THEN
        WERT
              = ATAN(LAENGE/HOEHE)/BOG
     ELSE IF (HOEHE .LT. 0.0) THEN
              = 180.0 + ATAN(LAENGE/HOEHE)/BOG
        WERT
     ELSE
        WERT = 90.0
```

ENDIF

```
MINI =MIN(MINI,WERT)
10
       CONTINUE
     ELSE
с
       DO 20, GL=IY+YRICHT, YENDE, YRICHT
       DELTA
             = ABS(GL-IY)
       LAENGE =WURZ2*DELTA*GLDIST
       HOEHE = ZHL(IX+DELTA*XRICHT,GL) - ZHL(IX,IY)
     IF (HOEHE .GT. 0.0) THEN
         WERT
                = ATAN(LAENGE/HOEHE)/BOG
     ELSE IF (HOEHE .LT. 0.0) THEN
         WERT
              = 180.0 + ATAN(LAENGE/HOEHE)/BOG
     ELSE
         WERT
                = 90.0
     ENDIF
       MINI
              =MIN(MINI,WERT)
      CONTINUE
20
     END IF
     END
      SUBROUTINE LAUFX (IX, IY, MINI)
 C-----1
     Interpolation der Hoehen zwischen den Gitterpunkten
С
 С
      in x- Richtung
 С
      VGLDI Vergleichsdistanz in x- Richtung
      DELTAX Kathete zur Berechnung von DELTAY mit TEILR
 Ċ
 С
      IDTYO, fuer die Hoeheninterpolation
      IDTY1 benachbarte Hoehenpunkte
 С
 C-----1
      PARAMETER (XE=40,YE=52)
      INTEGER IX, IY, GL, XRICHT, YRICHT, XENDE, YENDE, DELTAX, IDTYO,
                IDTY1
     ŧ
      REAL
                TEILR, WERT, MINI, VGLDI, DELTAY, DTY, HOEHE, LAENGE
      DIMENSION ZHL(XE,YE)
      COMMON
                /HORIZ/TEILR, XRICHT, YRICHT, XENDE, YENDE
      COMMON
                /FELD1/ZHL
 С
      PARAMETER (GLDIST=250)
PARAMETER (BOG=0.01745)
      VGLDI =YENDE-IY
 С
      DO 30,GL=IX+XRICHT,XENDE,XRICHT
 с
      DELTAX = GL-IX
DELTAY = ABS(TAN(TEILR*BOG)*DELTAX)
      IF (ABS(DELTAY) .LE. ABS(VGLDI)) THEN
          DTY = AINT(DELTAY)
          IDTYO = INT(DTY) * YRICHT + IY
          IDTY1 = IDTY0 + YRICHT
          HOEHE = ZHL(GL, IDTYO) - ZHL(IX, IY) +
      ×
                  (ZHL(GL, IDTY1)-ZHL(GL, IDTY0))*(DELTAY-DTY)
```

1

1

1

1

1

```
LAENGE=GLDIST*SQRT(DELTAX*DELTAX+DELTAY*DELTAY)
```
```
IF (HOEHE .GT. 0.0) THEN
            WERT = ATAN(LAENGE/HOEHE)/BOG
         ELSE IF (HOEHE .LT. 0.0) THEN
                  = 180.0 + ATAN(LAENGE/HOEHE)/BOG
            WERT
         ELSE
            WERT = 90.0
         ENDIF
         MINI =MIN(WERT,MINI)
     END IF
30
     CONTINUE
     END
     SUBROUTINE LAUFY (IX, IY, MINI)
C-----1
    Interpolation der Hoehen zwischen den Gitterpunkten
C
                                                        1
С
    in y- Richtung
                                                            1
C-----1
     PARAMETER (XE=40,YE=52)
     INTEGER
               IX, IY, GL, XRICHT, YRICHT, XENDE, YENDE, DELTAY, IDTXO,
               IDTX1
     REAL
               TEILR, WERT, MINI, VGLDI, DELTAX, DTX, HOEHE, LAENGE
     DIMENSION ZHL(XE,YE)
     COMMON
               /HORIZ/TEILR, XRICHT, YRICHT, XENDE, YENDE
     COMMON
               /FELD1/ZHL
С
     PARAMETER (GLDIST=250)
PARAMETER (80G=0.01745)
     VGLDI =XENDE-IX
С
     DO 40, GL=IY+YRICHT, YENDE, YRICHT
     DELTAY
            = GL-IY
     DELTAX = ABS(DELTAY / TAN(TEILR*BOG))
     IF (ABS(DELTAX) .LE. ABS(VGLDI)) THEN
         DTX =AINT(DELTAX)
         IDTX0 = INT(DTX) * XRICHT + IX
         IDTX1 = IDTX0 + XRICHT
         HOEHE = ZHL(IDTX0,GL) - ZHL(IX,IY) +
                (ZHL(IDTX1,GL)-ZHL(IDTX0,GL))*(DELTAX-DTX)
    *
         LAENGE =GLDIST*SQRT(DELTAY*DELTAY+DELTAX*DELTAX)
         IF (HOEHE .GT. 0.0) THEN
                   = ATAN(LAENGE/HOEHE)/BOG
             WERT
         ELSE IF (HOEHE .LT. 0.0) THEN
             WERT
                   = 180.0 + ATAN(LAENGE/HOEHE)/BOG
         ELSE
             WERT
                  = 90.0
         ENDIF
         MINI = MIN(WERT, MINI)
С
С
     END IF
40
     CONTINUE
     END
```

PROGRAM GESAMT

INTEGER XE,YE PARAMETER (XE=34 PARAMETER (XE=34 PARAMETER (XE=34 PARAMETER (XE=34 PARAMETER (XE=34 PARAMETER (XE=34 PARAMETER (XE=34 PARAMETER (XE=34 PARAMETER (XE=34 PARAMETER (XE=34 DIMENSION TLX(XE * SOULD DIMENSION GKW(XE * QE(XE, DIMENSION GKW(XE * QE(XE, DIMENSION GKW(XE * QE(XE, DIMENSION GKW(XE * SOULD TABLES * SOULD DIMENSION TL1(37 * SOULD DIMENSION TL1(37 * SOULD TL1(37 * SOULD * SO	,YE=52) RAMETER (AN=310,EN=332) ,YE) ,YE),ZEX(XE,YE),SOHA(XE,YE), E,YE),EXPO(XE,YE) ,YE),RFX(XE,YE),RNX(XE,YE),ALX(XE,YE), ,YE),WSX(XE,YE) ,YE),QLW(XE,YE) ,YE),QLW(XE,YE) YE),QLW(XE,YE) YE),WAS(XE,YE) XE),WAS(XE,YE),SWAS(XE.YE)	C
INTEGER XE,YE PARAMETER (XE=34 PARAMETER (XE=34 PA DIMENSION ZHL(XE 0 IMENSION ZHL(XE * SOWI() 0 IMENSION TLX(XE * TSX(XE 0 IMENSION GKW(XE * QE(XE, DIMENSION GKW(XE * QE(XE, DIMENSION WA(XE, DIMENSION WA(XE, DIMENSION WA(XE, DIMENSION ZAHL(3 * QE(XE, DIMENSION TL1(37 * SOZEM DIMENSION TL1(37 * SOZEM DIMENSION TL1(37 * SOZEM DIMENSION TL1(37 * SOZEM DIMENSION TL1(37 * SOZEM DIMENSION WH(372 * SOZEM DIMENSION WH(372 * TS4(33) DIMENSION WH(372 * TS4(33) DIMENSION WH(372 * TS4(33) DIMENSION WH(372 * SOZEM COMMON /FELD COMMON /FELD COMMON /FELD COMMON /FELD COMMON /FELD COMMON /FELD COMMON /FELD COMMON /FELD COMMON /METES * XE,YE AN,EN = M COMMON /METES * XE,YE AN,EN = M COMMON /METES * COMMON /METES * COMM	,YE=52) RAMETER (AN=310,EN=332) ,YE),ZEX(XE,YE),SOHA(XE,YE), E,YE),EXPO(XE,YE), ,YE),RFX(XE,YE),RNX(XE,YE),ALX(XE,YE), ,YE),WSX(XE,YE),RNX(XE,YE),ALX(XE,YE), ,YE),QLW(XE,YE),ADL(XE,YE),QH(XE,YE), YE),QP(XE,YE) ,SWAS(XE,YE),SWAS(XE.YE)	
PARAMETER (XE=34 PARAMETER (XE=34 DIMENSION ZHL(XE DIMENSION ZHN(XE * SOWI() DIMENSION TLX(XE * TSX(XE DIMENSION TLX(XE * QE(XE, DIMENSION QKW(XE * QE(XE, DIMENSION WA(XE, DIMENSION WA(XE, DIMENSION WA(XE, DIMENSION ZAHL(3 * SOZEN( DIMENSION TL1(37 * SOZEN( DIMENSION TL1(37 * SOZEN( DIMENSION TL1(37 * SOZEN( DIMENSION TL1(37 * SOZEN( DIMENSION TL1(37 * SOZEN( DIMENSION WH(377) * AL1(37 * TS4(33) DIMENSION WH(377) * TS4(33) DIMENSION WH(377) * SOZEN( COMMON /FELD COMMON /FELD COMMON /FELD COMMON /FELD COMMON /FELD COMMON /FELD COMMON /FELD COMMON /FELD COMMON /FELD COMMON /METES * XE,YE AN,EN = ( XE,YE AN,EN = ( ZHL=Hoehenmatix GS =Globalstrah1 ECL=Fruehlingspu ZHL, ZHN, ZEX, S OPEN (UNIT=1,FII OPEN (UNIT=2,FII OPEN (UNIT=4,FII OPEN (UNIT=4,FII OPEN (UNIT=4,FII	,YE=52) RAMETER (AN=310,EN=332) ,YE),ZEX(XE,YE),SOHA(XE,YE), E,YE),EXPO(XE,YE) ,YE),RFX(XE,YE),RNX(XE,YE),ALX(XE,YE), ,YE),WSX(XE,YE),RNX(XE,YE),ALX(XE,YE), ,YE),QLW(XE,YE),ADL(XE,YE),QH(XE,YE), YE),QP(XE,YE) ,SWAS(XE,YE),SWAS(XE.YE)	
DIMENSION ZHL (XE DIMENSION ZHL (XE DIMENSION ZHN(XE SOWI()) DIMENSION TLX(XE TSX(XE DIMENSION TLX(XE COMENSION GKW(XE DIMENSION GKW(XE DIMENSION WA(XE, DIMENSION WA(XE, DIMENSION ZAHL(3 DIMENSION ZAHL(3 DIMENSION ZAHL(3 COMMON ZAHL(3 COMMON ZHL(3 COMMON ZHL(3 CH(3 COMMON ZHL(3 CH(3 COMMON ZHL(3 CH(3 CH(3 CH(3 CH(3 CH(3 CH(3 CH(3 CH	<pre>cameter (an=310,en=332) ,YE) ,YE),ZEX(XE,YE),SOHA(XE,YE), E,YE),EXPO(XE,YE), ,YE),RFX(XE,YE),RNX(XE,YE),ALX(XE,YE), ,YE),WSX(XE,YE),RNX(XE,YE),ALX(XE,YE), ,YE),QLW(XE,YE),ADL(XE,YE),QH(XE,YE), YE),QP(XE,YE) </pre>	
DIMENSION ZHU(XE DIMENSION ZHU(XE * SOWI() DIMENSION TLX(XE * TSX(XE DIMENSION GKW(XE * QE(XE, DIMENSION WA(XE, DIMENSION WA(XE, DIMENSION ZAHL(3 * QE(XE, DIMENSION ZAHL(3 * SOZEN DIMENSION TL1(37 * SOZEN DIMENSION TL1(37 * SOZEN DIMENSION TL1(37 * TS4(33) DIMENSION WH(373 * AL1(37 * TS4(33) DIMENSION WH(373 * TS4(33) DIMENSION WH(373 * TS4(33) DIMENSION WH(373 * TS4(33) DIMENSION WH(373 * TS4(33) DIMENSION WH(373 * TS4(33) DIMENSION /FELDS COMMON /FELDS COMMON /FELDS COMMON /FELDS COMMON /FELDS COMMON /FELDS COMMON /FELDS COMMON /FELDS COMMON /METES * COMMON /METES * C	,YE) ,YE),ZEX(XE,YE),SOHA(XE,YE), E,YE),EXPO(XE,YE), ,YE),RFX(XE,YE),RNX(XE,YE),ALX(XE,YE), ,YE),WSX(XE,YE),RNX(XE,YE),ALX(XE,YE), ,YE),QLW(XE,YE),ADL(XE,YE),QH(XE,YE), YE),QP(XE,YE) ,SWAS(XE,YE),SWAS(XE.YE)	
* SOWI() DIMENSION TLX(XE * TSX(XE * TSX(XE DIMENSION GKW(XE * QE(XE, DIMENSION WA(XE, DIMENSION WA(XE, DIMENSION ZAHL(3 * QE(XE, DIMENSION ZAHL(3 * SOZEN DIMENSION TL1(37 * SOZEN DIMENSION TL1(37 * SOZEN DIMENSION TL1(37 * TS4(33) DIMENSION WH(377 * TS4(33) * TS4(33) * TS4(33) * TS4(33) * TS4(33) * TS4(33) * TS4(33) * TS4(33) * TS4(33) DIMENSION WH(377 * TS4(33) * TS4(33) DIMENSION WH(377 * TS4(33) * TS4(33) DIMENSION WH(377 * TS4(33) * TS4(33) DIMENSION WH(377 * TS4(33) DIMENSION WH(377 * TS4(33) DIMENSION WH(377 * TS4(33) DIMENSION WH(377 * TS4(33) * TS4(33) DIMENSION WH(377 * TS4(33) * TS4(33) DIMENSION WH(377 * TS4(33) * TS4(33) DIMENSION WH(377 * TS4(33) * TS4(33) DIMENSION WH(377 * TS4(33) DIMENSION WH(377 * TS4(33) *	E,YE),ZEX(XE,YE),SOR(XE,YE), E,YE),RFX(XE,YE),RNX(XE,YE),ALX(XE,YE), YE),WSX(XE,YE), YE),QLW(XE,YE),ADL(XE,YE),QH(XE,YE), YE),QP(XE,YE) YE),WAS(XE,YE),SWAS(XE.YE)	
DIMENSION TLX(XE * TSX(XE DIMENSION GKW(XE DIMENSION GKW(XE DIMENSION WA(XE, DIMENSION ZAHL(3 * OH(37) * SOZEN DIMENSION TL1(37) * SOZEN DIMENSION TL1(37) * AL1(37) * AL1(37) * AL1(37) * TS4(33) DIMENSION WH(37) COMMON /FELD COMMON /HETES * COMMON /METES * COMMON /METES *	,YE),RFX(XE,YE),RNX(XE,YE),ALX(XE,YE), ,YE),WSX(XE,YE) ,YE),QLW(XE,YE),ADL(XE,YE),QH(XE,YE), YE),QP(XE,YE) ,YE),WAS(XE,YE),SWAS(XE.YE)	
<pre>* TSX(XE * TSX(XE DIMENSION GKW(XE * QE(XE, DIMENSION WA(XE, DIMENSION ZAHL(3 * DH(37; * SOZEN( DIMENSION TL1(3) * RF3(3) * AL1(3) * RF3(3) * AL1(3) * TS4(3) DIMENSION WH(37; * TS4(3) DIMENSION /FELD; COMMON /METE; * TS4(3) DIMENSION WH(37; * TS4(3) DIMENSION /FELD; COMMON /FELD; COMMON /FELD; COMMON /FELD; COMMON /FELD; COMMON /HETE; * TS4(3) DIMENSION WH(37; * TS4(3) DIMENSION WH(37; * TS4(3) DIMENSION WH(37; * TS4(3) DIMENSION WH(37; * TS4(3); * TS4(3);</pre>	YE),WSX(XE,YE) YE),QLW(XE,YE),ADL(XE,YE),QH(XE,YE), YE),QP(XE,YE) YE),WAS(XE,YE),SWAS(XE.YE)	
DIMENSION GAWIXE * GEXE, DIMENSION WA(XE, DIMENSION ZAHL(3 * DH(37) * SOZEN DIMENSION TL1(3) * RF3(3) * AL1(3) * AL1(3) * TS4(3) DIMENSION WH(37) COMMON /FELD COMMON /FELD	YE), QLW(XE,YE), ADL(XE,YE), QH(XE,YE), YE), QP(XE,YE) YE), WAS(XE,YE), SWAS(XE.YE)	
<pre>* QE(XE, DIMENSION WA(XE, DIMENSION VA(XE, DIMENSION ZAHL(3) * OPEN CONTENT DIMENSION TL1(3) * RF3(3) * AL1(3) * AL1(3) * AL1(3) * TS4(3) DIMENSION WH(372) COMMON /FELD COMMON /FELD</pre>	YE), QP (XE, YE) YE), WAS (XE, YE), SWAS (XE, YE)	
DIMENSION WA(XE, DIMENSION ZAHL(3 * DH(37) * SOZEN DIMENSION TL1(3) * RF3(3) * AL1(3) * TS4(3) DIMENSION WH(37) COMMON /FELD COMMON /FE	(E), WAS(XE, YE), SWAS(XE, YE)	
DIMENSION ZAHL(: * DH(37; * SOZEN DIMENSION TL1(3; * RF3(3; * AL1(3; * TS4(3; DIMENSION WH(37; DIMENSION WH(37; COMMON /FELD; COMMON /FELD; COMMO	· _ · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	
<pre>* DH(37; * SOZEN( DIMENSION TL1(3) * RF3(3) * AL1(3) * AL1(3) * TS4(3) DIMENSION WH(37; COMMON /FELD COMMON /FELD COM</pre>	72),JM(372),ITAG(372),ISTD(372),GS(372),	
<pre>* SOZEN DIMENSION TL1(3) * RF3(3) * AL1(3) * AL1(3) * TS4(3) DIMENSION WH(37) COMMON /FELD COMMON /FELD</pre>	),ECL(372),DEKLI(372),STUW(372),SOHOE(372),	
DIMENSION TL1(3) * RF3(3) * AL1(3) * TS4(3) DIMENSION WH(37) COMMON /FELD COMMON	372)	
<pre>* RF3(3) * AL1(3) * TS4(3) DIMENSION WH(37; COMMON /FELD; COMMON /FELD; COMMON /FELD; COMMON /FELD; COMMON /FELD; COMMON /FELD; COMMON /METE; * COMMON /M</pre>	2), TL2(372), TL3(372), TL4(372), RF1(372), RF2(3	72),
<pre>* AL1(3) * TS4(3) DIMENSION WH(37; COMMON /FELD; COMMON /FELD; COMMON /FELD; COMMON /FELD; COMMON /FELD; COMMON /FELD; COMMON /METE; * COMMON /METE; * CO</pre>	2), RF4(372), RN1(372), RN2(372), RN3(372), WS2(3	72),
TS4(3) DIMENSION WH(37; COMMON /FELD; COMMON /FELD; COMMON /FELD; COMMON /FELD; COMMON /FELD; COMMON /FELD; COMMON /METE; XE,YE AN,EN = ( XE,YE AN,EN = ( ZHL=Hoehenmatix GS =Globalstrah) ECL=Fruehlingsp ZHL, ZHN, ZEX, S OPEN (UNIT=1,FI OPEN (UNIT=2,FI OPEN (UNIT=3,FI OPEN (UNIT=4,FI	2),AL2(372),AL3(372),TS2(372),TB(372),TS1(37	2),
COMMON /FELD COMMON /FELD COMMON /FELD COMMON /FELD COMMON /FELD COMMON /FELD COMMON /FELD COMMON /METES * COMMON / C C C C C C C C C C C C C C C C C C C		
COMMON /FELD COMMON /FELD COMMON /FELD COMMON /FELD COMMON /FELD COMMON /FELD COMMON /HETE * COMMON /METE * COMMON / COMMON /	),DW(3(2),SU(3(2)	
COMMON /FELD COMMON /FELD COMMON /FELD COMMON /FELD COMMON /FELD COMMON /FELD COMMON /HETE XE,YE AN,EN = ( COMMON /METE XE,YE AN,EN = ( CHL=Hoehenmatix GS =Globalstrah] ECL=Fruehlingspu ZHL, ZHN, ZEX, S OPEN (UNIT=1,FII OPEN (UNIT=2,FII OPEN (UNIT=3,FII OPEN (UNIT=4,FII PEAD (1,110) (1)		
COMMON /FELD: COMMON /FELD: COMMON /FELD: COMMON /FELD: COMMON /FELD: COMMON /HETE: * COMMON /METE: * COMMON /* COMMON /* COMM	/ 7 HI	
COMMON /FELD: COMMON /FELD: COMMON /FELD: COMMON /FELD: XE,YE AN,EN = ( ZHL=Hoehenmatix GS =Globalstrah] ECL=Fruehlingspu ZHL, ZHN, ZEX, S OPEN (UNIT=1,FII OPEN (UNIT=2,FII OPEN (UNIT=3,FII OPEN (UNIT=4,FII PEAD (1,110) (4)	ZHN.ZEX.SOHA.SOWI.EXPO	
COMMON /FELD COMMON /FELD COMMON /FELD COMMON /METE X COMMON /METE XE,YE AN,EN = ( CHL=Hoehenmatix GS =Globalstrah ECL=Fruehlingspu ZHL, ZHN, ZEX, S OPEN (UNIT=1,FI OPEN (UNIT=2,FI OPEN (UNIT=3,FI OPEN (UNIT=4,FI READ (1 110) (1)	TLX.RFX.RNX.ALX.TSX.WSX	
COMMON /FELDI COMMON /METE * COMMON /METE XE,YE AN,EN = ( ZHL=Hoehenmatix GS =Globalstrah] ECL=Fruehlingspu ZHL, ZHN, ZEX, S OPEN (UNIT=1,FII OPEN (UNIT=2,FII OPEN (UNIT=3,FII OPEN (UNIT=4,FII PEAD (1 110) (1)	/QKW,QLW,ADL,QH,QE,QP	
COMMON /METE * COMMON /METE XE,YE AN,EN = ( ZHL=Hoehenmatix GS =Globalstrah ECL=Fruehlingspu ZHL, ZHN, ZEX, S OPEN (UNIT=1,FII OPEN (UNIT=2,FII OPEN (UNIT=3,FII OPEN (UNIT=4,FII PEAD (1 110) (1)	/WA, WAS, SWAS	
* COMMON /METE: XE,YE AN,EN = ( ZHL=Hoehenmatix GS =Globalstrah) ECL=Fruehlingspu ZHL, ZHN, ZEX, S OPEN (UNIT=1,FII OPEN (UNIT=2,FII OPEN (UNIT=3,FII OPEN (UNIT=4,FII PEAD (1 110) (1)	/TL1,TL2,TL3,TL4,RF1,RF2,RF3,RF4,RN1,RN2,RN3	,
COMMON /METE: XE,YE AN,EN = ( ZHL=Hoehenmatix GS =Globalstrah) ECL=Fruehlingspu ZHL, ZHN, ZEX, S OPEN (UNIT=1,FII OPEN (UNIT=2,FII OPEN (UNIT=3,FII OPEN (UNIT=4,FII OPEN (UNIT=4,FII	WS2,AL1,AL2,AL3,TS2,TB,TS1,TS4	
XE,YE AN,EN = ( ZHL=Hoehenmatix GS =Globalstrahl ECL=Fruehlingspu ZHL, ZHN, ZEX, S OPEN (UNIT=1,FII OPEN (UNIT=2,FII OPEN (UNIT=3,FII OPEN (UNIT=4,FII PEAD (1,110) (1)	/ WH , BW , SD	
ZHL=Hoehenmatix GS =Globalstrah: ECL=Fruehlingspu ZHL, ZHN, ZEX, S OPEN (UNIT=1,FI OPEN (UNIT=2,FI OPEN (UNIT=3,FI OPEN (UNIT=3,FI OPEN (UNIT=4,FI	anatar tur Batimung dar Faldenaan	-c
ZHL=Hoehenmatix GS =Globalstrah ECL=Fruehlingspi ZHL, ZHN, ZEX, S OPEN (UNIT=1,FI OPEN (UNIT=2,FI OPEN (UNIT=2,FI OPEN (UNIT=3,FI OPEN (UNIT=4,FI	arameter for postramung der fetugroesse, Ar Maeewartraiha	r
GS =Globalstrah ECL=Fruehlingspi ZHL, ZHN, ZEX, S OPEN (UNIT=1,FI OPEN (UNIT=2,FI OPEN (UNIT=3,FI OPEN (UNIT=4,FI BEAD (1,110) (4)	ZHN=Hangneigungsmatrix ZFX=Hangrichtungsm.	č
ECL=Fruehlingsp ZHL, ZHN, ZEX, S OPEN (UNIT=1,FI OPEN (UNIT=2,FI OPEN (UNIT=3,FI OPEN (UNIT=4,FI PEAD (1 110) (1)	ung DH =Diffuses Himmelslicht	č
ZHL, ZHN, ZEX, S OPEN (UNIT=1,FI OPEN (UNIT=2,FI OPEN (UNIT=3,FI OPEN (UNIT=4,FI PEAD (1,110) (4)	nkt DEKLI=Deklination	Ċ
ZHL, ZHN, ZEX, S OPEN (UNIT=1,FII OPEN (UNIT=2,FII OPEN (UNIT=3,FII OPEN (UNIT=4,FII BEAD (1,110) (4)		- C
OPEN (UNIT=1,FI OPEN (UNIT=2,FI OPEN (UNIT=2,FI OPEN (UNIT=3,FI OPEN (UNIT=4,FI	trahlungsdaten einlesen	
OPEN (UNIT=1,FI OPEN (UNIT=2,FI OPEN (UNIT=2,FI OPEN (UNIT=3,FI OPEN (UNIT=4,FI		
OPEN (UNIT=2,FI OPEN (UNIT=3,FI OPEN (UNIT=3,FI OPEN (UNIT=4,FI	E= HLMAT.DAT;1',STATUS='OLD')	
OPEN (UNIT=3,FI) OPEN (UNIT=4,FI) C	E= MANGN.DAI;1 ,STATUS= ULD }	
PEAD (1 110) (/)	E= NEAPU.UAI;1 ,51A1U5= ULU ) E='METMAT DAT.1' STATUS='010'1	
RFAD (1 110) (/)	C- NEINALIVAI;I ,STATUS= ULU )	
	HL(TX TY) TX=1 XF) TY=1 YF)	
10 FORMAT (7X.10F)	.2/7X.10F7.2/7X.10F7.2/7X.4F7.2)	
NECO (2,120) (()	HN(IX,IY),IX=1,XE),IY=1,YE)	
20 26849 (7X, 10F	2/7X 10F7 2/7X 10F7 2/7X 4F7 21	
READ (3,130) (1		
130 FORMAT (7X,10F	EX(IX,IY),IX=1,XE),IY=1,YE)	

```
SUBROUTINE DEKLIN (ZAHL, JM, ITAG, ISTD, ECL, DEKLI)
C-----1
C Berechnung der Deklination ECL= DEKLI=Deklination 1
С
    EPS=23.447*PI/180
                                                 1
C-----
                    -----1
    INTEGER JM(13), ITAG(13), ISTD(13)
    REAL
            ZAHL(13), ECL(13), DEKLI(13)
    PARAMETER (EPS=0.4092)
    PARAMETER (CRG=57.2958)
    DO 400 I=1,13
    ECL(I)=984.+ZAHL(I)+ZAHL(I-1)
    DEKLI(I)=CRG*(SIN(EPS)*SIN(ECL(I)*0.01745*0.041096))
400
    CONTINUE
    RETURN
    END
    SUBROUTINE STUWI (ISTD, STUW)
C-----1
С
   Berechnung Stundenwinkel STUW
                                                   1
C-----1
    INTEGER ISTD(13)
REAL FAK,STUW(13)
    PARAMETER (FAK=360./1440.)
    DO 500 I=1,13
    STUW(I)=FAK*(ISTD(I)*60)-180
500
   CONTINUE
    RETURN
    END
    SUBROUTINE SOHO (STUW, DEKLI, SOHOE, SOZEN)
C-----1
С
    Berechnung Sonnenhoehe ueber Ebene SOHOE
                                                  1
С
    BREITE=58.62 Grad * PI/180
                                                  1
С
   BOG=Bogenmass PI/180 = 0.01745
                                                   1
C-----1
    REAL STUW(13), DEKLI(13), SOHOE(13), SOZEN(13)
    PARAMETER (BREITE=1.1974)
    PARAMETER (CRG=57.2958)
    PARAMETER (BOG=0.01745)
    DO 600 I=1,13
    SOHOE(I)=CRG*((SIN(BREITE)*SIN(DEKLI(I)*BOG))+
    ٠
           (COS(BREITE)*COS(DEKLI(I)*BOG)*COS(STUW(I)*BOG)))
С
    Zenit SOZEN
     IF (SOHOE(I) .GT. 0.0) THEN
       SOZEN(I)=90.-SOHOE(I)
     ELSE
       SOZEN(1)=0.0
    END IF
600
    CONTINUE
    RETURN
    END
```

SUBROUTINE DEKLIN (ZAHL, JM, ITAG, ISTD, ECL, DEKLI)

```
C-----C
C Berechnung der Deklination ECL= DEKLI=Deklination C
С
  EPS=23.447*PI/180
                                          C
C-----C
   INTEGER JM(372), ITAG(372), ISTD(372)
REAL ZAHL(372), ECL(372), DEKLI(372)
   PARAMETER (EPS=0.4092)
   PARAMETER (CRG=57.2958)
С
   DO 400 I=160,180
   ECL(I)=984.+ZAHL(I)+ZAHL(I-1)
   DEKLI(I)=CRG*(SIN(EPS)*SIN(ECL(I)*0.01745*0.041096))
400
   CONTINUE
С
   RETURN
   END
   SUBROUTINE STUWI (ISTD, STUW)
C-----C
C Berechnung Stundenwinkel STUW
                                        C
C-----C
```

C-----C C Berechnung Stundenwinkel STUW C C------C INTEGER ISTD(372) REAL FAK,STUW(372) PARAMETER (FAK=360./1440.) C DO 500 I=160.180 STUW(I)=FAK\*(ISTD(I)\*60)-180 500 CONTINUE C RETURN END SUBROUTINE SOHO (STUW, DEKLI, SOHOE, SOZEN)

```
C-----C
С
    Berechnung Sonnenhoehe ueber Ebene SOHOE
                                                          С
     8REITE=68.62 Grad * PI/180
С
                                                          С
С
    BOG=Bogenmass PI/180 = 0.01745
                                                          С
C-----C
             STUW(372), DEKLI(372), SOHOE(372), SOZEN(372)
     REAL
     PARAMETER (BREITE=1.1974)
     PARAMETER (CRG=57.2958)
     PARAMETER (BOG=0.01745)
С
     DO 600 I=160,180
     SOHOE(I)=CRG*((SIN(BREITE)*SIN(DEKLI(I)*BOG))+
            (COS(BREITE)*COS(DEKLI(I)*BOG)*COS(STUW(I)*BOG)))
С
c
     Zenit SOZEN
С
     IF (SOHOE(I) .GT. 0.0) THEN
       SOZEN(I)=90.-SOHOE(I)
     ELSE
       SOZEN(I)=0.0
     END IF
600
     CONTINUE
С
     RETURN
     END
     SUBROUTINE BILANZ (SOHOE, SOZEN, STUW, GS, DH)
ſ-----ſ
С
   Berechnung Hangnormale SOHA -ohne Abschattung-
                                                             С
с-----с
     INTEGER XE,YE
PARAMETER (XE=34,YE=52)
     DIMENSION ZHL(XE,YE)
     DIMENSION ZHN(XE,YE),ZEX(XE,YE),SOHA(XE,YE),SOWI(XE,YE),
    *
              EXPO(XE,YE)
     DIMENSION TLX(XE,YE), RFX(XE,YE), RNX(XE,YE), ALX(XE,YE),
    *
             TSX(XE,YE),WSX(XE,YE)
     DIMENSION DSH(XE,YE)
     DIMENSION QKW(XE,YE),QLW(XE,YE),ADL(XE,YE),QH(XE,YE),
    *
              QE(XE,YE),QP(XE,YE)
     DIMENSION WA(XE,YE),WAS(XE,YE),SWAS(XE,YE)
     DIMENSION TL1(372), TL2(372), TL3(372), TL4(372), RF1(372), RF2(372),
              RF3(372), RF4(372), RN1(372), RN2(372), RN3(372), WS2(372),
    *
              AL1(372), AL2(372), AL3(372), TS2(372), TB(372), TS1(372),
    ÷
              TS4(372)
     DIMENSION WH(372), BW(372), SD(372)
     REAL GS(372), DH(372), DS(372), SOHOE(372), SOZEN(372), STUW(372)
     COMMON
            /FELD1/ZHL
     COMMON
              /FELD2/ZHN,ZEX,SOHA,SOWI,EXPO
     COMMON /FELD3/TLX,RFX,RNX,ALX,TSX,WSX
     COMMON
            /FELD4/DSH
     COMMON
             /FELD5/QKW,QLW,ADL,QH,QE,QP
     COMMON
             /FELDG/WA.WAS.SWAS
```

```
COMMON
              /METE1/TL1, TL2, TL3, TL4, RF1, RF2, RF3, RF4, RN1, RN2, RN3, WS2,
    t
                    AL1, AL2, AL3, TS2, TB, TS1, TS4
              /METE2/WH, BW, SD
     COMMON
     PARAMETER (CRG=57.2958)
     PARAMETER (BOG=0.01745)
С
                PARAMETER (WMT=13.889)
С
     DATA
              HL1, HL2, HL3, HL4/150, 550, 900, 1410/
c-----c
    CRG,BOG Winkelumrechnung
С
                                                                   С
С
     WMT Umrechnung Strahlung auf W/m*2 Tag
                                                                   С
с-----с
     DO 670 I=160,180
     DS(I)=GS(I)-DH(I)
с
     IF (RF3(I) .LE. 90.0) THEN
        RF4(I)=RF3(I)*1.1
     ELSE
        RF4(I)=100.
     END IF
С
      IF (TS2(I) .LT. 0.0) THEN
        TS1(I)=TS2(I)+2.
      ELSE
        TS1(I)=0.0
      END IF
С
      IF (TB(I) .LT. 0.0 .OR. TL4(I) .LT. -1.5) THEN
        TS4(I) = TB(I) - 0.5
      EL SE
        TS4(I)=0.0
      END IF
670 CONTINUE
      DO 680 IX=1,XE
      DO 690 IY=1,YE
С
      IF (ZEX(IX,IY) .LT. 1.0) GOTO 690
      EXPO(IX, IY) = ZEX(IX, IY) - 180.
С
690
      CONTINUE
680
      CONTINUE
С
С
      DO 710 IY=1,YE
      DO 710 IX=1,XE
С
      DO 710 I=173,173
      IF (SOHOE(I) .LT. 0.0) GOTO 710
С
      IF (ZHN(IX,IY) .LT. 0.2) GOTO 710
С
      SOHA(IX,IY)=CRG*((COS(SOZEN(I)*BOG)*COS(ZHN(IX,IY)*BOG))+
                  (SIN(SOZEN(I)*BOG)*SIN(ZHN(IX,IY)*BOG)*
     *
     *
                  COS((STUW(I)-EXPO(IX,IY))*BOG)))
```

114

```
C-----
                                                           -- 6
C Strahlungswert an geneigten Haengen GSH
¢-----c
     IF (SOHA(IX,IY) .GT. 0.0) THEN
       DSH(IX,IY)=SIN(SOHA(IX,IY)*BOG)*DS(I)/SIN(SOHOE(I)*BOG)
     ELSE
       DSH(IX, IY)=0.0001
     END IF
С-----С
C Lufttemperatur C
    -----C
c -
С
              IF (ZHL(IX,IY) .LT. 100) GOTO 720
С
    IF
         (ZHL(IX,IY) .LE. 550) THEN
     TLX(IX,IY)=TL1(I)+(((TL2(I)-TL1(I))/(HL2-HL1))*(ZHL(IX,IY)-HL1))
    ELSE IF (ZHL(IX,IY) .GT. 550 .AND. ZHL(IX,IY) .LE. 900) THEN
     TLX(IX,IY)=TL2(I)+(((TL3(I)-TL2(I))/(HL3-HL2))*(ZHL(IX,IY)-HL2))
    ELSE IF (ZHL(IX, IY) .GT. 900) THEN
     TLX(IX,IY)=TL3(I)+(((TL4(I)-TL3(I))/(HL4-HL3))*(ZHL(IX,IY)-HL3))
    END IF
с-----с
С
   Relative Feuchte C
C-----C
    IF (ZHL(IX,IY) .LE. 550) THEN
     RFX(IX,IY)=RF1(I)+(((RF2(I)-RF1(I))/(HL2-HL1))*(ZHL(IX,IY)-HL1))
    ELSE IF (ZHL(IX,IY) .GT. 550 .AND. ZHL(IX,IY) .LE. 900) THEN
     RFX(IX,IY)=RF2(I)+(((RF3(I)-RF2(I))/(HL3-HL2))*(ZHL(IX,IY)-HL2))
     ELSE IF (ZHL(IX,IY) .GT. 900) THEN
     RFX(IX,IY)=RF3(I)+(((RF4(I)-RF3(I))/(HL4-HL3))*(ZHL(IX,IY)-HL3))
    END IF
C-----C
C
   Niederschlag
                          c
C-----C
IF (ZHL(IX,IY) .LE. 550) THEN
     RNX(IX,IY)=RN1(I)+(((RN2(I)-RN1(I))/(HL2-HL1))*(ZHL(IX,IY)-HL1))
     ELSE IF (ZHL(IX,IY) .GT. 550 .AND. ZHL(IX,IY) .LE. 900) THEN
     RNX(IX,IY)=RN2(I)+(((RN3(I)-RN2(I))/(HL3-HL2))*(ZHL(IX,IY)-HL2))
     ELSE IF (ZHL(IX, IY) .GT. 900) THEN
     RNX(IX,IY)=RN3(I)
    END IF
C--
  -----C
   Albedo
С
                          С
C - - -
    -----C
    IF (ZHL(IX,IY) .LE. 550) THEN
     ALX(IX,IY)=AL1(I)+({(AL2(I)-AL1(I))/(HL2-HL1))*(ZHL(IX,IY)-HL1))
     ELSE IF (ZHL(IX,IY) .GT. 550 .AND. ZHL(IX,IY) .LE. 900) THEN
     ALX(IX,IY)=AL2(I)+(((AL3(I)-AL2(I))/(HL3-HL2))*(ZHL(IX,IY)-HL2))
     ELSE IF (ZHL(IX,IY) .GT. 900) THEN
     ALX(IX,IY)=AL3(I)
    END IF
C-----C
   Schneetemperatur C
С
C----C
    IF (ZHL(IX,IY) .LE. 550) THEN
     TSX(IX,IY)=TS1(I)+(((TS2(I)-TS2(I))/(HL2-HL1))*(ZHL(IX,IY)-HL1))
     ELSE IF (ZHL(IX,IY) .GT. 550 .AND. ZHL(IX,IY) .LE. 900) THEN
     TSX(IX,IY)=TS2(I)+(((TB(I)-TS2(I))/(HL3-HL2))*(ZHL(IX,IY)-HL2))
     ELSE IF (ZHL(IX, IY) .GT. 900) THEN
     TSX(IX,IY)=TB(I)+(((TS4(I)-TB(I))/(HL4-HL3))*(ZHL(IX,IY)-HL3))
     END IF
```

С

```
C-----C
   Windgeschwindigkeit C
C
C-----C
    WSX(IX,IY)=WS2(I)*(ZHL(IX,IY)/550.)**0.4
C-----C
C
      Bilanzierung der Messparameter auf Gelaende
C-----C
С
      QKW(IX,IY)=(DSH(IX,IY)+DH(I))*117.*(1.-ALX(IX,IY))
      QLW(IX,IY)=(((TLX(IX,IY)+273.)**4*3.14E-8)-230.)*
     ×
                (1.-WH(I)*(BW(I)/0.8))
      ADL(IX,IY)=(0.01*RFX(IX,IY)*6.108)*EXP((17.84*TLX(IX,IY))/
     *
               (245.43+TLX(IX,IY)))
      QH(IX,IY) =2.2*WSX(IX,IY)*(TLX(IX,IY)-TSX(IX,IY))
      QE(IX,IY) =11.8*WSX(IX,IY)*(ADL(IX,IY)-6.108)
      QP(IX,IY) =TLX(IX,IY)*RNX(IX,IY)
С
с
      IF (ZHL(IX,IY) .LE. 400) THEN
        WA(IX,IY)=(1-EXP(-{SD(I)*2.125)**6))
      ELSE IF (ZHL(IX,IY) .GT. 400 .AND. ZHL(IX,IY) .LE. 1000 .AND.
     t
              ZHN(IX,IY) .LE. 14.) THEN
        WA(IX,IY)=(1-EXP(-(SD(I)*2.0)**10))
      ELSE IF (ZHL(IX,IY) .GT. 400 .AND. ZHL(IX,IY) .LE. 1000 .AND.
             ZHN(IX,IY) .GT. 14.) THEN
     ×
        WA(IX,IY)=(1-EXP(-(SD(I)*2.22)**10))
      ELSE IF (ZHL(IX, IY) .GT. 1000) THEN
        WA(IX,IY)=(1-EXP(-(SD(I)*2.12)**10))
      END IF
С
С
      IF (TSX(IX,IY) .GE. 0.0) THEN
         WAS(IX,IY)=WA(IX,IY)*
                   (0.003*(QKW(IX,IY)+QLW(IX,IY)+QH(IX,IY)+
     *
                   QE(IX, IY)+QP(IX, IY))+0.02)
      ELSE.
        WAS(IX,IY)=0.0001
      END IF
С
 С
      write (12,1000) i,iy,ix,zhl(ix,iy),zhn(ix,iy),zex(ix,iy),
     *
                  soha(ix,iy),dsh(ix,iy),tlx(ix,iy),rfx(ix,iy),
     *
                  rnx(ix,iy),alx(ix,iy),tsx(ix,iy),wsx(ix,iy),
     ٠
                   qkw(ix,iy),qlw(ix,iy),qh(ix,iy),qe(ix,iy),
                  qp(ix,iy),was(ix,iy),dh(i),ds(i),ihugo
     *
 1000 format (' ', i5, 2i3, f7.1, 2f5.0, f6.1, f7.1, 6f5.1, 4f7.1, 2f6.2,
         2f5.1,i2}
С
 С
      IF (WAS(IX,IY) .GT. 0.0) THEN
         SWAS(IX,IY)=SWAS(IX,IY)+WAS(IX,IY)
      ELSE
         WAS(IX,IY)=0.0001
      END IF
 С
 730
      CONTINUE
 720
      CONTINUE
      CONTINUE
 710
 С
      END
```

С

116

```
PROGRAM ISOLWTW12
C-----C
     Graphikprogramm DISSPLA (Linien, Isolinien)
                                                           с
С
С
   Wasseraequivalent Temp.-Wind Index 5.7.1981
                                                            С
C-----C
            KMX(10),KMY(10)
     REAL
     DIMENSION ZMAT (34,52), ZNEU (34,52)
     DIMENSION IAZXY(20), STLIN(20), BLX(318), BLY(318), BBLX(318),
            BBLY(318),XA(1200),YA(1200)
    COMMON WORK (8000)

        DATA
        KMX/25.6,25.6,33.6,33.6,33.6,29.6,29.6,29.6,29.6,29.6,25.6/

        DATA
        KMY/2.5,2.1,2.1,2.5,2.3,2.3,2.5,2.1,2.3,2.3/

    -----C
C----
C Einlesen der Matrix C
  -----C
C -
     OPEN (UNIT=1, FILE='WATW12.DAT;1', STATUS='OLD')
С
     READ (1,100) ((ZMAT(IX,IY),IX=1,34),IY=1,52)
100 FORMAT (4X, 10F7.2/4X, 10F7.2/4X, 10F7.2/4X, 4F7.2)
С
     DO 110 IX=1,34
     DO 120 IY=1,52
           IF (ZMAT(IX,IY) .GT. 0.2) THEN
             ZNEU(IX,IY)=ZMAT(IX,IY)
           ELSE
            2NEU(IX, IY) = -2.0
           END IF
     CONTINUE
120
     CONTINUE
110
C
     WRITE (6,130) ((ZNEU(IX,IY),IX=1,34),IY=1,52)
130
    FORMAT (2X, 10F7.2/, 2X, 10F7.2/, 2X, 10F7.2, /2X, 4F7.2)
C-----C
C Linienprogramm
                              С
C-----C
    OPEN (UNIT=2,FILE='HTOPD.DAT;1',STATUS='OLD')
C-----C
   IALIN = Anzahl der Linien
С
                                                       C
    IAZXY = Anzahl der Koordinatenpunkte
STLIN = Linienstaerke
С
                                                        С
С
                                                       С
С
     BLX,BLY= Koorddinaten Blank
                                                       С
С
    XA,YA = Koordinaten
                                                       С
C-----C
    READ (2,200) IALIN
200
    FORMAT (2X,I3)
     WRITE (6,210) IALIN
    FORMAT (//,5X,I3)
210
     READ (2,220) (IAZXY(I), I=1, IALIN)
220
    FORMAT (2X,2013)
     WRITE (6,230) (IAZXY(I), I=1, IALIN)
    FORMAT (/,5X,20I3)
230
     READ (2,240) (STLIN(I), I=1, IALIN)
240
     FORMAT (2X,10F5.2/2X,10F5.2)
     WRITE (6,250) (STLIN(I), I=1, IALIN)
250
    FORMAT (/,5X,10F5.2/5X,10F5.2)
```

C		C
С	DISSPLA - Kar	te C
c		C
c		C
c	Freistellen F	C C
C		C
	CALL PLTDEF	(11130014)
	CALL PHYSOR	(1.5,1.5)
	CALL AREA2D	(17.,26.)
	READ (2,260)	(BLX(K),K=1,318)
	READ (2,260)	(BLY(K),K=1,318)
260	FORMAT (8X,12	2F6.2)
	DO 270 K=1.3	8
	BBLX(K)=BLX()	()/2.
	88LY(K)=8LY(1	()/2.
270	CONTINUE	
	CALL BLPOLY	(BBLX, BBLY, 318, 0)
	CALL ENDGR	(0)
		-
C		C
С	Zeichnung der	r Isolinien C
C		C
	CALL PHYSOR	(3.0,2.0)
	CALL AREA2D	(17.,26.)
	CALL HEIGHT	(0.15)
	CALL XNAME	('',1)
	CALL YNAME	(' ',1)
	CALL GRAF	(0.,17.,34.,0.,26.,52.)
	CALL BCOMON	(8000)
	CALL CONMAK	(ZNEU, 34, 52, 25.)
	CALL CONLIN	(0, SOLID', LABELS',1,4)
	CALL CONLIN	(1,'DASH','LABELS',1,1)
	CALL CONMIN	(7.)
	CALL CONANG	(90.)
	CALL RASPLN	(0.25)
	CALL COMPLX	
	CALL COMPLX CALL HEIGHT	(0.15)
	CALL COMPLX CALL HEIGHT CALL CONTUR	(0.15) (2,'LABELS','DRAW')

```
C-----C
C Rahmen, Schrift
                                                  С
c-----C
     CALL PHYSOR (1.5,1.5)
     CALL AREA2D (17.5,26.)
     CALL RESET
                 ('8LNKS')
     CALL SCHPLX
     CALL SWISSM
     CALL HEIGHT (0.35)
CALL MESSAG ('I S D A L E N$',100,6.5,27.6)
     CALL HEIGHT (0.3)
     CALL SWISSL
     CALL MESSAG ('Wasseraequivalent 5.7.1981$',100,5.7,27.0)
CALL HEIGHT (0.25)
     CALL MESSAG ('Temp.- Wind Index Schmelzansatz$',100,5.6,26.4)
     CALL HEIGHT (0.20)
CALL MESSAG ('Isolinien in cm$',100,12.7,3.6)
     CALL MESSAG ('Schmelzwasseraequivalent$',100,12.7,3.0)
     CALL HEIGHT (0.16)
CALL MESSAG ('0$',100,12.75,1.5)
CALL MESSAG ('1$',100,14.75,1.5)
     CALL MESSAG ('2 Km$',100,16.4,1.5)
     CALL HEIGHT (0.18)
CALL MESSAG ('Stuve 1986$',100,0.5,0.5)
     CALL RESET
                 ('ALL')
     CALL COMPLX
     CALL HEIGHT (0.23)
CALL XNAME ('S U E D',10)
CALL YNAME ('W E S T',10)
     CALL XINTAX
     CALL YINTAX
     CALL GRAF
                  (0.,5.,35.,0.,5.,52.)
     CALL THKFRM (0.03)
     CALL FRAME
     CALL CURVE (KMX, KMY, 10,0)
c-----c
    Zeichnen der Linien
С
                                                     C
C-----C
     DO 300 I=1, IALIN
     II = IAZXY(I)
     READ (2,310) (XA(N),N=1,II)
     READ (2,310) (YA(N),N=1,II)
310
     FORMAT (8X,12F6.2)
С
С
     CALL THKCRV (STLIN(I))
     CALL CURVE (XA, YA, IAZXY(I),0)
     CALL RESET. ('THKCRV')
С
300
     CONTINUE
C
     CALL ENDPL
                  (0)
     CALL DONEPL
С
     CLOSE(2)
     CLOSE(1)
     STOP
     END
```

## Kurzfassung / Summary / Sammenfattning

Die Schneeschmelze eines nordskandinavischen Einzugsgebietes ermittelt über die räumlich-zeitliche Variation des Strahlungs- und Energiehaushalts.

Schneehydrologische Forschungen sind im Bereich der nördlichen Hemisphäre für Hydrologie und Wasserwirtschaft von großer Bedeutung. Die Durchführung wasserwirtschaftlicher Maßnahmen erfordern Kenntnisse über Schneedeckenauf- und -abbau, die durch geeignete Modellansätze simuliert werden. Eine einfache, oft angewandte Bilanzierung des Schneedeckenspeichers zu Beginn der Schmelzperiode stellt für die Energieproduktion nur eine ungenaue Prognose dar. Dagegen bieten räumlichzeitliche Modellrechnungen der Schneedeckenablation genauere Kenntnisse über Schmelzverhalten in Teilräumen des Einzugsgebietes, bessere Grundlagen für steuernde Maßnahmen für die Wasser- und Energiebewirtschaftung und sicherere Berechnungen von Hochwasserereignissen.

Als räumliche Grundeinheit, bestehend aus topographischen und morphometrischen Parametern, dient ein digitales Geländemodell. Ausgehend von der Kartengrundlage und der Übertragbarkeit des Modells auf weitere, größere Einzugsgebiete, wurde eine Matrix mit quadratischen Teilflächen von 250 m Seitenlänge gewählt. Darin eingeschlossen sind Angaben über Hangneigung und Exposition, die für jede Rasterfläche in der Geländematrix berechnet wurden. Das Geländemodell dient als Grundlage zur Extrapolation von hydro-meteorologischen Punktmessungen auf den Raum. Schmelzmodelle, insbesondere das Teilmodell Strahlung stehen in unmittelbarer Abhängigkeit vom Geländemodell.

Ein erster Ansatz zur Berechnung des räumlichen Schneedeckenspeichers wird mit Hilfe der Meßergebnisse aus Punktmessungen und Schneeroutenaufnahmen zu Beginn und während der Schmelzperiode durchgeführt. Die auf ebenen Flächen und in verschiedenen Geländehöhen gemessenen Schneedeckenwerte ergeben eine nichtlineare, exponentielle Beziehung zur Höhe. Zur Ermittlung der Schneedecke an Hängen werden Schneehöhen durch Routenaufnahmen durchgeführt. So entsteht in Abhängigkeit von Geländehöhe und Hangneigung eine differenzierte Aussage über die Gebietsschneedecke.

Wichtiges Teilmodell für den Energiehaushalt der Schneedecke ist die Strahlung. Eine räumliche Modellierung erfordert Angaben über Neigung und Exposition der Teilflächen. Daraus berechnen sich, abhängig von Tages- und Jahreszeiten, unterschiedliche Strahlungsintensitäten. Außerdem entstehen Strahlungsverluste durch Horizontabschattung benachbarter oder auch außerhalb des Einzugsgebietes höher liegender Geländeteile. Eine Analyse verschiedener deterministisch orientierter Schmelzmodelle erfolgte am Schneelysimeter der Station Talmitte. Um die Modellansätze des Temperatur-Index, Temperatur-Wind-Index Verfahrens und der Energiebilanzverfahren I und II in Zusammenhang mit den gemessenen Schmelzwasserdaten zu bringen, ist eine Optimierung der unbekannten Parameter durchzuführen. Dabei stellte sich heraus, daß für verschiedene Zeitschritte die Werte der Modellparameter unterschiedlich sind. Bei der Berechnung von Tageswerten erzielt das Temperatur-Wind-Index Verfahren (TWIN) eine ebenso gute Anpassung wie die Energiebilanzierungsansätze. Extreme Schmelzwasserabflüsse werden allerdings bei allen Ansätzen nur ungenau modelliert.

Die Ansätze DDEG und TWIN liefern bei der Berechnung der Schmelzraten mit stündlichen Zeitschritten wegen der strahlungsabhängigen Tagesgänge besonders für die Tagesspitzen zu niedrige oder überhöhte Werte. Hier zeigt sich anhand der guten Modellanpassung von Bilanzverfahren II der Einfluß der Strahlung auf die Schneeschmelze.

Eine Überprüfung oben genannter Modellansätze in zweistündlichen Zeitintervallen als weiterer Schritt zur räumlich-differenzierten Schneeschmelze erfolgte anschließend an drei weiteren Schneemeßpunkten in 200 m, 900 m und 1220 m Höhe. Die einfachen Ansätze liefern an allen Meßpunkten nur ungenaue Werte und nur eine wiederholte Parameteroptimierung an jedem Punkt würde die Ergebnisse verbessern. Berücksichtigt man hierbei noch den ungenauen Tagesgang der Modellrechnungen von DDEG und TWIN, so zeigt das Energiebilanzverfahren II beste Übereinstimmung für jeden Schneemeßpunkt zu jeder Tageszeit. Eine Übertragbarkeit des Energiebilanzmodells II auf den Raum erscheint somit gesichert.

Mit Hilfe des Geländemodells als räumliche Grundeinheit wurden Temperaturgradienten zwischen den Meßstationen in 200 m, 550 m, 900 m und 1400 m Höhe und in Zeitschritten von zwei Stunden berechnet. Die Extrapolation der anderend meteorologischen Parameter erfolgte in ähnlicher Weise. Ein differenziertes Bild über den Auf- und Abbau stabiler Luftschichten konnte somit für Schmelzberechnungen in Ansätzen berücksichtigt werden.

Die Überlegenheit des räumlich angewandten Energiebilanzmodells gegenüber den einfachen Berechnungen von DDEG und TWIN wird an der differenzierten Schmelzsituation deutlich. Das sich über die Schmelzperiode verändernde Strahlungsverhalten sorgt für hohe oder niedrige Ablationsraten an verschieden exponierten und geneigten Hangbereichen. Auch der Einfluß der Horizontabschattung ist für einzelne Hanglagen oder Tal- und Muldenbereiche für eine räumliche Analyse der Schneeschmelze von entscheidender Bedeutung. Eine räumliche Schneeschmelzberechnung mit Analysen der Tagesgänge erfordert ein komplexes Energiebilanzmodell. Nur die Einbeziehung eines Strahlungsmodells mit Berücksichtigung der Horizontabschattung ermöglicht detaillierte Kenntnisse über das Schmelzverhalten in Teilräumen.

# The snow melt of a North Scandinavian catchment area determined from the spatial variation of radiation and energy budget

Research into snow hydrology is very important in the northern hemisphere in the areas of hydrology and water management. The realisation of water-conservation requires knowledge of the accumulation and ablation of snowcover, both of which can be predicted by appropriate models. A simple, often used calculation method for snow ablation, based on the known snow cover at the beginning of the ablation period, gives only an inaccurate forecast for the production of energy. In comparison, calculations using space-time models of snowcover ablation give more exact knowledge about the local shrinkage in the catchment area.

In the research, a digital landscape model (chap. 2) was developed, based on spatial data compiled from topographic and morphographic parameters. Details of the grid elements used in this model were taken from the basic topographic data of the area represented, with slope and orientation being calculated for each element. An element size of  $250 \text{ m}^2$  was selected due to the need for an adequate mesh density, both for the landscape model here and for other foreseeable applications. This landscape model served as a basis for extrapolation of data gathered from hydrometeorological measurement points situated within the modelled area and as a basis for the radiation submodel. Hydrometeorological data gathered from individual measurement points on the landscape were extrapolated over the catchment area, using the landscape model matrix.

As a first step in the calculation of the spatial snow cover (chap. 3), data were gathered at the measuring points and along a snow route at the beginning of and during the melting period. This measured snow cover data, taken from plain surfaces and at different elevations in the catchment area, showed a non-linear, exponential relationship to the elevation. The snow cover on slopes was determined only from depths measured along the snow route. Therefore, results concerning the snow cover over the catchment area, were determined independently of the elevation and slope of the landscape matrix.

An important part of the snow cover energy balance model is radiation (chap. 4), a spatial modelling of which requires data concerning inclination and orientation of grid elements. In the model different radiation intensities are calculated from these inclination and orientation data according to the time of day and year. An exception to this, however, are the radiation losses, resulting from horizon shading by higher lying land, situated either within or outside of the catchment area.

A comparison of the effectiveness of different snow melting models (chap. 5) was carried out at the snow lysimeter of the "Talmitte" mountain station, situated in the centre of the catchment area. An optimisation of the unknown parameters of these models (Temperature Index, Temperature-Wind Index methods and two energy-balance models) was carried out to bring their performance in line with the measured meltwater data. From this it was found out that the values of the model parameters were not independent of the length of the time interval between measurements. Further, with intervals of one day, the Temperature Index (DDEG) and Temperature-Wind Index model (TWIN) produced as good a fit to the measured values as the energy-balance models (chap. 5.5). However, with this time interval, extreme meltwater flows were imprecisely predicted by all the models evaluated.

With the time intervals of one hour, it was found that the DDEG and TWIN models predicted either too high or too low values of meltrate, particularly for the peak values of each day. This was because of the daily variation of radiation not included in these models. However, the good fit with the measured values, obtained with one of the energy balance models shows clearly the influence of radiation on snow melting.

As a further step toward a spatial differentiation of melt rate, an evaluation of the four previously described models, using 2-hourly time intervals, has been carried out, at three further snow measuring points, situated at 200, 900 and 1220 m altitude. Here, the simpler models gave imprecise predictions at all the measuring points. However, correlation with the measured values was improved. The Energy Balance II model gave the best overall predicted snow melting results for each of the measuring points and for every time of day. Thus the spatial transferability of the Energy Balance II model has been demonstrated in practice.

Temperature gradients were calculated between the measuring points at 200, 550, 900 and 1400 m altitude at 2hourly time intervals (chap. 6). Temperatures for each element on the grid net of the landscape model were then taken from these interpolated values. The other meteorological parameters were similarily calculated. Therefore, for example, a picture of the build-up and dispersion of stable air layers over the landscape could be brought into consideration in the snow melt calculations.

The advantage of both energy balance models in comparison with the relative simple calculations from DDEG and TWIN are clear for different melting situations. This is because of radiation changes over the melting period, resulting in either higher or lower ablation rates on differently exposed and inclined slopes. Also, the influence of horizon shading on specific slopes or on valleys and hollows is of clear importance for a spatial analysis of snow melting.

A spatial snowmelt calculation with analysis of the proceedings of the day requires a complex energy balance model. Only the inclusion of a radiation sub-model combined with allowance for horizon-shading ensures that detailed predictions of the local snow melting in catchment areas can be made.

This model, with a radiation sub-model and a consideration of horizon shading has served to predict snow melting for a catchment area in Norway and was found to produce more accurate data than other, more commonly used calculation methods.

### Snomeltstudier i en nordskandinavia nedborfelt beregnet over straling og energihushold i tid og rom

Snø hydrologisk forskning er av stor betydning for hydrologien og vann økonomien i den nordlig hemisphære. Gjennomføring av vannøkonomikk planlegging, krever kjennskap til snø akkumulasjon og snø smelting. Denne "snø husholding" kan simuleres gjennom egnede modeller. En enkel, ofte benyttet beregning metode for et snø magasin, gir bare en un yaktig prognose for vannenergiprodusentene. På den annen side vil terreng- og tidsmessige modellberegninger av snø smeltingen gi bedre resultater i de enkelte delene av nedbørfeltet. Med en slik modell har man et bedre grunnlag for beregning og prognose av vannenergie- produksjon og flom.

En tredimensjonal digital landskapemodell, som består av topografiske og morfometriske parametre, tjener som en grunnenhet (se kap. 2). Det ble valgt en matrise best ende av kvadrater med sidelengde på 250 m. Denne matrisen egner seg til overføringer til andre og større nedbørfelter. Hellning og hellningsretning for hvert matrisekvadrat er blitt beregnet ut fra hoydematrisen. Denne landskapsmodellen tjener som grunnlag for extrapolering av hydrometeorologiske punktmålinger, for å dekke hele nedbørfeltet. Smeltemodeller, spesiellt energibalansemodeller med delmodell for stråling, er direkte avhengig av denne landskapsmodellen.

For en første beregning av snømagasinet, i begynnelsen av snøsmeltingen, benytter man punktmålinger og snørutemålinger. Disse snømålingene, tatt horizontalt og i forskjellige høyder, gir en eksponentiell, ikke linear funksion av høyden (kap.3.2.2). For å få snødybdeverdier i hellninger, ble det gjennomført "snørutemålinger". Slik oppstår det en avhengighet mellom høyde og hellning i landskapet, som gir et differensiert resultat av snømagasinet.

Den viktigste delmodell i snøens energihusholding er stråling (kap. 4). Beregner man stråling over hele landskapsmodellen, så bruker man verdier for helnings- og helningsretningsmatrisen. Avhengig av dags- og års- tidene, kan man beregne forskjellige strålingsintensiteter. I denne modellen er også høyere liggende terrengdeler tatt med i beregningen.

En analyse av forskjellige deterministiks orienterte smeltemodeller (kap. 5) ble gjennomført på grunnlag av snø lysimeter målinger fra stasjonen "Talmitte" Geiteryggen in 550 m høyde. For å sammenligne snølysimeter data med snøsmeltemodeller (Temperatur- Index, Temperatur- Vind-Index og Energibilansering) ble det foretatt en optimering av de ukjente parametrene. Resultatene av dette viser at modellparametrene er forskjellige for de aktuelle tidsintervall. Ved beregning av dagsintervaller. gir Temperatur-Vind-Index modell (TWIN) et like god resultat som energibalanse modellen. Uansett vil ekstrem snøsmelting gi unøyaktige beregninger (kap.5.5).

Timeintervallene i de to modellene Temperatur-Index (DDEG) og Temperatur - Vind-Index (TWIN) vil være unøyaktige, da de ikke tar strålingen med i modellen (kap. 5.6). Dette gir seg utslag i for høyer eller for lave verdier i dags intervallene. Da balansemodell II tar med strålingsmodell i beregningene, vil denne modellen gi meget gode resultater.

Aller modeller er kontrollerte i 2- timer intervaller på tre andre målestasjoner, en i 200 m. en i 900 m og en i 1220 m høyde. Dette er det neste skritt i beregningen av den differensierte snø magasin meltingen (kap. 5.7). Da optimering for disse ovenfor nevnte stasjonene ikke er utført, vil de enkelte snømodeller være unøyaktige. For hvert tidspunkt på dagen, viser energimodell II god overenstemmelse med snømålepunktene. Dermed er en sammenkopling mellom energimodell II og landskapsmodellen sikret.

Med 2- times tidsintervall ble temperaturgradienten mellom målestsjonene i 200 m, 550 m, 900 m og 1400 m høyde beregnet ved hjelp av landskapsmodellen som grunnenhet (kap. 6). Ekstrapoleringen av de andre meteorologiske data er gjortn på samme måte.

Fordelen ved energibalanse modellen framfor de enklere beregningsmodellene DDEG og TWIN er tydelig ut fra den differensierte smeltesituasjonen. Da innstrålingen forandrer seg gjennom smelteperioden, vil snøsmeltingen variere i de forskellige hellninger og hellningsretninger. Horisont- skyggen, dalsidene, dalbunnen og dalsenkningen er av avgjørende betydning for den terrengmessige analyse av snøsmeltingen.

En total terrengmessig snøsmelteberegning med analyse i time- intervaller krever en kompleks energibalansemodell. Kun en strålingsmodell som tar med i betraktning horisont- skyggen muliggjør detaljerte kunnskaper om smelteforholdene i de enkelte deler av nedbørfeltet.

Heft	1:	HIERSEMENZEL, Sigrid-Elisabeth (1964)
		Britische Agrarlandschaften im Rhythmus des landwirtschaftlichen Arbeitsjahres, untersucht an 7 Einzelbei-
		spielen. – 46 S., 7 Karten, 10 Diagramme.
		ISBN 3-88009-000-9 (DM 5,-)
Heft	2:	ERGENZINGER, Peter (1965)
		Morphologische Untersuchungen im Einzugsgebiet der Ilz (Bayerischer Wald) 48 S., 62 Abb.
		ISBN 3-88009-001-7 (vergriffen)
Heft	3:	ABDUL-SALAM, Adel (1966)
		Morphologische Studien in der Syrischen Wüste und dem Antilibanon 52 S., 27 Abb. im Text, 4 Skizzen, 2
		Profile, 2 Karten, 36 Bilder im Anhang.
		ISBN 3-88009-002-5 (vergriffen)
Heft	4:	PACHUR, Hans-Joachim (1966)
		Untersuchungen zur morphoskopischen Sandanalyse 35 S., 37 Diagramme, 2 Tab., 21 Abb.
		ISBN 3-88009-003-3 (vergriffen)
Heft	5:	Arbeitsberichte aus der Forschungsstation Bardai/Tibesti. I. Feldarbeiten 1964/65 (1967)
		65 S., 34 Abb., 1 Karte.
		ISBN 3-88009-004-1 (vergriffen)
Heft	6:	ROSTANKOWSKI, Peter (1969)
		Siedlungsentwicklung und Siedlungsformen in den Ländern der russischen Kosakenheere 84 S., 15 Abb., 16
		Bilder, 2 Karten.
		ISBN 3-88009-005-X (DM 15,-)
Heft	7:	SCHULZ, Georg (1969)
		Versuch einer optimalen geographischen Inhaltsgestaltung der topographischen Karte 1:25 000 am Beispiel
		eines Kartenausschnittes. – 28 S. 6 Abb. im Text, 1 Karte im Anhang.
		ISBN 3-88009-006-8 (DM 10,-)
Heft	8:	Arbeitsberichte aus der Forschungsstation Bardai/Tibesti. II. Feldarbeiten 1965/66 (1969)
		82 S., 15 Abb., 27 Fig., 13 Tafeln, 11 Karten.
		ISBN 3-88009-007-6 (DM 15,–)
Heft	9:	JANNSEN, Gert (1970)
		Morphologische Untersuchungen im nördlichen Tarso Voon (Zentrales Tibesti) 66 S., 12 Abb., 41 Bilder, 3
		Karten.
		ISBN 3-88009-008-4 (DM 15,-)
Heft	10:	JAKEL, Dieter (1971)
		Erosion und Akkumulation im Enneri Bardague-Araye des Tibesti-Gebirges (zentrale Sahara) während des
		Pleistozäns und Holozäns. – Arbeit aus der Forschungsstation Bardai/Tibesti, 55 S., 13 Abb., 54 Bilder, 3 Tab.,
		1 Nivellement (4 Teile), 60 Profile, 3 Karten (6 Teile).
		ISBN 3-88009-009-2 (DM 20,–)
Heft	11:	MULLER, Konrad (1971)
		Arbeitsaufwand und Arbeitsrhythmus in den Agrarlandschaften Süd- und Südostfrankreichs: Les Dombes bis
		Bouches-du-Khone. – 64 S., 18 Karten, 26 Diagramme, 10 Fig., zanireiche Tabellen.
	10	ISBN 3-88009-010-0 (DM 23(~)
неп	12:	OBENAUF, K. Peter (1971) Die Ennerie Conne Teudoufen Ondingung und Namoscupeles im nordwartlichen Titanti. Beskestetungen au
		Die Enneris Gonoa, Toudoutou, Oudingueur und Nemagayesko im nordwesilichen Tibesii. Beobachungen zu Formen und Formung in den Tälem eines eriden Gebirges Arbeit aus der Forschungestetion Perdei (Tibesti
		70 S 6 Abb 10 Tab 21 Photos 34 Ouerocofile 1 Längsprofil 9 Karten
	ISBN 3.88009.011.4 (DM 20)	
Heft	13:	MOLLE. Hans-Georg (1971)
**	•	Gliederung und Aufbau fluviatiler Terrassenakkumulation im Gebiet des Enneri Zoumri (Tibesti-Gebirge)
		Arbeit aus der Forschungsstation Bardai/Tibesti. 53 S., 26 Photos. 28 Fig., 11 Profile, 5 Tab., 2 Karten.
		ISBN 3-88009-012-2 (DM 10,)

Heft 14:	STOCK Peter (1972)
	Photogeologische und tektonische Untersuchungen am Nordrand des Tibesti-Gebirges, Zentral-Sahara, Tchad.
	- Arbeit aus der Forschungsstation Bardai/Tibesti. 73 S., 47 Abb., 4 Karten.
	ISBN 3-88009-013-0 (DM 15,-)
Heft 15:	BIEWALD, Dieter (1973)
	Die Bestimmungen eiszeitlicher Meeresoberflächentemperaturen mit der Ansatztiefe typischer Korallenriffe
	40 S., 16 Abb., 26 Seiten Fig. und Karten.
	ISBN 3-88009-015-7 (DM 10,-)
Heft 16:	Arbeitsberichte aus der Forschungsstation Bardai/Tibesti. III. Feldarbeiten 1966/67 (1972)
	156 S., 133 Abb., 41 Fig., 34 Tab., 1 Karte.
	ISBN 3-88009-014-9 (DM 45,-)
Heft 17:	PACHUR, Hans-Joachim (1973)
	Geomorphologische Untersuchungen im Raum der Serir Tibesti (Zentralsahara) Arbeit aus der Forschungs-
	station Bardai/Tibesti. 58. S., 39 Photos, 16 Fig. und Profile, 9 Tab., 1 Karte.
	ISBN 3-88009-016-5 (DM 25,-)
Heft 18:	BUSCHE, Detlef (1973)
	Die Entstehung von Pedimenten und ihre Überformung, untersucht an Beispielen aus dem Tibesti-Gebirge, Re-
	publique du Tchad. – Arbeit aus der Forschungsstation Bardai/Tibesti. 130 S., 57 Abb., 22 Fig., 1 Tab., 6 Kar-
11 6 10	ISBN 3-88009-017-3 (DM 40,-)
Hell 19:	KULAND, Nordert W. (1973)
	Anwendung der Photointerpretation zur Losung straugraphischer und textonischer Photoiente im Bereich von
	35 Abh 10 Fig. A Tah 2 Kartan
	ISBN 3.88009-018-1 (DM 20_)
Heft 20.	SCHULZ Georg (1974)
11011 20.	Die Atlaskartographie in Vergangenheit und Gegenwart und die darauf aufhauende Entwicklung eines neuen
	Erdatlas. – 59 S., 3 Abb., 8 Fig., 23 Tab., 8 Karten.
	ISBN 3-88009-019-X (DM 35)
Heft 21:	HABERLAND, Wolfram (1975)
	Untersuchungen an Krusten, Wüstenlacken und Polituren auf Gesteinsoberflächen der nördlichen und mittleren
	Sahara (Libyen und Tchad) Arbeit aus der Forschungsstation Bardai/Tibesti. 71 S., 62 Abb. 24 Fig., 10 Tab.
	ISBN 3-88009-020-3 (DM 50,-)
Heft 22:	GRUNERT, Jörg (1975)
	Beiträge zum Problem der Talbildung in ariden Gebieten, am Beispiel des zentralen Tibesti-Gebirges (Rep. du
	Tchad). – Arbeit aus der Forschungsstation Bardai/Tibesti. 96 S., 3 Tab., 6 Fig., 58 Profile, 41 Abb., 2 Karten.
	ISBN 3-88009-021-1 (DM 35,-)
Heft 23:	ERGENZINGER, Peter Jürgen (1978)
	Das Gebiet des Enneri Misky im Tibesti-Gebirge, République du Tchad – Erläuterungen zu einer geomorpho-
	logischen Karte 1 : 200 000. – Arbeit aus der Forschungsstation Bardai/Tibesti. 60 S., 6 Tab., 24 Fig., 24
	Photos, 2 Karten.
	ISBN 3-88009-022-X (DM 40,-)
Heft 24:	Arbeitsberichte aus der Forschungsstation Bardai/Tibesti. IV. Feldarbeiten 1967/68, 1969/70, 1974 (1976)
	24 Fig., 79 Abb., 12 Tab., 2 Karten.
11 6 05	ISBN 3-88009-023-8 (DM 30,-)
Hell 25:	MULLE, Mans-Georg (1979). Untermahungan mur Entwicklung dar vorraitlichen Manhadungmik im Tibesti Gabires (Zentral Sabara) und
	in Tunesien _ Arbeit aus der Forschungsstation Rardai/Tibesti 104 S 22 Abb 40 Fig. 15 Tab. 3 Karten
	II I alcolorit Front aus dei Foroniaigsstation Darbay Froesit. 104 5., 22 Front, 40 Fig., 15 Fau., 5 Kaltell. ISBN 3.88000.024.6 (DM 35_)

Heft 26:	BRIEM, Elmar (1977)
	Beiträge zur Genese und Morphodynamik des ariden Formenschatzes unter besonderer Berücksichtigung des Problems der Flächenbildung am Beispiel der Sandschwemmebenen in der östlichen Zentralsahara. – Arbeit aus der Forschungsstation Bardai/Tibesti. 89 S., 38 Abb., 23 Fig., 8 Tab., 155 Diagramme, 2 Karten.
	ISBN 3-88009-025-4 (DM 25,-)
Heft 27:	GABRIEL, Baldur (1977)
	Zum ökologischen Wandel im Neolithikum der östlichen Zentralsahara Arbeit aus der Forschungsstation
	Bardai/Tibesti. 111 S., 9 Tab., 32 Fig., 41 Photos, 2 Karten.
	ISBN 3-88009-026-2 (DM 35,-)
Heft 28:	BÖSE, Margot (1979)
	Die geomorphologische Entwicklung im westlichen Berlin nach neueren stratigraphischen Untersuchungen
	46 S., 3 Tab., 14 Abb., 25 Photos, 1 Karte.
	ISBN 3-88009-027-0 (DM 14,-)
Heft 29:	GEHRENKEMPER, Johannes (1978)
	Rañas und Reliefgenerationen der Montes de Toledo in Zentralspanien 81 S., 68 Abb., 3 Tab., 32 Photos, 2
	Karten.
	ISBN 3-88009-028-9 (DM 20,–)
Heft 30:	STÄBLEIN, Gerhard (Hrsg.) (1978)
	Geomorphologische Detailaufnahme. Beiträge zum GMK-Schwerpunktprogramm I 90 S., 38 Abb. und Bei-
	lagen, 17 Tab.
	ISBN 3-88009-029-7 (DM 18,-)
Heft 31:	BARSCH, Dietrich & LIEDTKE, Herbert (Hrsg.) (1980)
	Methoden und Anwendbarkeit geomorphologischer Detailkarten. Beiträge zum GMK-Schwerpunktprogramm
	II. – 104 S., 25 ADD., 5 1 aD.
11-6-20-	ISBN 3-88009-030-0 (DM 17,-)
Hell 52:	Arbeitsbenchte aus der Forschungsstadon Bardal/Tibesti. V. Abschlubbencht (1982) 192 S. 62 Eig und Abb. 94 Distor 4 Tab. 5 Karten
	162 5., 05 Fig. uld Abb., 64 Filous, 4 Tab., 5 Kattell. ISBN 3 88000 031 0 (DM 60 )
Heft 33.	TRETER $I_{We}$ (1081)
nen 55.	7 Jum Wasserhaushalt schleswig-holsteinischer Seengehiete – 168 S 102 Abb 57 Tab
	ISBN 3-88009-033-5 (DM 40)
Heft 34:	GEHRENKEMPER, Kirsten (1981)
	Rezenter Hangabtrag und geoökologische Faktoren in den Montes de Toledo, Zentralspanien, – 78 S., 39 Abb.
	13 Tab., 24 Photos, 4 Karten.
	ISBN 3-88009-032-7 (DM 20,-)
Heft 35:	BARSCH, Dietrich & STÄBLEIN, Gerhard (Hrsg.) (1982)
	Erträge und Fortschritte der geomorphologischen Detailkartierung. Beiträge zum GMK-Schwerpunktprogramm
	III. – 134 S., 23 Abb., 5 Tab., 5 Beilagen.
	ISBN 3-88009-034-3 (DM 30,-)
Heft 36:	STÄBLEIN, Gerhard (Hrsg.) (1984):
	Regionale Beiträge zur Geomorphologie. Vorträge des Ferdinand von Richthofen-Symposiums, Berlin 1983
	140 S., 67 Abb., 6 Tab.
	ISBN 3-88009-035-1 (DM 35,-)
Heft 37:	ZILLBACH, Käthe (1984)
	Geoökologische Gefügemuster in Süd-Marokko. Arbeit im Forschungsprojekt Mobilität aktiver Kontinental-
	ränder. – 95 S., 61 Abb., 2 Tab., 3 Karten.
11.6.20	ISBN 5-88009-036-X (D/A 18,) WA (NYCD: 70-4 (1084)
Heft 38:	WAGNEK, Feler (1984)
	Kezenie Abaragung und geomorphologische Bedingungen im Becken von Ouarzazate (Süd-Marokko). Arbeit
	ER FORSchungsprojekt Moonitat aktiver Konturentairander. – 112 S., 63 ADD., 48 Tab., 5 Karten. JSBN 3-88009-037-8 (DM 18,–).

Heft 39:	BARSCH, Dietrich & LIEDTKE, Herbert (Hrsg.) (1985)
	Geomorphological Mapping in the Federal Republic of Germany. Contributions to the GMK priority program
	IV. – 89 S., 16 Abb., 5 Tab.
	ISBN 3-88009-038-6 (DM 22,50)
Heft 40:	MÄUSBACHER, Roland (1985)
	Die Verwendbarkeit der geomorphologischen Karte 1:25 000 (GMK 25) der Bundesrepublik Deutschland für
	Nachbarwissenschaften und Planung. Beiträge zum GMK-Schwerpunktprogramm V. – 97 S., 15 Abb., 31 Tab.,
	21 Karten.
	ISBN 3-88009-039-4 (DM 18)
Heft 41:	STÄBLEIN, Gerhard (Hrsg.) (1986)
	Geo- und biowissenschaftliche Forschungen der Freien Universität Berlin im Werra-Meißner-Kreis (Nordhes-
	sen) Beiträge zur Werra-Meißner-Forschung I – 265 S. 82 Abb. 45 Tab. 3 Karten
	ISBN 3-88009-040-8 (DM 28)
Heft 42.	BARSCH Dietrich & LESER Hartmut (Hrsg.) (1987)
	Regionale Reisniele zur geomorphologischen Kartierung in verschiedenen Maßstähen (1:5000 his
	1: 200 000). Beiträge zum GMK-Schwerpunktnrogramm VI. – 80 S., 10 Abb. 9 Beilagen
	ISBN 3-88009-041-6 (DM 35)
Heft 43:	VAHRSON, Wilhelm-Günther (1987)
	Aspekte bodenphysikalischer Untersuchungen in der libyschen Wüste. Ein Beitrag zur Frage spätpleistozäner
	und holozäner Grundwasserbildung. – 92 S., 12 Abb., 56 Fig., 7 Tab., 1 Karte.
	ISBN 3-88009-042-4 (DM 18)
Heft 44:	PACHUR, Hans-Joachim & RÖPER, Hans-Peter (1987)
	Zur Paläolimnologie Berliner Seen. – 150 S., 42 Abb., 28 Tab.
	ISBN 3-88009-043-2 (DM 30,-)
Heft 45:	BERTZEN, Günter (1987)
	Diatomeenanalytische Untersuchungen an spätpleistozänen und holozänen Sedimenten des Tegeler Sees.
	ISBN 3-88009-044-0 (im Druck)
Heft 46:	FRANK, Felix (1987)
	Die Auswertung großmaßstäbiger Geomorphologischer Karten (GMK 25) für den Schulunterricht. Beiträge
	zum GMK-Schwerpunktprogramm VII 100 S., 29 Abb., Legende der Geomorphologischen Karte 1:25 000
	(GMK 25).
	ISBN 3-88009-045-9 (DM 18,-)
Heft 47:	LIEDTKE, Herbert (Hrsg.) (1988)
	Untersuchungen zur Geomorphologie der Bundesrepublik Deutschland - Neue Ergebnisse der Geomorphologi-
	schen Kartierung. Beiträge zum GMK-Schwerpunktprogramm VIII. – 225 S., 77 Abb., 12 Tab.
	ISBN 3-88009-046-7 (DM 60,-)
Heft 48:	MÖLLER, Klaus (1988)
	Reliefentwicklung und Auslaugung in der Umgebung des Unterwerra-Sattels (Nordhessen). – 187 S., 55 Abb.,
	20 Tab., 2 Karten.
	ISBN 3-88009-047-5 (DM 25,–)
Heft 49:	SCHMIDT, Karl-Heinz (1988)
	Die Reliefentwicklung des Colorado Plateaus. – 183 S., 50 Abb., 17 Photos, 20 Tab., 2 Karten.
	ISBN 3-88009-048-3 (DM 60,-)
Heft 50:	STUVE, Peter (1988)
	Die Schneeschmelze eines nordskandinavischen Einzugsgebietes ermittelt über die räumlich-zeitliche Variation
	des Strahlungs- und Energiehaushalts. – 119 S., 42 Abb., 13 Tab., 21 Karten.
	ISBN 3-88009-050-I (DM 30,-)